

考试要点、自我测试、例题解释、针对性强

# 高等职业院校

GAODENG ZHIYEYUANXIAO ZHAOSHENG KAOSHI LIANXICE

## 招生考试练习册

### 数学

卢曙红 主编

根据最新考试大纲要求编写



原子能出版社

# 高等职业院校招生考试练习册

数

学

主编：卢曙红  
主审：陶艳  
编委：陈建祥 周朝阳 卢曙红  
刘晓娟 张毅 陶艳

原子能出版社

## 图书在版编目(CIP)数据

高等职业院校招生考试练习册·数学/卢曙红主编。  
北京:原子能出版社,2008.6

ISBN 978-7-5022-4134-6

I. 高… II. 卢… III. 数学课—高等学校:技术学校—入学考试—解题  
IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2008)第 082301 号

## 高等职业院校招生考试练习册·数学

---

出版发行:原子能出版社(北京市海淀区阜成路 43 号 100037)

责任编辑:孙凤春

封面设计:非凡工作室

印 刷:北京慧美印刷有限公司

经 销:全国新华书店

开 本:787mm×1092mm 1/16

字 数:290 千字

印 张:10.625

版 次:2008 年 6 月第 1 版 2008 年 6 月第 1 次印刷

书 号:ISBN 978-7-5022-4134-6

定 价:18.00 元

---

版权所有 侵权必究

出版社网址:<http://www.aep.com.cn>

## 编写说明

为了帮助参加高职考试的广大考生全面、快速、有效地复习,本套练习立足于最新高职考纲,在总结几年来高职考试试题规律及对今年命题思路预测的基础上,编写了这本练习册。

本练习册的最大特点是编者结合多年教学经验和对高职学生的了解,充分体现了分层次教学的运用,让不同基础的考生都能从中受益。为了全面提升应试效率,在题目的选择时立足基础,紧扣课本,力求全面,针对性强。

本练习册每一章节基本都分为课堂反馈和课外演练两大部分,而每一部分又分为基础过关和能力提升两部分。考生只需要根据自己的实际情况,进行有针对性地练习,就能达到夯实基础,提高能力的目的。本练习册由具有多年教学经验的一线教师编写,融合了老师们对2003年至2008年高职考生试题的认真分析和对2009年高职考生试题的预测,相信能让考生提升自己现有知识能力水平,增加自信,使你的复习事半功倍。

本书疏漏谬误之处,恳请读者批评指正。

编者

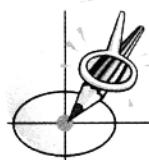


# 目 录

<b>第一章 集合与逻辑用语</b> .....	(1)
考点 1 集合及其运算 .....	(1)
考点 2 数理逻辑用语 .....	(5)
<b>第二章 解不等式</b> .....	(7)
考点 1 不等式的性质与证明 .....	(7)
考点 2 不等式的解法 .....	(10)
考点 3 不等式的应用 .....	(15)
<b>第三章 函数</b> .....	(17)
考点 1 映射与函数 .....	(17)
考点 2 函数的单调性和奇偶性 .....	(21)
考点 3 一元二次函数 .....	(24)
<b>第四章 指数函数与对数函数</b> .....	(28)
考点 1 指数与指数函数 .....	(28)
考点 2 对数与对数函数 .....	(33)
<b>第五章 三角函数</b> .....	(39)
考点 1 任意角的三角函数 .....	(39)
考点 2 同角三角函数基本关系式、诱导公式 .....	(42)
考点 3 和角公式与倍角公式 .....	(47)
考点 4 正弦函数、余弦函数、正切函数的图像和性质 .....	(53)
考点 5 正弦定理、余弦定理及其应用 .....	(57)
<b>第六章 数列</b> .....	(59)
考点 1 数列的概念 .....	(59)
考点 2 等差数列 .....	(62)
考点 3 等比数列 .....	(66)
<b>第七章 平面向量</b> .....	(71)
考点 1 向量的概念、向量的运算 .....	(71)
考点 2 平面向量的坐标运算 .....	(73)



