



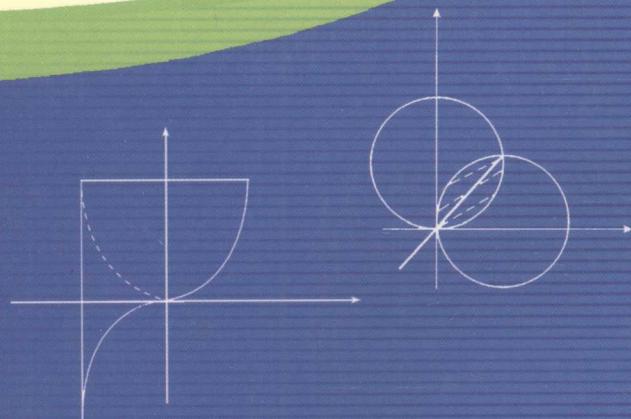
2008 全国硕士研究生入学统一考试

# 农学门类联考辅导丛书

# 数 学

## 复习指南暨习题解析

王来生◎主编



针对全国联考 名校名师编审 融通主流教材 轻松复习应考  
解读考研大纲 精讲重点考点 解析习题试题 提供备考捷径



008 全国硕士研究生入学统一考试  
农学门类联考辅导丛书

# 数 学

复习指南暨习题解析

王来生 主编

中国农业大学出版社

## 图书在版编目(CIP)数据

数学复习指南暨习题解析/王来生主编. —北京:中国农业大学出版社,2007.10  
ISBN 978-7-81117-389-5

I. 数… II. 王… III. 高等数学-研究生-入学考试-自学参考资料 IV. O13

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2007)第 164165 号

书 名 数学复习指南暨习题解析

作 者 王来生 主编

策 划 编辑 丛晓红 席 清

责 任 编辑 洪重光

封 面 设计 郑 川

责 任 校 对 陈 莹 王晓凤

出 版 发 行 中国农业大学出版社

邮 政 编 码 100094

社 址 北京市海淀区圆明园西路 2 号

读 者 服 务 部 010-62732336

电 话 发行部 010-62731190,2620

出 版 部 010-62733440

编 辑 部 010-62732617,2618

e-mail cbsszs@cau.edu.cn

网 址 <http://www.cau.edu.cn/caup>

经 销 新华书店

印 刷 涿州市星河印刷有限公司

版 次 2007 年 10 月第 1 版 2007 年 10 月第 1 次印刷

规 格 787×1092 16 开本 24.25 印张 600 千字

定 价 35.00 元

图书如有质量问题本社发行部负责调换

**主 编** 王来生(中国农业大学)

**副主编** 王云诚(山东农业大学)

张良云(南京农业大学)

崔克俭(山西农业大学)

**编 者** (按姓氏笔画排序)

王来生(中国农业大学)

王云诚(山东农业大学)

介跃建(中国农业大学)

陈 静(中国农业大学)

张良云(南京农业大学)

周志坚(中国农业大学)

杨丽明(中国农业大学)

徐义田(中国农业大学)

崔克俭(山西农业大学)

曾善玉(中国农业大学)

## 出版说明

从 2008 年起,教育部对全国硕士研究生统一入学考试农学门类初试科目和内容进行优化调整。调整后,初试科目为 4 门,即政治理论、外国语、农学门类公共基础(数学或化学)、农学学科基础综合(动物生理学与生物化学或植物生理学与生物化学),卷面满分值分别为 100 分、100 分、150 分、150 分。同时,改变了过去农学门类的数学、化学、动物生理学与生物化学、植物生理学与生物化学科目由招生院校自行命题的做法,对农学门类公共基础的数学、化学科目实行联合命题;对动植物类学科群的农学学科基础综合科目,即动物生理学与生物化学、植物生理学与生物化学实行联合命题。上述 4 个科目的联合命题工作,教育部委托学位与研究生教育学会农林工作委员会(以下简称农林委)在教育部考试中心指导下组织实施。

为了更好地帮助考生系统地复习和备考,中国农业大学出版社针对农学门类考生组织编写了化学、生物化学、植物生理学、动物生理学和数学等 5 门课程的考研辅导书。

根据教育部考试中心组编的《2008 年全国硕士研究生入学统一考试农学门类联考考试大纲》(以下简称《联考考试大纲》)而编写的这套农科类考研辅导书具有以下特点:

