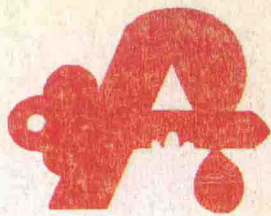


小学数学



奥林匹克竞赛精典题解

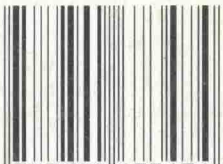
小学四年级适用



奥林匹克出版社



ISBN 7-80067-347-2



9 787800 673474 >

ISBN7-80067

G·239 定价

奥林匹克竞赛 精典题解

小学四年级适用

策 划	张宝莉		
主 编	陶晓勇	顾秀文	
副主编	刘金玲		
编 委	张宝莉	陶晓勇	周沛耕
	蒋文尉	施裕华	顾秀文
	刘金玲	王翠娟	果有奇
	张 晶	叶晓宏	胡泳澜
	许哲玲	张 莉	李兰英

奥林匹克出版社

责任编辑:蔡虹

封面设计:赵静

图书在版编目(CIP)数据

小学数学奥林匹克竞赛精典题解/张宝莉等著. —北京:
奥林匹克出版社, 1997. 11
小学四年级适用
ISBN 7-80067-347-2

I. 小… II. 张… III. 数学课-小学-解题 IV. G624.506

中国版本图书馆 CIP 数据核字(97)第 25356 号

奥林匹克出版社出版

北京印刷三厂印刷 新华书店经销

1997年11月第1版 1997年11月第1次印刷

开本:787×1092毫米 1/32 印张:10

字数:200千字 印数:1—50000册

定价:11.00元

本书由小学数学协会会员及小学数学奥林匹克教练员合力编写。书中习题及分析解答汇集多年教学经验及科研成果,供广大师生选用。

目 录

- | | | |
|------|-----------|---------|
| 第一章 | 速算与巧算 | (1) |
| 第二章 | 定义新运算 | (13) |
| 第三章 | 等差数列及其应用 | (29) |
| 第四章 | 倒推法的妙用 | (45) |
| 第五章 | 行程问题 | (60) |
| 第六章 | 几何中的计数问题 | (76) |
| 第七章 | 填横式 | (92) |
| 第八章 | 乘法原理 | (115) |
| 第九章 | 加法原理 | (126) |
| 第十章 | 排列 | (138) |
| 第十一章 | 组合 | (148) |
| 第十二章 | 排列组合 | (159) |
| 第十三章 | 排列组合的综合应用 | (171) |
| 第十四章 | 行程问题 | (186) |

第十五章	数字游戏	(201)
第十六章	有趣的数阵图	(213)
第十七章	简单的幻方及其它数阵图	(235)
第十八章	三角形的等积变形	(254)
第十九章	简单的统筹规则问题	(271)
第二十章	数学竞赛试题选讲	(287)
(54)	章 四 系
(68)	章 五 系
(81)	章 六 系
(92)	系 七 系
(111)	章 八 系
(120)	章 九 系
(138)	章 十 系
(148)	章 十 系
(159)	章 二十 系
(171)	章 三十 系
(180)	章 四十 系

第一章 速算与巧算

1. 计算 $8+98+998+9998+99998$

2. 计算 $599996+49997+3998+407+89$

3. 计算 $999+998+997+996+1000+1004+1003+1002+1001$

4. 计算 $100+99-98+97-96+\dots+3-2+1$

5. 计算 $454+999\times 999+545$

6. 计算 $1999 + 999^2$

7. 计算 $7 + 77 + 777 + 7777 + 77777$

8. 计算 $22 \times 47 + 42 \times 53$

9. 计算 $1989 \times 19901990 - 1990 \times 19891989$

10. 计算 $(1996 \times 96 + 1997 \times 97 + 1996 + 1997 - 1990) \div 3994$

11. 五个连续偶数的和为 1980, 其中最大的数是多少?

12. 计算 $9999 \times 1111 + 3333 \times 6667$

13. 计算 $1+2-3-4+5+6-7-8+9+10-\dots\dots+1990$

14. 计算 $(1234567+2345671+3456712+4567123+5671234+6712345+7123456) \div 7$

15. 有两个算式: ① 199771×199912

② 199772×199911

请先不要算出结果,用最简单的方法很快比较出哪个得数大,大多少?

16. 在下面四个算式中,最大的得数是多少?

① $1992 \times 1999 + 1999$

② $1993 \times 1998 + 1998$

③ $1994 \times 1997 + 1997$

④ $1995 \times 1996 + 1996$

17. 已知 $M = (1 + 2 + \dots + 1990)(2 + 3 + \dots + 1991)$

$$N = (1 + 2 + \dots + 1991)(2 + 3 + \dots + 1990)$$

那么 M 与 N 的大小关系是 M N 。

18. 已知被乘数是 $\underbrace{88 \dots 8}_{1998 \text{ 个}}$, 乘数是 $\underbrace{99 \dots 9}_{1998 \text{ 个}}$, 它们的积是多少?

