

课改专用

2016 最新版

# 数学学习活动方案

## 北京课改版专用



- 一线名师倾力打造
- 为教师减负，为学生加分

王锐锋 ○ 主编



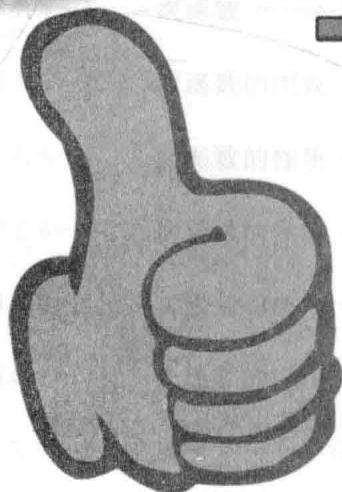
黄河出版传媒集团  
阳光出版社



2016中考最新版

# 数学学习活动方案

## 北京课改版专用



- 一线名师倾力打造
- 为教师减负，为学生加分

王锐锋 ◎ 主编

编委：洲 宏、赵中怡、王佳菊、  
高英杰、张德刚、王志芳



黄河出版传媒集团  
阳光出版社

图书在版编目(CIP)数据

数学学习活动方案：北京课改专用版·八年级·全一册 / 王锐锋主编. — 银川：阳光出版社，2015.10

ISBN 978-7-5525-2161-0

I. ①数… II. ①王… III. ①中学数学课—初中—教学参考资料 IV. ①G634.603

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2015)第 249835 号

# 数学学习活动方案 北京课改专用版 八年级 全一册

王锐锋 主编

责任编辑 赵维娟 朱双云

封面设计 李 飞

黄河出版传媒集团  
阳 光 出 版 社 出 版 发 行

地 址 宁夏银川市北京东路 139 号出版大厦(750001)

网 址 <http://www.yrpubm.com>

网上书店 <http://www.hh-book.com>

电子信箱 yangguang@yrpubm.com

邮购电话 0951-5014139

经 销 全国新华书店

印刷装订 河间市新苑印刷厂

印刷委托书号 (宁)0002151

开 本 880mm×1230mm 1/16

印 张 8.75

字 数 170 千字

版 次 2015 年 10 月第 1 版

印 次 2015 年 10 月第 1 次印刷

书 号 ISBN 978-7-5525-2161-0/G · 1928

定 价 52.00 元

版权所有 翻印必究

## 八年级(下)数学学习活动方案

### 目 录

14.3-1 平面直角坐标系	1
14.3-2 平面直角坐标系	3
14.3-3 平面直角坐标系	5
14.3-4 平面直角坐标系	7
14.3-5 平面直角坐标系	9
14.1-1 函数	11
14.2-1 函数的表示法	13
14.3-1 函数图象的画法	15
14.4-1 一次函数	17
14.5-1 一次函数的图象	19
14.6-1 一次函数的性质	21
14.6-2 一次函数的性质	23
14.7-1 一次函数的应用	25
14.7-2 一次函数的应用	27
15.1-1 多边形	29
15.2-1 平行四边形和平行四边形的判定	31
15.3-1 平行四边形的性质	33
15.3-2 平行四边形的性质	35
15.3-3 平行四边形的性质与判定	37
15.3-4 平移	39
15.4-1 矩形的判定和性质	41
15.4-2 矩形的性质的应用	43
15.4-3 菱形的判定和性质	45
15.4-4 菱形的性质和判定的应用	47

15.4-5 正方形的判定和性质	49
15.4-6 特殊平行四边形的判定和性质的应用	51
15.5-1 三角形中位线定理	53
15.5-2 中点的用法	55
15.6-1 中心对称图形	57
16.1-1 一元二次方程	59
16.2-1 一元二次方程	61
16.2-2 一元二次方程的解法	63
16.2-3 一元二次方程的解法	65
16.2-4 一元二次方程的解法	67
16.2-5 一元二次方程的解法	69
16.2-6 一元二次方程的解法	71
16.2-7 一元二次方程的解法	73
16.2-8 一元二次方程的解法	75
16.3-1 含有字母系数的一元二次方程	77
16.3-2 含有字母系数的一元二次方程	79
16.3-3 列方程解应用问题	81
16.3-4 列方程解应用问题	83
16.3-5 列方程解应用问题	85
17.1-1 方差	87
17.1-2 方差	89
17.3-1 频数分布表与频数分布图	91
17.3-2 频数分布表与频数分布图	93
17.3-3 频数分布表与频数分布图	95
<b>参考答案</b>	1

# 八年级(下)数学学习活动方案

课题	平面直角坐标系	课型	新授课	章节	14.3-1
----	---------	----	-----	----	--------

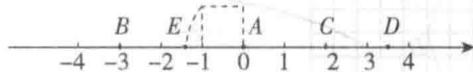
## 【学习目标】

- 认识到建立平面直角坐标系的必要性，并能画出平面直角坐标系；
- 能在方格纸上建立适当的直角坐标系，描述物体的位置；
- 在给定的直角坐标系中，会根据坐标描出点的位置、由点的位置写出它的坐标。
- 经历画坐标系、描点、连线、看图以及由点找坐标等过程，发展数形结合意识。