(1)读者定位明确,针对性强。专门针对 2008 年参加全国农学门类硕士研究生入学统一考试的考生。

(2)主编和编写者学术水平高,经验丰富,权威性强。各书主编均为治学严谨,在业内有很高的学术声誉的知名学者。他们是来自教育部直属的 5 所“211”院校的中国农业大学、西北农林科技大学、南京农业大学、华中农业大学、北京林业大学,以及山东农业大学、山西农业大学、沈阳农业大学、河北农业大学等省属重点高校常年从事相关学科教学的骨干教师和考研辅导专家,大多数教师是往年在本校负责研究生考试命题工作的。

(3)严格遵循《联考考试大纲》规定,并参照有关院校相关课程教学要求,对编写内容进行了筛选,全面收录本学科教学重点要点,最大限度地提高复习效率。

(4)注重问题的总结与分析。设置重点难点解析模块,对于重要的内容和考生历年容易出错的问题做重点的剖析,列出主要的知识点,以期帮助读者掌握本学科基本的学习思路,把握本学科学习的主要脉络,帮助考生在短时间内尽快地完成知识的梳理、内化过程。

(5)提供高质量的典型习题和综合试题。设置典型例题解析模块,帮助同学加强知识的迁移应用能力。书中的例题和自测题尽可能以《联考考试大纲》规定的几种考试题型的形式给出,以期帮助读者适应考试要求,通过练习获得解题思路和应试技巧。

作为出版者,我们真诚地希望考生在复习时,首先要认真阅读教材,掌握各科的基本内容,然后参考本套丛书的总结,巩固所学的知识,提高解题能力。

主编和编写人员中的很多位都是全国知名的专家学者,身兼数职,教学和科研任务都非常繁重,为了编写好这套书,为了使第一次参加全国联考改革的各位同学有章可循,有书可依,不至于无所适从,几个月来连续牺牲了大量的休息时间,反复斟酌拿捏内容的广度、深度,把握例题和习题的代表性,尽心尽力从参加考试同学的角度去组织内容和体系,这种高度的责任心让我们深为感动。我们诚挚地感谢各位编写老师的无私奉献。

尽管我们本着帮助考生系统复习备考的良好愿望,尽力组织编写好和出版好这套丛书,但限于时间仓促,仍不免有疏漏之处,恳请各位同学及专家们批评指正,以利于我们今后不断地改进和提高。

中国农业大学出版社

2007.10

# 前　　言

为了配合教育部对农学门类硕士研究生入学统一考试初试科目和内容进行优化调整,以及对农学门类数学科目实行联合命题的改革工作,同时也为了方便考生的复习和应考,中国农业大学、南京农业大学、山东农业大学和山西农业大学联合组织编写了这本数学考研复习指导书。参加编写的老师大多是往年在本校负责研究生考试命题工作的。

全书分三篇,第一篇为高等数学,内容分别为函数、极限、连续,一元函数微分学,一元函数积分学,多元函数微积分学和常微分方程。第二篇是线性代数,内容为行列式,矩阵,向量,线性方程组,矩阵的特征值和特征向量。第三篇是概率论与数理统计,内容为随机事件与概率,随机变量及其分布,二维随机变量及其分布,随机变量的数字特征,大数定律、中心极限定理,数理统计的基本概念。

本书的主要特点是:依据农学门类研究生数学考试大纲的基本要求,精选出具有启发性、典型性和针对性的题目,许多典型例题都选自考研真题,通过对这些题目的分析解答,帮助读者掌握基本知识点和提高综合解题能力。

每一章首先给出考研大纲中的考试内容和考试要求以及本章的重点。每一章根据知识点分类总结,给出基本概念、定义、重要定理与常用公式,方便学生的学习。在典型例题的选择上,相当一部分典型例题综合性较强并具有一定的深度。对于典型例题中难度较大的题,先给出解题思路分析,然后给出正式解答,有的题最后还加以评注。目的是帮助学生正确理解和掌握基本的数学概念、理论和方法,开拓思维模式,培养学生综合分析和解决问题的能力。每章后面附有一套练习题,使学生及时了解本章的学习情况。书后附三套模拟试题,还附有几套中国农业大学和南京农业大学以前的考研试题。

本书的编写分工如下:

第一篇,高等数学:王来生(第一章),周志坚(第二章),介跃建(第三章),陈静(第四章),崔克俭(第五章);