考点 3 平移公式、中点坐标公式、两点距离公式 .....	(76)
<b>第八章 平面解析几何 .....</b>	<b>(78)</b>
考点 1 曲线与方程 .....	(78)
考点 2 直线方程 .....	(79)
考点 3 圆 .....	(83)
考点 4 椭圆、双曲线、抛物线 .....	(86)
<b>参考答案 .....</b>	<b>(1—73)</b>



# 第一章 集合与逻辑用语

## 考点 1 集合及其运算



### 一、课堂反馈



#### 基础过关



1. 考察下列各组对象:①高个儿的运动员;②使  $x > 1$  的所有实数  $x$  的值;③所有平行四边形;④高三(1)班全体学生,其中能够构成集合的有( )
- A. 1 组      B. 2 组      C. 3 组      D. 4 组
2. 方程组  $\begin{cases} x+y=3 \\ y+z=4 \\ z+x=5 \end{cases}$  的解集为① $(2,1,3)$ ,② $\{(2,1,3)\}$ ,③ $\{2,1,3\}$ ,其中正确的表示方法是( )
- A. ①②      B. ①③      C. ①②③      D. ②
3. 设集合  $A = \{x | x \leqslant 2\sqrt{3}\}$ ,  $a = \sqrt{11}$ , 则( )
- A.  $a \subseteq A$       B.  $a \notin A$       C.  $\{a\} \in A$       D.  $\{a\} \subseteq A$
4. 集合  $\{-\sqrt{3}, 0, 2, \pi\}$  的非空真子集的个数有( )个.
- A. 13      B. 14      C. 15      D. 16
5. 设  $M = \{x | -x < 0\}$ ,  $N = \{x | -x^2 < 0\}$ , 则  $M \cap N$  等于( )
- A.  $\mathbb{R}$       B.  $\{x | x > 0\}$       C.  $\{x | x \leqslant 0\}$       D.  $\{x | x < 0\}$
6. 设集合  $A = \{0, 1, 2, 4, 5, 7\}$ ,  $B = \{1, 3, 6, 8, 9\}$ ,  $C = \{3, 7, 8\}$ , 那么集合  $(A \cap B) \cup C$  是( )
- A.  $\{0, 1, 2, 6, 8\}$       B.  $\{3, 7, 8\}$       C.  $\{1, 3, 7, 8\}$       D.  $\{1, 3, 6, 7, 8\}$
7. 集合  $A = \{x | -5 \leqslant x < 1\}$ ,  $B = \{x | x > 1\}$ , 则  $A \cup B$  等于( )
- A.  $\{x | x \geqslant -5\}$       B.  $\{x | -5 \leqslant x < 1\}$       C.  $\emptyset$       D.  $\{x | x \geqslant -5 \text{ 且 } x \neq 1\}$
8. 设全集  $I = \{a, b, c, d, e\}$ ,  $C_I A = \{d, e\}$ ,  $B = \{a, b, e\}$   
则  $A \cup B$  等于( )
- A.  $\{a, b, c, e\}$       B.  $\{a, b, e\}$       C.  $\{a, b, c, d\}$       D.  $\{a, b, c\}$
9. 用适当的符号“ $\subseteq$ ”、“ $\supseteq$ ”、“ $\subset$ ”、“ $\supset$ ”、“=”填空:
- ①  $A \cap B \underline{\quad} A \cup B$ ;      ② 若  $A \cup B = A$ , 则  $B \underline{\quad} A$ ;
- ③ 若  $A \subsetneq B$ , 则  $A \cap B \underline{\quad} A \underline{\quad} A \cup B$ ;
- ④ 若  $A \subsetneq B$ , 则  $A \cap B \underline{\quad} B \underline{\quad} A \cup B$ .

解答  
与  
思  
考



解答  
与  
思考

10. 用列举法表示下列集合：

(1)  $\{x \mid |x| - 1 = 0\}$

(2)  $\{x \mid |x| < 3, x \in \mathbf{Z}\}$

(3) 方程组  $\begin{cases} y=x \\ y=x^2 \end{cases}$  的解集

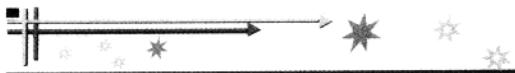
(4)  $\{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$

11. 设集合  $A = \{2, a, 3\}$ , 集合  $B = \{|a-1|, 2, -2\}$ , 若  $A=B$ , 求  $a$  的值.12. 设  $U = \{2, 4, 1-a\}$ ,  $A = \{2, a^2 - a + 2\}$ ,  $C_U A = \{-1\}$ , 求  $a$  的值.