19. $\underbrace{99 \dots 9}_{1998 \text{ 个}} \times \underbrace{99 \dots 9}_{1998 \text{ 个}} + 1 \underbrace{9 \dots 9}_{1998 \text{ 个}}$ 得数末尾有 个零。

20. 下图是一张把自然数按一定顺序排列的数表, 用一个有五个空格的十字可以框出不同的五个数字, 现在框出的五个数字的四个角上的数字之和是 80, 如果当框出的五个数字的和是 500 时, 四个角上数字的和是多少?

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30

解: 设十字框出的五个数字为 a, b, c, d, e , 其中 a, b, c, d 为四个角上的数字, e 为中间的数字。根据题意, 有 $a + b + c + d = 80$ 。当 $a + b + c + d + e = 500$ 时, 求 $a + b + c + d$ 的值。

分析: 观察数表可知, 十字框出的五个数字中, 中间的数 e 是四个角上数字 a, b, c, d 的平均数, 即 $e = \frac{a + b + c + d}{4}$ 。将 $a + b + c + d = 80$ 代入, 得 $e = \frac{80}{4} = 20$ 。因此, 当五个数字之和为 500 时, 四个角上数字之和为 $500 - 20 = 480$ 。

解: 设十字框出的五个数字为 a, b, c, d, e , 其中 a, b, c, d 为四个角上的数字, e 为中间的数字。根据题意, 有 $a + b + c + d = 80$ 。当 $a + b + c + d + e = 500$ 时, 求 $a + b + c + d$ 的值。

分析: 观察数表可知, 十字框出的五个数字中, 中间的数 e 是四个角上数字 a, b, c, d 的平均数, 即 $e = \frac{a + b + c + d}{4}$ 。将 $a + b + c + d = 80$ 代入, 得 $e = \frac{80}{4} = 20$ 。因此, 当五个数字之和为 500 时, 四个角上数字之和为 $500 - 20 = 480$ 。

解: 设十字框出的五个数字为 a, b, c, d, e , 其中 a, b, c, d 为四个角上的数字, e 为中间的数字。根据题意, 有 $a + b + c + d = 80$ 。当 $a + b + c + d + e = 500$ 时, 求 $a + b + c + d$ 的值。

分析: 观察数表可知, 十字框出的五个数字中, 中间的数 e 是四个角上数字 a, b, c, d 的平均数, 即 $e = \frac{a + b + c + d}{4}$ 。将 $a + b + c + d = 80$ 代入, 得 $e = \frac{80}{4} = 20$ 。因此, 当五个数字之和为 500 时, 四个角上数字之和为 $500 - 20 = 480$ 。

分析解答

1. 把 8 分解成 $2+2+2+2$, 然后用加法结合律进行计算。

$$\begin{aligned}\text{原式} &= 2+2+2+2+98+998+9998+99998 \\ &= (2+98)+(2+998)+(2+9998)+(2+99998) \\ &= 100+1000+10000+100000 \\ &= 111100\end{aligned}$$

2. 若题中各数都与整十, 整百, 整千……接近, 则常使用凑整法。例如可将 599996 化成 $600000-4$ 去计算。

$$\begin{aligned}\text{原式} &= (600000-4)+(50000-3)+(4000-2)+(400+7) \\ &\quad + (90-1) \\ &= 654490-4-3-2+7-1 \\ &= 654490-3 \\ &= 654487\end{aligned}$$

3. 认真观察每个加数, 发现它们都和整数 1000 接近, 所以选 1000 作为标准数, 采取多退少补的方法。

$$\begin{aligned}\text{原式} &= (1000-1)+(1000-2)+(1000-3)+(1000-4)+ \\ &\quad 1000+(1000+4)+(1000+3)+(1000+2)+(1000 \\ &\quad +1) \\ &= 1000 \times 9 + (1+2+3+4-4-3-2-1) \\ &= 1000 \times 9 \\ &= 9000\end{aligned}$$

4. 仔细观察题目可得除去首项 100 与末项 1 以外, 其余 98 项正好可两项一组: $99-98=1, 97-96=1, \dots$ 分为 49 组, 最后把 49 个 1 与首末项相加。