第二篇,线性代数:曾善玉(第六、七、八章),王云诚(第九章),张良云(第十章);

第三篇,概率论与数理统计:徐义田(第十一、十二、十三章),杨丽明(第十四、十五章),崔克俭(第十六章)。

全书由王来生教授总体设计并统稿。

由于编写人员水平所限,书中缺点和错误在所难免,敬请读者指正。

编　者

2007年9月

# 目 录

## 第一篇 高等数学

<b>第一章 函数、极限、连续</b> .....	3
一、函数的定义与性质 .....	3
二、数列与函数的极限 .....	6
三、极限运算法则、无穷小与无穷大 .....	8
四、极限存在法则、不定式的极限 .....	12
五、函数的连续性 .....	18
六、极限计算中的其他典型例题 .....	23
练习题 .....	28
练习题答案 .....	29
<b>第二章 一元函数微分学</b> .....	31
一、导数的概念与性质 .....	31
二、导数的计算 .....	37
三、高阶导数 .....	43
四、微分 .....	45
五、综合例题 .....	46
六、微分中值定理 .....	51
七、洛必达法则 .....	56
八、函数的单调性与曲线的凹凸性 .....	58
九、利用导数研究函数的极值与最值 .....	65
练习题 .....	70
练习题答案 .....	72
<b>第三章 一元函数积分学</b> .....	73
一、原函数的概念、不定积分的定义和性质 .....	73
二、不定积分的计算 .....	75
三、定积分概念、几何意义、性质、变上限定积分 .....	86
四、定积分的计算 .....	87
五、证明题 .....	91
六、定积分的应用 .....	97
练习题 .....	101
练习题答案 .....	103
<b>第四章 多元函数微积分学</b> .....	104
一、多元函数的概念、极限、连续 .....	104

二、多元函数的偏导数及全微分 .....	106
三、多元复合函数的求导法则 .....	110
四、多元函数的极值及应用 .....	119
练习题 .....	125
练习题答案 .....	127
五、二重积分 .....	128
练习题 .....	144
练习题答案 .....	146
<b>第五章 常微分方程 .....</b>	<b>149</b>
一、微分方程的基本概念与可解类型 .....	149
二、一阶微分方程的应用 .....	156
练习题 .....	160
练习题答案 .....	162

## 第二篇 线性代数

<b>第六章 行列式 .....</b>	<b>165</b>
一、行列式的定义 .....	165
二、行列式的性质 .....	166
三、行列式的计算 .....	168
练习题 .....	175
练习题答案 .....	178
<b>第七章 矩阵 .....</b>	<b>179</b>
一、矩阵及其运算 .....	179
二、可逆矩阵 .....	186
三、矩阵的初等变换 .....	189
四、矩阵的秩 .....	191
练习题 .....	192
练习题答案 .....	194
<b>第八章 向量 .....</b>	<b>196</b>
一、向量及其运算 .....	196
二、向量组的线性相关性 .....	197
三、向量组的极大线性无关组与向量组的秩 .....	204
练习题 .....	206
练习题答案 .....	208
<b>第九章 线性方程组 .....</b>	<b>209</b>
一、线性方程组 .....	209
二、典型题型 .....	211
练习题 .....	216
练习题答案 .....	218

<b>第十章</b>	<b>矩阵的特征值和特征向量</b>	220
一、特征值和特征向量	220	
二、实对称矩阵的对角化	224	
练习题	229	
练习题答案	232	
<b>第三篇 概率论与数理统计</b>		
<b>第十一章</b>	<b>随机事件与概率</b>	237
一、随机事件的描述及其关系运算	237	
二、事件的频率与概率	239	
三、条件概率、乘法公式、事件的独立性	241	
四、全概率公式与贝叶斯公式	243	
五、本章应注意的几个问题	245	
练习题	245	
练习题答案	247	
<b>第十二章</b>	<b>随机变量及其分布</b>	250
一、随机变量及其概率分布	250	
二、常见随机变量的分布	255	
三、随机变量函数的分布	259	
四、本章应注意的几个问题	262	
练习题	262	
练习题答案	265	
<b>第十三章</b>	<b>二维随机变量及其分布</b>	267
一、二维随机变量的联合分布	267	
二、二维随机变量的边缘分布及独立性	269	
三、二维随机变量函数的分布	272	
四、常见二维随机变量的分布	276	
五、本章应注意的几个问题	279	
练习题	280	
练习题答案	282	
<b>第十四章</b>	<b>随机变量的数字特征</b>	286
一、随机变量的数学期望	286	
二、随机变量的方差、协方差和相关系数	302	
练习题	326	
练习题答案	328	
<b>第十五章</b>	<b>大数定律、中心极限定理</b>	330
一、切比雪夫不等式	330	
二、几个常用的大数定律	330	
三、几个常用的中心极限定理	331	