## 能力提升

1. 集合  $A = \{x \mid -1 \leq x \leq 2\}$ ,  $B = \{x \leq a\}$ , 若  $A \cap B \neq \emptyset$ , 则实数  $a$  的取值范围是( )  
 A.  $\{a \mid a < 2\}$       B.  $\{a \mid a \geq -1\}$   
 C.  $\{a \mid a > -1\}$       D.  $\{a \mid -1 \leq a < 2\}$
2. 设  $A = \{\text{正方形}\}$ ,  $B = \{\text{矩形}\}$ ,  $C = \{\text{平行四边形}\}$ ,  $D = \{\text{梯形}\}$ , 下面包含关系不正确的是( )  
 A.  $A \subseteq B$       B.  $B \subseteq C$       C.  $C \subseteq D$       D.  $A \subseteq C$
3. 有六个关系为: ①  $\emptyset \subsetneq \{0\}$     ②  $\emptyset = \{0\}$     ③  $0 = \emptyset$     ④  $0 \in \{0\}$     ⑤  $0 \in \emptyset$     ⑥  $\emptyset \subseteq \emptyset$ ,  
 其中正确的有( )  
 A. 1 个      B. 6 个      C. 3 个      D. 4 个
4. 已知集合  $M = \{x \mid y^2 = x + 1\}$ ,  $N = \{x \mid y^2 = -2(x - 3)\}$ , 那么  $M \cap N$  等于( )  
 A.  $\{(x, y) \mid x = \frac{5}{3}, y = \pm \frac{2\sqrt{6}}{3}\}$       B.  $\{x \mid -1 < x < 3\}$   
 C.  $\{x \mid -1 \leq x \leq 3\}$       D.  $\{x \mid x \leq 3\}$





5. 已知  $U = \{x \mid x \text{ 是小于 } 20 \text{ 的正质数}\}$ ,  $A \cap C_U B = \{3, 5\}$ ,  $B \cap (C_U A) = \{7, 19\}$ ,  $(C_U A) \cap (C_U B) = \{2, 17\}$ , 求  $A, B$ .



6. 设关于  $x$  的方程  $(2a-5)x^2 - 2x + 3 = 0$  有实根时  $a$  的取值范围的集合为  $A$ , 若全集为  $R$ , 求  $C_R A$ .

## 二、课外演练



### 基础过关

- 已知集合  $P = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ,  $Q = \{-3, 2\}$  则  $P \cap Q$  等于( )  
A.  $\{2\}$       B.  $\{1, 2\}$       C.  $\{2, 3\}$       D.  $\{1, 2, 3\}$
- 设集合  $M = \{x \mid x^2 - x < 0\}$ ,  $N = \{x \mid |x| < 2\}$ , 则( )  
A.  $M \cap N = \emptyset$       B.  $M \cap N = M$       C.  $M \cup N = M$       D.  $M \cup N = R$
- 设集合  $A = \{1, 2\}$ ,  $B = \{1, 2, 8\}$ ,  $C = \{2, 3, 4\}$ , 则  $(A \cap B) \cup C$  等于( )  
A.  $\{1, 2, 3\}$       B.  $\{1, 2, 4\}$       C.  $\{2, 3, 4\}$       D.  $\{1, 2, 3, 4\}$
- 设全集  $U = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ ,  $A = \{-2, -1, 0\}$ ,  $B = \{0, 1, 2\}$ , 则  $(C_U A) \cap B$  等于( )  
A.  $\{0\}$       B.  $\{-2, -1\}$       C.  $\{1, 2\}$       D.  $\{0, 1, 2\}$
- 若  $U = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $M = \{1, 2\}$ ,  $N = \{2, 3\}$ , 则  $C_U (M \cup N)$  等于( )  
A.  $\{1, 2, 3\}$       B.  $\{2\}$       C.  $\{1, 3, 4\}$       D.  $\{4\}$
- 满足条件  $M \cup \{1\} = \{1, 2, 3\}$  的集合  $M$  的个数是( )  
A. 4      B. 3      C. 2      D. 1
- 设集合  $A = \{x \mid x^2 - 1 > 0\}$ ,  $B = \{x \mid \log_2 x > 0\}$ , 则  $A \cap B$  等于( )  
A.  $\{x \mid x > 1\}$       B.  $\{x \mid x > 0\}$   
C.  $\{x \mid x < -1\}$       D.  $\{x \mid x < -1 \text{ 或 } x > 1\}$
- 设集合  $A = \{\text{无理数}\}$ ,  $B = \{\text{有理数}\}$ , 则  $A \cap B$  等于( )  
A. 0      B.  $\{0\}$       C.  $\mathbb{R}$       D.  $\emptyset$
- 设  $A = \{x \mid 1 \leqslant x < 3\}$ ,  $B = \{x \mid x < 0 \text{ 或 } x \geqslant 2\}$ , 求  $A \cap B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap C_R B$ .