$$\text{原式} = 100 + (99 - 98) + (97 - 96) + \cdots + (3 - 2) + 1$$

$$= 100 + \underbrace{1 + 1 + \cdots + 1 + 1}_{49 \text{ 个 } 1} + 1$$

49 个 1

$$= 100 + 49 + 1$$

$$= 150$$

5. 此题表面上看没有巧妙的算法,一旦把 545 与 454 结合就可应用乘法分配律进行简算。

$$\text{原式} = (454 + 545) + 999 \times 999$$

$$= 999 + 999 \times 999$$

$$= (999 + 1) \times 999$$

$$= 1000 \times 999$$

$$= 999000$$

6. 把 999^2 看作 999×999 ,然后把 1999 化成 $1000 + 999$,最后利用乘法分配律进行简算。

$$\text{解法一: } 1999 + 999^2 = 1000 + 999 + 999 \times 999$$

$$= 1000 + (999 + 1) \times 999$$

$$= 1000 + 1000 \times 999$$

$$= (1 + 999) \times 1000$$

$$= 1000 \times 1000$$

$$= 1000000$$

$$\text{解法二: } 1999 + 999^2 = 1999 + 999 \times 999$$

$$= 1999 + 999 \times (1000 - 1)$$

$$= 1999 + 999000 - 999$$

$$= (1999 - 999) + 999000$$

$$= 1000 + 999000$$

$$= 1000000$$

7. 观察题中各数是有规律的排列,可将每一个数化成 7 与 1、11、111、1111、11111 相乘,然后简算。

$$\begin{aligned} & 7+77+777+7777+77777 \\ &=7\times 1+7\times 11+7\times 111+7\times 1111+7\times 11111 \\ &=7\times(1+11+111+1111+11111) \\ &=7\times 12345 \\ &=86415 \end{aligned}$$

8. 仔细观察每个数,找联系,可将 42 化成 $22+20$ 后即可简算。

$$\begin{aligned} & 22\times 47+42\times 53 \\ &=22\times 47+(22+20)\times 53 \\ &=22\times 47+22\times 53+20\times 53 \\ &=22\times(47+53)+20\times 53 \\ &=22\times 100+1060 \\ &=2200+1060 \\ &=3060 \end{aligned}$$

9. 仔细观察每一个数,寻找它们的特点,如 19901990 可化成 1990×10001 ,而 19891989 也可化成 1989×10001 。

$$\begin{aligned} & 1989\times 19901990-1990\times 19891989 \\ &=1989\times 1990\times 10001-1990\times 1989\times 10001 \\ &=0 \end{aligned}$$

10. 通过观察,找出联系,连续几次正逆使用乘法分配律,可使计算简化。

$$\begin{aligned} & (1996\times 96+1997\times 97+1996+1997-1990)\div 3994 \\ &=(1996\times 96+1997\times 97+1997+1996-1990)\div 3994 \\ &=(1997\times 96-96+1997\times 98+1996-1990)\div 3994 \\ &=(1997\times 96+1997\times 98-96-1990+1996)\div 3994 \end{aligned}$$

$$=(1997 \times 96 + 1997 \times 98) \div 3994$$

$$=(1997 \times 97 \times 2) \div 3994$$

$$=(3994 \times 97) \div 3994$$

$$=97$$

11. 五个连续偶数中间一个数应为 $1980 \div 5 = 396$, 因相邻偶数相差 2, 故这五个偶数依次是 392、394、396、398、400, 其中最大的一个是 400。或直接用 $396 + 2 \times 2 = 396 + 4 = 400$ 。

12. 此题如果直接乘, 数字较大, 容易出错。如果将 9999 变为 3333×3 , 规律就出现了。

$$9999 \times 1111 + 3333 \times 6667$$

$$= 3333 \times 3 \times 1111 + 3333 \times 6667$$

$$= 3333 \times 3333 + 3333 \times 6667$$

$$= 3333 \times (3333 + 6667)$$

$$= 3333 \times 10000$$

$$= 33330000$$

13. $2 - 3 - 4 + 5 = 0$

$$6 - 7 - 8 + 9 = 0$$

$$10 - 11 - 12 + 13 = 0 \dots\dots$$

$$1986 - 1987 - 1988 + 1989 = 0$$

整个算式除首项和末项 1990 外, 其余依次每两个加数和每两个减数作为一组, 正好分成 $(1990 - 2) \div 4 = 497$ 组, 每组数的计算结果都等于 0, 所以整个算式的计算结果为:

$$\begin{aligned} \text{原式} &= 1 + (2 - 3 - 4 + 5) + (6 - 7 - 8 + 9) + \dots\dots + (1986 - \\ &\quad 1987 - 1988 + 1989) + 1990 \\ &= 1 + \underbrace{0 + \dots\dots + 0}_{497 \text{ 个}} + 1990 \end{aligned}$$

=1991

14. 括号里的七个加数,都是由 1、2、3、4、5、6、7 这七个数字组成,换句话说,这七个数的每一位也分别是 1、2、3、4、5、6、7,列出竖式是:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \\ 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 1 \\ 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 1 \quad 2 \\ 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \\ 5 \quad 6 \quad 7 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \\ 6 \quad 7 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \\ + 7 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \\ \hline \end{array}$$

如果不进位,每一位的和都是 28。

$$\text{原式} = (1111111 \times 28) \div 7$$

$$= 1111111 \times (28 \div 7)$$

$$= 1111111 \times 4$$

$$= 4444444$$

15. 经审题可知①式的第一个因数的个位数字比②式的第一个因数的个位数字小 1,但①式的第二个因数的个位数字又比②式的第二个因数的个位数字大 1,所以不经计算,凭直接观察不容易知道①和②哪个大。但是无论是对①还是对②,直接把两个因数相乘求积又太繁,所以我们将①和②先进行恒等变形,再作判断。

$$\text{①式} = 199771 \times 199912$$

$$= 199771 \times (199911 + 1)$$

$$= 199771 \times 199911 + 199771$$