---

练习题	336
练习题答案	338
<b>第十六章 数理统计的基本概念</b>	339
一、样本及其数字特征	339
二、常用统计量的分布	340
三、正态总体的抽样分布	342
练习题	347
练习题答案	349
<b>附录一 模拟试题</b>	350
模拟试题一	350
模拟试题一答案	352
模拟试题二	353
模拟试题二答案	355
模拟试题三	357
模拟试题三答案	359
<b>附录二 考试试题</b>	364
南京农业大学 2004 年攻读硕士学位研究生入学考试数学试题	364
2005 年中国农业大学硕士生入学考试数学试题	367
2006 年中国农业大学硕士生入学考试数学试题	369
2007 年中国农业大学硕士生入学考试数学试题	371
南京农业大学 2007 年攻读硕士学位研究生入学考试数学试题	373

# 第一篇 高等数学

- ◆ 第一章 函数、极限、连续
- ◆ 第二章 一元函数微分学
- ◆ 第三章 一元函数积分学
- ◆ 第四章 多元函数微积分学
- ◆ 第五章 常微分方程



# 第一章 函数、极限、连续

## 考试内容

函数的概念及表示法；函数的有界性、单调性、周期性和奇偶性；复合函数、反函数、分段函数和隐函数；基本初等函数的性质及其图形；初等函数函数关系的建立；数列极限与函数极限的定义及其性质；函数的左极限与右极限；无穷小量和无穷大量的概念及其关系；无穷小量的性质及无穷小量的比较；极限的四则运算；极限存在的两个准则；单调有界准则和夹逼准则；两个重要极限：

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$$

函数连续的概念；函数间断点的类型；初等函数的连续性；闭区间上连续函数的性质。

## 考试要求

1. 理解函数的概念，掌握函数的表示法，会建立应用问题中的函数关系。
2. 了解函数的有界性、单调性、周期性和奇偶性。
3. 理解复合函数及分段函数的概念，了解反函数及隐函数的概念。
4. 掌握基本初等函数的性质及其图形，了解初等函数的概念。
5. 了解数列极限和函数极限（包括左极限和右极限）的概念。
6. 了解极限的性质与极限存在的两个准则，掌握极限四则运算法则，掌握利用两个重要极限的方法。
7. 理解无穷小量的概念和基本性质，掌握无穷小量的比较方法，了解无穷大量和无穷小量的概念及其关系。
8. 理解函数连续性的概念（含左连续与右连续），会判别函数间断点的类型。
9. 了解连续函数的性质和初等函数的连续性，理解闭区间上连续函数的性质（有界性、最大值和最小值定理、介值定理），并会应用这些性质。

## 本章重点

求极限或给定极限值确定式中的常数；利用洛必达法则求七种未定式的极限；讨论函数的连续性；判断间断点的类型；无穷小的比较；利用极限存在准则和两个重要极限求极限；方程在给定区间内有无实根；分段函数在分界点处的极限与连续；闭区间上连续函数的性质。

## 一、函数的定义与性质

### 1. 函数概念

如果变量  $x$  在数集  $D$  中任取一个值，变量  $y$  按某个对应法则  $f$  总有唯一确定的值与它对

应,则称  $y$  是  $x$  的函数,记作  $y = f(x), x \in D$ 。其中  $x$  称为自变量, $y$  称为因变量, $D$  称为定义域,集合  $W = \{y \mid y = f(x), x \in D\}$  称为函数  $y = f(x)$  的值域。

## 2. 函数的特性

(1) 函数的有界性 若存在  $M > 0$ ,使得  $|f(x)| \leq M$  对于任一  $x \in D$  都成立,则称  $f(x)$  在  $D$  上有界,亦称  $f(x)$  是  $D$  上的有界函数,否则称为无界。