解答与思考

10. 设集合  $A=\{2, x^2-3x+3\}$ ,  $B=\{1, 2, x\}$ , 若  $A \subsetneq B$ , 求  $x$  的值.



### 能力提升

- 若集合  $A=\{y|y=x, -1 \leqslant x \leqslant 1\}$ ,  $B=\{y|y=2-\frac{1}{x}, 0 < x \leqslant 1\}$ , 则  $A \cap B$  等于( )  
A.  $(-\infty, 1]$       B.  $[-1, 1]$       C.  $\emptyset$       D.  $\{1\}$
- 集合  $A=\{x|0 \leqslant x < 3 \text{ 且 } x \in \mathbb{N}\}$  的真子集的个数是( )  
A. 16      B. 8      C. 7      D. 4
- 设集合  $M=\{(x, y)|x^2+y^2=1, x, y \in \mathbb{R}\}$ ,  $N=\{(x, y)|x^2-y=0, x, y \in \mathbb{R}\}$ , 则集合  $M \cap N$  中元素的个数是( )  
A. 1      B. 2      C. 3      D. 4
- 若集合  $A=\{y|y=x^2-2x+1, x \in \mathbb{R}\}$ , 集合  $B=\{y|y=x^2+2x, x \in \mathbb{R}\}$ , 则下面结论中正确的是( )  
A.  $A \subsetneq B$       B.  $B \subsetneq A$       C.  $A=B$       D.  $A \cap B=B$
- 若集合  $A=\{x|-2 < x < 1 \text{ 或 } x > 1\}$ ,  $B=\{x|a \leqslant x \leqslant b\}$ , 且满足  $A \cup B=\{x|x > -2\}$ ,  $A \cap B=\{x|1 < x \leqslant 3\}$ , 求  $a, b$  的值.
- 已知集合  $A=\{x|-3 \leqslant x \leqslant 5\}$ , 集合  $B=\{x|a+1 \leqslant x \leqslant 4a+1\}$ , 且  $B \subseteq A$ , 求  $a$  的取值范围.
- 设  $A=\{x|x^2+4x=0\}$ ,  $B=\{x|x^2+2(a+1)x+a^2-1=0\}$ .  
(1) 若  $A \cap B=B$ , 求  $a$  的范围.





(2) 若  $A \cup B = B$ , 求  $a$  的值.

## 考点 2 数理逻辑用语

### 一、课堂反馈

1. 命题：“方程  $x^2 - 1 = 0$  的解是  $x = \pm 1$ ”中使用逻辑联结词是( )  
A. 没有      B. 或      C. 且      D. 非
2. 命题：“ $xy \neq 0$ ”等价于( )  
A.  $x \neq 0$  且  $y = 0$       B.  $x \neq 0$  且  $y \neq 0$       C.  $x \neq 0$  且  $y = 0$       D.  $x = 0$  且  $y \neq 0$
3. 如果“ $p$  或  $q$ ”与“非  $p$ ”都是真命题, 那么( )  
A.  $q$  一定为真      B.  $q$  不一定为真  
C.  $p$  一定为假      D.  $p$  与  $q$  真假相同
4. 函数  $y = x^2 + bx + c (x \in (0, +\infty))$  是单调函数的充要条件是( )  
A.  $b \geq 0$       B.  $b \leq 0$       C.  $b > 0$       D.  $b < 0$
5. “ $a=3$ ”是“直线  $ax+2y+3a=0$  和直线  $3x+(a-1)y=a-7$  平行且不重合”的( )  
A. 充分非必要条件      B. 必要非充分条件  
C. 充要条件      D. 即非充分也非必要条件
6. “ $x^2 = y^2$ ”是“ $x=y$ ”的( )  
A. 充分而不必要条件      B. 必要而不充分条件  
C. 充要条件      D. 即不充分也不必要条件
7. “ $b=0$ ”是“直线  $y=kx+b$ ”过原点的( )  
A. 充分而不必要条件      B. 必要而不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件
8. 设  $a, b$  为实数, 则  $a^2 = b^2$  的充分必要条件是( )  
A.  $a=b$       B.  $a=-b$       C.  $a^3 = b^3$       D.  $|a|=|b|$

