

對續假

對數

數數

簡簡

圓法





對 數 簡 法

(一之術捷表求)

戴 煦 撰

叢書集成初編

(補印本)

對數簡法及其他二種

一九三九年十二月初版
一九六〇年一月補印

戴

煦

撰

商務印書館出版

上海虹口印刷廠印刷

求對數舊法之言甚詳而數重緒多初學恆未易了鄂士先生揭其精要而變通之著爲對數簡法首論開方自淺入深而約以七術繼復立累除法省數十次開方用表已備極能事尤妙者捨開方而求假設數夫對數折半真數開方開至單一下多空位之零數於是真數對數遂得其會通此開方所由首重也顧必累開不已始得會通何如逕就會通處假一數以通之迨展轉相通而七十二對數之等差已備具於假設諸數一比例而定準之數出矣以是知數之爲用帶零求整難設整御零易憑所知課所求順推而入難借所求通所知逆轉而出易苟悟此可以得取數之方豈惟是對數一門有裨後學耶道光乙巳長至後五日梅侶項名達題於印蓮小閣

對數以加減代乘除。用之甚便。而求之甚難。舊法求諸對數。皆先求自一至九遞至單一下九空位零一至九之九十九數。而求之之法。大略有三。先定十百千萬之對數。而其間之零數。則用中比例累求而得。以首率末率兩真數相乘。開方得中率之真數。以首率末率兩假數相加。折半得中率之假數。漸求漸近。以至適合。如舊法求九之假數。用中比例。求至二十六次。而得八位之對數。此一法也。凡假數之首位。因真數之位數而遞加。以真數自乘至多位。而其位數。即假數首位以前之數。然後以自乘弟幾率除之。即得真數第一率之假數。如舊法求二之對數。自乘至一千三百餘億率。除自乘之位數四百餘億位。而得十二位之假數。又一法也。既定十之對數爲一。乃以真數十。開方五十四次。三十三位。以假數折半五十四次。爲逐數之假數。列爲開方表。乃以弟五十四次真假兩數比例。得單一下十五空位零一之假數爲率。于是以應求對數之真數。開方四五十次。求得十五空位。與爲比例。然後以開方弟幾次之率數乘之。而得二十二位之假數。或真數開方二十餘次。求得九空位。與表內九空位開方數爲比例。亦以率數乘之。而得十三四位假數。如舊法求二與六之對數。又一法也。顧此數法。布算極繁。甚至經旬累月。而不能竟求一數。故言筭者鮮不望之而生畏。夫立法太繁。則較筭不易。深慮寢久而失其真也。因復詳加探索。始悟求十一二位之對數。開方表。祇須二十一次。一十四位。已屬敷用。而既有開方表。則求諸對數。可不必更開方。較之舊法。省算數倍。且不特此也。凡諸對數。皆定于十之對數。而實生于單一下五六空位零一之對數。今欲以十之對數。求單一下五六空位零一之對數。勢不得不屢次開方。若借一筭。爲單一下

五六空位零一對數轉求十之借數即可得其比例之率知累除之法可代開方而開方表亦可省求也
爰爲揭出俾求對數者有取焉乙巳秋日鄂士識

對數簡法總目

卷之上

開方七術

求開方表

有開方表徑求諸對數

卷之下

求七十二假設對數

求七十二定準對數

有七十二對數求諸對數

對數簡法卷之上

開方第一術

開平方。向用商除。商除者。以意商度。商度一次。僅得一位。故初商次商三商。以次遞求。位數多者。頗覺繁重。其所以繁重之故。緣乘除皆係有法有實。而開方但有實而無法。必以意商度。始得其數。茲別立一法。不用商除。但用乘除。而得數仍合。可免以意商度之難。爲較便也。

術曰。自一至九爲初商根。各自乘。以次列之。爲初商實。以所設方積。較初商實。取其稍大于方積者。以其方根爲第一數。次以初商實內減方積。爲減餘數。以第一數除之。二除之。爲第二數。又以減餘數除初商實。所得爲每數除法。乃以除法除第二數。一乘之。四除之。爲第三數。以除法除第三數。三乘之。六除之。爲第四數。以除法除第四數。五乘之。八除之。爲第五數。以除法除第五數。七乘之。十除之。爲第六數。每數以一二三五七九諸奇數爲乘法。以二四六八十諸偶數爲除法。依次遞求。至應求位數下。第一數恆爲正。第二數以下均爲負。并諸負數。以減第一正數。得所求方根。

假如有平方積一〇。欲求方根五位。

法檢初商實得一。因爲較大于設數。卽以其方根四〇〇〇〇〇。凡求方根。須增求位數。則尾位方準。故加六空位。求至七位。又凡單位加。之。爲第一數。次以初商實內減平方積。得減餘數四〇〇〇〇〇。以第一數除之。二除之。得七五