(2) 函数的单调性 设  $y = f(x)$  在区间  $(a, b)$  内有定义,  $x_1, x_2$  为  $(a, b)$  内任意两点,当  $x_1 < x_2$  时,总有  $f(x_1) < f(x_2)$ ,则称  $f(x)$  在区间  $(a, b)$  内为单调增加的函数;当  $x_1 < x_2$  时,总有  $f(x_1) > f(x_2)$ ,则称  $f(x)$  在区间  $(a, b)$  内为单调减少的函数。单调增加和单调减少的函数统称为单调函数。

(3) 函数的奇偶性 设函数  $f(x)$  的定义域  $D$  关于原点对称,如果对于任一  $x \in D$ ,有  $f(-x) = f(x)$ ,则称  $f(x)$  是偶函数;若  $f(-x) = -f(x)$ ,则称  $f(x)$  是奇函数。偶函数的图形关于  $y$  轴对称,奇函数的图形关于坐标原点对称。

(4) 函数的周期性 若存在一个非零常数  $T$ ,使得函数  $y = f(x)$  在其定义域内有  $f(x + T) = f(x)$  成立,则称函数  $y = f(x)$  为周期函数,  $T$  称为  $f(x)$  的周期。

## 3. 复合函数与初等函数

(1) 反函数 设函数  $y = f(x), x \in D$  的值域为  $W$ ,且  $x$  与  $y$  是一一对应的,对任何  $y \in W$ ,按照对应法则  $f^{-1}$  总有唯一确定的  $x$  与之对应,称函数  $x = f^{-1}(y)$  为  $y = f(x)$  的反函数,  $y = f(x)$  又称为直接函数。习惯上用  $y$  表示函数,所以反函数可写成  $y = f^{-1}(x), x \in W$ 。它们的图形关于  $y = x$  对称。

(2) 基本初等函数 幂函数,指数函数,对数函数,三角函数和反三角函数统称为基本初等函数。

(3) 复合函数 设函数  $y = f(u)$  的定义域  $D_f$ ,而函数  $u = \varphi(x)$  的值域为  $Z_\varphi$ ,若  $D_f \cap Z_\varphi \neq \emptyset$ ,则称函数  $y = f[\varphi(x)]$  为  $x$  的复合函数。

(4) 隐函数 设二元方程为  $F(x, y) = 0$ ,如果对任意的  $x \in D$ ,总有满足上述方程的  $y$  与之对应,则称  $y$  是  $x$  (由方程  $F(x, y) = 0$  确定) 的隐函数。

(5) 初等函数 由基本初等函数经过有限次的四则运算和有限次的复合运算所构成的并能用一个式子表示的函数称为初等函数。

**例 1** 设  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ ,求  $\underbrace{f(f(\cdots f(x)))}_{n \uparrow f}$ 。

$$\text{解 } f(f(x)) = \frac{\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}}{\sqrt{1+\left(\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}\right)^2}} = \frac{x}{\sqrt{1+2x^2}},$$

$$f(f(f(x))) = \frac{\frac{x}{\sqrt{1+2x^2}}}{\sqrt{1+\left(\frac{x}{\sqrt{1+2x^2}}\right)^2}} = \frac{x}{\sqrt{1+3x^2}}, \dots$$

由归纳法,

$$\underbrace{f(f(\cdots f(x)))}_{n \uparrow f} = \frac{x}{\sqrt{1+nx^2}}$$

**例 2** 设函数  $y = f(x)$  是以  $T > 0$  为周期的周期函数, 证明  $f(ax)$  ( $a > 0$ ) 是以  $\frac{T}{a}$  为周期的周期函数。

**分析** 只要证明  $f\left(a\left(x + \frac{T}{a}\right)\right) = f(ax)$  即可。

**证明**  $f\left(a\left(x + \frac{T}{a}\right)\right) = f(ax + T)$

因为  $f(x)$  是以  $T$  为周期的周期函数, 所以  $f(ax + T) = f(ax)$ 。

因而有  $f\left(a\left(x + \frac{T}{a}\right)\right) = f(ax)$ , 故  $f(ax)$  是以  $\frac{T}{a}$  为周期的周期函数。