### 二、课外演练

1. 用适当的符号( $\Rightarrow$ 、 $\Leftarrow$ 、 $\Leftrightarrow$ )填空:

- (1)  $(x-1)(x-2)=0 \quad x=1$ ;      (2)  $x>2 \quad (x-1)(x-2)>0$
- (3)  $a>b, c>0 \quad ac>bc$ ;      (4) 各边相等的  $n$  边形  $\square$  正  $n$  边形.

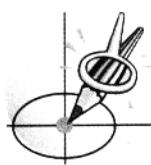
2. 用“充分而不必要”、“必要而不充分”、“充要”、“即不充分又不必要”填空:

- (1) “ $(x+3)^2 + (y-4)^2 = 0 (x, y \in \mathbb{R})$ ”是“ $(x+3)(y-4)=0$ ”的\_\_\_\_\_条件;
- (2) “ $a, b \in \mathbb{R}, \begin{cases} a+b>0 \\ ab>0 \end{cases}$ ”是“ $a>0, b>0$ ”的\_\_\_\_\_条件
- (3) “ $x \neq 0$ ”是“ $xy \neq 0$ ”的\_\_\_\_\_条件



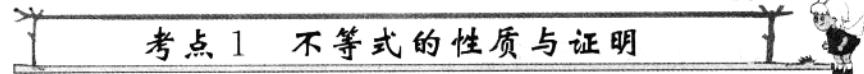
- (4) “ $x \leq 1$ ”是“ $x < 1$ ”的\_\_\_\_\_条件
3. 设  $a$  是实数, 那么  $|a| < 5$  成立的一个必要非充分的条件是( )  
A.  $a < 5$       B.  $|a| < 4$       C.  $a^2 < 25$       D.  $0 < a < 4$
4. 设  $a, b \in \mathbf{R}$ , 那么  $ab = 0$  的充分且必要的条件是( )  
A.  $a = 0$  且  $b = 0$       B.  $a = 0$  或  $b \neq 0$       C.  $a = 0$  或  $b = 0$       D.  $a \neq 0$  或  $b = 0$





## 第二章 解不等式

解答  
与  
思  
考



### 一、课堂反馈



#### 基础过关

1. 对于实数  $a, b, c$ , 判断下列命题是否正确.

- (1) 若  $a > b$ , 则  $b < a$ . ( )
- (2) 若  $a > b$ , 则  $ac > bc$ . ( )
- (3) 若  $ac^2 > bc^2$ , 则  $a > b$ . ( )
- (4) 若  $a < b < 0$ , 则  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ . ( )
- (5) 若  $a < b < 0$ , 则  $|a| > |b|$ . ( )
- (6) 若  $a > 0 > b$ , 则  $a^n > b^n$ . ( )

2. 设  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ , 且  $a > b, c > d$ , 则下列结论中正确的是( )

- |                |                                |
|----------------|--------------------------------|
| A. $a+c > b+d$ | B. $a-c > b-d$                 |
| C. $ac > bd$   | D. $\frac{a}{d} > \frac{b}{c}$ |

3. 已知  $a, b, c$  满足  $c < b < a$ , 且  $ac < 0$ , 那么下列选项中一定成立的是( )

- |                  |                  |
|------------------|------------------|
| A. $ab > ac$     | B. $c(b-a) < 0$  |
| C. $cb^2 < ab^2$ | D. $ac(a-c) > 0$ |

4. 下列判断正确的是( )

- |                                  |                                  |
|----------------------------------|----------------------------------|
| A. $a > b$ 与 $b < a$ 是异向不等式      | B. $a > b$ 与 $c > d$ 是同向不等式      |
| C. $a > b$ 与 $b > c$ 等价于 $a > c$ | D. $a \geq b$ 等价于 $a - b \geq 0$ |

5. 比较  $a^2 + b^2$  与  $2ab$  的大小.