術曰以方積較初商實取稍大者以其根爲第一數依前術求得第二數再求第三數之首位并入第二數以減第一數所得取前二位尾位下不論滿五未滿成進一算再爲第一數自乘內減方積得減餘數依前求第二數再求第三數之首位并入第二數以減第一數取前四位尾位下進一算再爲第一數如是遞求至應求位數而止得所求方根

假如有平方積一〇欲求三十二位方根

法以方積較商實得一因爲較大卽以其方根四〇爲第一數又以方積減商實得減餘數四〇二除之又第一數除之得七五爲第二數又以減餘數除商實得除法四六七以四除第二數除法除之得第三數首位七并入第二數得八二以減第一數得四一八去尾位進一算得四二爲第一次求得數又以四二〇〇爲第一數自乘得一四二四〇內減方積得減餘數二四〇二除之又第一數除之得三七五爲第二數又以減餘數除第一數自乘得除法四四七以四除第二數除法除之得第三數首位二并入第二數得三七七以減第一數得四一六二三去尾位進一算得四一六三爲第二次求得數

又以四一六三〇〇〇〇爲第一數自乘得一四二四〇〇四五六九〇內減方積得減餘數四五六九〇二除之又第一數除之得七二二二六爲第二數又以減餘數除第一數自乘得除法二一九〇以四除第二數除法除之得第三數首位八并入第二數得七二二三四以減第一數得四一六二二七

第一次

第一數	二	三	并得數	減得數
四〇〇	七五	七	〇八二	四〇〇
				四〇〇

第二次

第一數	二	三	并得數	減得數
四二〇〇	三七五	二	〇〇三七七	四二〇〇
				四二〇〇

第三次

第一數	二	三	并得數	減得數
四一六三〇〇〇〇	七二二六	八	〇〇〇〇七二二三四	四一六三〇〇〇〇
				四一六三〇〇〇〇

第四次

第一數	二	三	并得數	減得數
四一六二二七七七〇〇〇〇〇〇〇〇	三九八三一六二〇四	二	〇〇〇〇〇〇〇三九八三一六二〇六	四一六二二七七七〇〇〇〇〇〇〇〇
				四一六二二七七七〇〇〇〇〇〇〇〇

表乘術曰。以乘法挨次遞加。列爲九行。如原實內九數不全者不必全列九行。視原實首位何數。卽以第幾行爲第一數。再視次位。更以第幾行降一位爲第二數。每至三四數。則相并一次。如是遞求至原實末位。乃併諸并數。卽乘得數。

第四次三一六二二七七七自乘算式

表

第一行	三一六二二七七七
二行	六三二四五五四
三行	九四八六八三三一
六行	一八九七三六六二
七行	二二一三五九四三九

併諸併數	一〇〇〇〇〇〇二五一九一七二九	卽乘得數
第二併數	〇〇〇〇八七八一六四五一七二九	
五六七八	二二一三三五四三九 二二一三五九四三九 二二一三五四三九 六三二四五五四	
第一併數	九九九九一二二〇八七四〇〇〇	
第一數 三四二	六三二四五四 一八九七三六六二 一八六二七七七 九四八六八三三一	
原實	三一六二二七七七	

截乘術曰。法實各截分爲二。以法上截乘實上截。爲第一乘得數。法下截乘實上截。爲第二乘得數。法上截乘實下截。爲第三乘得數。法下截乘實下截。爲第四乘得數。相并得總乘得數。若自乘。則上截自乘。爲第一乘得數。上下截互乘。倍之。爲第二乘得數。下截自乘。爲第三乘得數。相并得總乘得數。

第五次三一六二二七七六六〇一六八三八〇自乘算式

上截表

第一
行 行 行 行 行 行
一 二 三 四 五 六 七 八

三一六二二七七六六〇
六三二四八五五二
九四八六八三二八
一八九七三六六五
二二一三五九四三
二五二九八二〇八

下截表

第一
行 行 行 行 行 行
一 二 三 四 五 六 七 八

六〇一六八三八〇
一八〇五〇五一四〇
三六一〇一〇二八〇
四八一三四七〇四〇

原實中	六〇一六八三八〇
第一數	一八九七三六六五六
二	〇三一六二二七七六
三	一八九七三六六五六
并數一	一九〇二四二六二〇四一六〇〇〇〇
四	二五二九八二二〇八
五	九四八六八三二八
六	二五二九八二二〇八
并數二	二六四九九八八二八八〇
總并	一九〇二六九一二〇三〇二二八八〇
倍之	三八〇五三八二四〇六〇四五七六〇