**例 3** 已知  $2f(x) + f(1-x) = x^2$ , 求  $f(x)$  表达式。

**解法 1** 由于  $f(x)$  与  $f(1-x)$  的线性组合为  $x^2$ , 所以  $f(x)$  应为二次多项式函数, 故设  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , 由已知条件可得:

$$2(ax^2 + bx + c) + a(1-x)^2 + b(1-x) + c = x^2$$

比较两端同次幂系数可得

$$a = \frac{1}{3}, b = \frac{2}{3}, c = -\frac{1}{3}$$

则

$$f(x) = \frac{1}{3}x^2 + \frac{2}{3}x - \frac{1}{3}$$

**解法 2** 令  $1-x = t$ , 则  $x = 1-t$ , 由题设则有

$$2f(1-t) + f(t) = (1-t)^2$$

改写为

$$2f(1-x) + f(x) = (1-x)^2$$

将上述等式与已知等式联立消去  $f(1-x)$ , 即可解出:

$$f(x) = \frac{1}{3}x^2 + \frac{2}{3}x - \frac{1}{3}$$

**例 4** 设  $y = f(x)$  在  $(-\infty, +\infty)$  上为奇函数, 已知  $f(1) = a$ , 对  $x \in (-\infty, +\infty)$  有  $f(x+2) = f(x) + f(2)$ :

(1)求  $f(5)$ ;

(2)若  $y = f(x)$  以  $T = 2$  为周期, 求常数  $a$ 。

**分析** 已知条件表达了线性运算关系, 为求  $f(5)$ , 则应利用已知条件凑出  $f(5)$ 。

**解** (1)令  $x = -1$ , 由题设则有

$$f(1) = f(-1) + f(2)$$

又因为  $y = f(x)$  为奇函数, 因此

$$f(2) = 2f(1) = 2a$$

再令  $x = 3$ , 则有  $f(5) = f(3) + f(2)$ 。

由已知等式令,  $x = 1$ , 得  $f(3) = f(1) + f(2) = 3a$ , 则得  $f(5) = 5a$ 。

(2)若  $y = f(x)$  以  $T = 2$  为周期, 则有

$$f(x+2) = f(x) + f(2) = f(x)$$

因为  $f(2)=0$ , 即解出  $a=0$ 。

**例 5** 设  $f(x)$  满足  $af(x) + bf\left(-\frac{1}{x}\right) = \sin x$ , 其中  $|a| \neq |b|$ , 求  $f(x)$ 。

**解** 令  $t = -\frac{1}{x}$ ,  $x = -\frac{1}{t}$ , 于是原式可改写为  $af\left(-\frac{1}{t}\right) + bf(t) = -\sin \frac{1}{t}$

也就是

$$af\left(-\frac{1}{x}\right) + bf(x) = -\sin \frac{1}{x}$$

与原式联立解得:

$$f(x) = \frac{1}{a^2 - b^2} \left( a \sin x + b \sin \frac{1}{x} \right)$$

**例 6** 设  $f(x)$  为连续函数, 且满足  $\exp \left\{ \int_0^{3x} f\left(\frac{t}{3}\right) dt \right\} = f(x)$ , 求  $f(x)$  的表达式。

**解** 对题中所给的关系式取自然对数, 得

$$\int_0^{3x} f\left(\frac{t}{3}\right) dt = \ln f(x)$$

上式两边同时对  $x$  求导, 有

$$3f(x) = \frac{f'(x)}{f(x)}, \text{ 即 } f'(x) = 3f^2(x)$$

解之, 可得

$$f(x) = -\frac{1}{3x+C}$$

易知  $f(0) = 1$ , 因此得  $C = -1$ , 所以  $f(x) = \frac{1}{1-3x}$ 。

## 二、数列与函数的极限

### 1. 数列极限的定义

$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \Leftrightarrow$  任意  $\epsilon > 0$ , 存在正整数  $N$ , 当  $n > N$  时, 恒有  $|x_n - a| < \epsilon$ 。

称常数  $a$  是数列  $x_n$  的极限, 又称数列  $x_n$  收敛于  $a$ 。

### 2. 数列极限的性质

**有界性** 收敛的数列必定有界。

**唯一性** 每个收敛的数列只有一个极限。

### 3. 函数极限的定义

**定义 1**  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = A \Leftrightarrow$  任意  $\epsilon > 0$ , 存在正数  $X$ , 当  $|x| > X$  时, 恒有  $|f(x) - A| < \epsilon$ 。

在上述定义中, 将  $|x| > X$  改写成  $x > X$  (或  $x < -X$ ), 便得到  $x \rightarrow +\infty$  (或  $x \rightarrow -\infty$ ) 时函数的极限。