6. 比较  $(x-1)(x+3)$  与  $(x-2)(x+4)$  的大小.



解答与  
思考7. 求证:  $2a^2 + b^2 + c^2 \geq 2a(b+c)$ 

## 能力提升

1. 已知  $a, b, c, d$  均为实数, 有下列命题:①若  $ab > 0, bc - ad > 0$ , 则  $\frac{c}{a} - \frac{d}{b} > 0$ ;②若  $ab > 0, \frac{c}{a} - \frac{d}{b} > 0$ , 则  $bc - ad > 0$ ;③若  $bc - ad > 0, \frac{c}{a} - \frac{d}{b} > 0$ , 则  $ab > 0$ .

其中正确命题的个数是( )

- A. 0      B. 1      C. 2      D. 3

2. 若  $x, y$  是正数, 则  $(x + \frac{1}{2y})^2 + (y + \frac{1}{2x})^2$  的最小值是( )

- A. 3      B.  $\frac{7}{2}$       C. 4      D.  $\frac{9}{2}$

3. 若  $a > b > c > 0$ , 试比较  $\frac{b-c}{a}$  与  $\frac{a-c}{b}$  的大小.4. 已知  $a, b \in \mathbb{R}^+$ , 且  $a+b=1$ , 求证:  $(1+\frac{1}{a})(1+\frac{1}{b}) \geq 9$ 

## 二、课外演练



## 基础过关

1. 下列命题正确的是( )

- A. 若  $ac > bc \Rightarrow a > b$   
 B. 若  $a^2 > b^2 \Rightarrow a > b$   
 C. 若  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b} \Rightarrow a < b$   
 D. 若  $\sqrt{a} < \sqrt{b} \Rightarrow a < b$

2. 若  $a < 0, -1 < b < 0$ , 则( )

- A.  $a > ab > ab^2$   
 B.  $ab^2 > ab > a$   
 C.  $ab > a > ab^2$   
 D.  $ab > ab^2 > a$



3. 若  $a < b < 0$ , 下列不等式不成立的是( )

A.  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$       B.  $\frac{1}{a-b} > \frac{1}{a}$       C.  $|a| > |b|$       D.  $a^2 > b^2$

4. 已知  $a, b, c$  满足  $c < b < a$ , 且  $ac < 0$ , 那么下列选项中一定成立的是( )

A.  $ab > ac$       B.  $c(b-a) < 0$       C.  $cb^2 < ab^2$       D.  $ac(a-c) > 0$

5. 对  $x \in \mathbb{R}$  都成立的不等式是( )

A.  $\lg(x^2 + 1) \geq \lg 2x$       B.  $x^2 + 1 > 2x$   
C.  $\frac{1}{x^2 + 1} < 1$       D.  $x^2 + 4 \geq 4x$

6. 已知  $a, b \in \mathbb{R}$ , 下列式子中不正确的是( )

A.  $a^2 + b^2 \geq 2ab$       B.  $a^2 + b^2 \geq 2|a||b|$   
C.  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \geq 2$       D.  $(a-b)^2 + (c-d)^2 \geq 0$

7. 设  $a \in \mathbb{R}$  且  $a \neq 0$ , 以下四个数恒大于 1 的个数是( )

①  $a^3 + 1$       ②  $a^4 - 2a^2 + 2$       ③  $a + \frac{1}{a}$       ④  $a^2 + \frac{1}{a^2}$

A. 1 个      B. 2 个      C. 3 个      D. 4 个

8. 已知  $\frac{4a}{4+a^2} < 1$ , 则  $a$  的取值范围是( )

A.  $a = 2$       B.  $a \neq 2$       C.  $a \neq 3$       D.  $a \in \mathbb{R}$

9. 若  $f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{x}$ , 且  $x \in (0, +\infty)$ , 则  $f(x)$  的最小值是( )

A. 2      B.  $\frac{10}{3}$       C.  $\frac{31}{6}$       D. 不存在

10. 已知  $a > 2, b > 2$ , 则有( )

A.  $ab \geq a+b$       B.  $ab > a+b$       C.  $ab \leq a+b$       D.  $ab < a+b$

11. 求  $y$  的最值, 并指出取得最值时  $x$  的值.

(1) 设  $x > 0, y = x + \frac{16}{x}$       (2) 设  $x > 0, y = x + \frac{16}{x+1}$

(3)  $y = x(16-x) (0 < x < 16)$

12. 若  $b < a < 0$ , 试判断  $a^2, ab, b^2$  的大小, 并说明理由.





## 能力提升

1. 下列不等式:

①  $x + \frac{1}{x} \geq 2$ ;

②  $|x + \frac{1}{x}| \geq 2$ ;

③ 若  $0 < a < 1 < b$ , 则  $\log_a b + \log_b a \leq -2$ ; ④ 若  $0 < a < 1 < b$ , 则  $\log_a b + \log_b a \geq 2$ .

其中正确的是( )

A. ②④

B. ①②

C. ②③

D. ①②④

2. 若  $a > b > 1$ ,  $P = \sqrt{\lg a \cdot \lg b}$ ,  $Q = \frac{1}{2}(\lg a + \lg b)$ ,  $R = \lg \frac{a+b}{2}$ , 则( )A.  $R < P < Q$ B.  $P < Q < R$ C.  $Q < P < R$ D.  $P < R < Q$ 3. 已知  $x \in \mathbf{R}$ , 比较  $\frac{1}{1+x}$  与  $1-x$  的大小.4. 若  $x > 0$ , 求  $y = \frac{(x+4)(x+9)}{x}$  的最小值.5. 已知  $a, b, c \in \mathbf{R}^+$ , 求证:  $ab(a+b) + bc(b+c) + ac(c+a) \geq 6abc$ .

## 考点 2 不等式的解法



## 一、课堂反馈



## 基础过关

1. 解下列不等式:

(1)  $3x^2 - 7x + 2 < 0$

(2)  $-6x^2 - x + 2 \leq 0$





(3)  $9x^2 + 6x + 1 < 0$

(4)  $x^2 - 4x + 6 > 0$

(5)  $(x+2)(x-3) > 0$

(6)  $x(x-2) < 0$

(7)  $\frac{x+5}{x-8} < 0$

(8)  $\frac{2x-1}{x+4} > 0$

(9)  $|x-4| > 9$

(10)  $|\frac{1}{2}x+1| \geq 2$

2. 不等式  $\frac{x-1}{x} \geq 2$  的解集为( )

A.  $\{x | -1 \leq x < 0\}$

B.  $\{x | x \geq -1\}$

C.  $\{x | x \leq -1\}$

D.  $\{x | x \leq -1 \text{ 或 } x > 0\}$

3. 不等式  $|x-2| > 1$  的解集为( )

A.  $\{x | 1 < x < 3\}$

B.  $\{x | -3 < x < 3\}$

C.  $\{x | x > 3 \text{ 或 } x < -3\}$

D.  $\{x | x > 3 \text{ 或 } x < 1\}$

4. 已知  $M = \{x | |x-1| < 2\}$ ,  $N = \{x | |x+2| \geq 4\}$ , 则下列结论正确的是( )

A.  $M \cup N = R$

B.  $M \cap N = \{x | 2 \leq x < 3\}$

C.  $M \cup N = N$

D.  $M \cap N = \{x | x < -6\}$

5. 不等式组  $\begin{cases} x^2 - 1 < 0 \\ x^2 - 3x < 0 \end{cases}$  的解集是( )

A.  $\{x | -1 < x < 1\}$

B.  $\{x | 0 < x < 3\}$

C.  $\{x | 0 < x < 1\}$

D.  $\{x | -1 < x < 3\}$

6. 不等式组  $\begin{cases} x^2 - 6x + 8 > 0 \\ \frac{x+3}{x-1} > 2 \end{cases}$  的解集是\_\_\_\_\_.