把握学习重点：会根据坐标描出点的位置、由点的位置写出它的坐标。

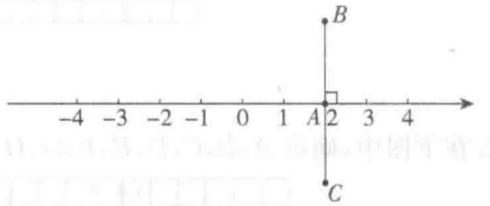
## 活动一 思考

- 规定了\_\_\_\_、\_\_\_\_、\_\_\_\_的\_\_\_\_叫数轴。
- 如果A点表示-2,B点表示3,那么在数轴上找到A点和B点的位置。
- 如图,写出点A、B、C、D、E所表示的数。



在直线上,确定一个点的位置一般需要\_\_\_\_\_数据。  
数轴上的点和\_\_\_\_\_一一对应。

- 如图,点A、B、C都可以用2来表示吗?
- 在平面内,又如何确定一个点的位置呢?请同学们根据生活中确定位置的实例,请谈谈自己的看法。
- 在电影票上“6排3号”与“3排6号”是同一个座位吗?
- 平面上的点也可以用数来表示吗?你有什么想法?



## 活动二 实践

- 平面直角坐标系:  
请画出原点重合的两条互相垂直的数轴(介绍坐标轴、象限)



- 在上面的平面直角坐标系中完成下列作图:  
设P是平面直角坐标系中的任一点,作PA⊥x轴于A,PB⊥y轴于B.

理解横坐标、纵坐标和点的坐标的记法。

### 3. 坐标轴上的点

请找出坐标轴上  $P(3, 0)$ ,  $Q(0, -2)$  的位置

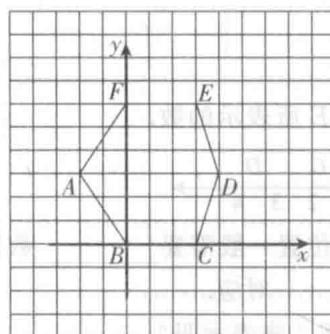
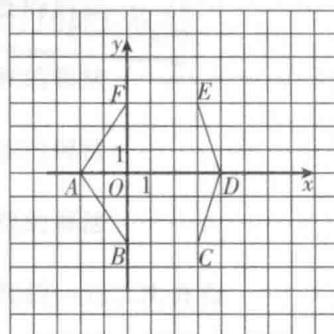
## 第八章 坐标与函数

### 4. 象限内的点

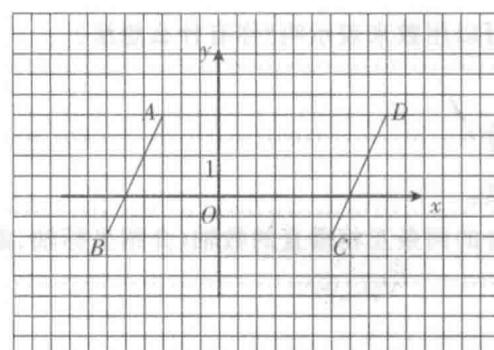
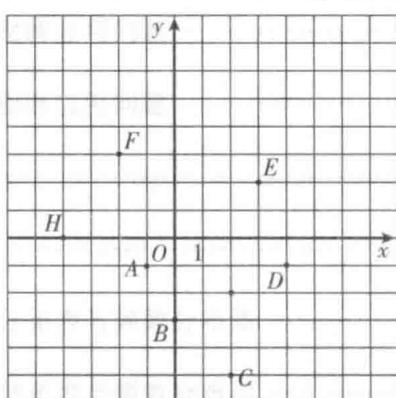
请找出象限内的点  $A(-3, 2)$ ,  $B(2, 2)$ ,  $C(-1, -2)$ ,  $D(1, -2)$  的位置

## 活动三 交流

1. 写出图中的多边形 ABCDEF 各顶点的坐标.



2. 在下图中, 确定  $A, B, C, D, E, F, G, H$  的坐标.



## 【课堂收获】

# 八年级(下)数学学习活动方案

课题	平面直角坐标系	课型	新授课	章节	14.3-2
----	---------	----	-----	----	--------

## 【学习目标】

- 知道在坐标轴上的点以及与坐标轴平行的直线上点的坐标的特征.
  - 知道不同象限点的坐标的特征.
  - 经历画坐标系、描点、连线、看图以及由点找坐标等过程,进一步体会平面直角坐标系中点与坐标之间的对应关系,发展数形结合意识.
- 把握学习重点:体会平面直角坐标系中点与坐标之间的对应关系,发展数形结合意识.

## 活动一 思考

- 在直角坐标系中,描出下列各点的位置: $A(3,1)$ 、 $B(-2,4)$ 、 $C(-4,-2)$ 、 $D(3,-2)$ 、 $E(0,1)$ 、 $F(-4,0)$ 、 $O(0,0)$ 、 $G(1,3)$ 、 $H(4,-2)$   
并分别说出它们所在的象限或坐标轴.
- 如果  $a > 0$ ,那么点  $P(-a,2)$  应在第\_\_\_\_\_象限.
- 在平面直角坐标系中,点  $P(-1,m^2+1)$  一定在第\_\_\_\_\_象限.
- 如果点  $P(x,y)$  的坐标满足  $xy = 0$ ,那么点  $P$  必在\_\_\_\_\_.
- 点  $P$  在  $x$  轴上,且到  $y$  轴的距离为 5,那么点  $P$  的坐标是\_\_\_\_\_.
- 点  $P(a,b)$  在第四象限,那么点  $Q(b,-a)$  在第\_\_\_\_\_象限.
- 在直角坐标系中,如果点  $P(a-2,a+5)$  在  $y$  轴上,求点  $P$  的坐标.
- 如果  $|a|=5$ , $|b|=4$ ,且点  $M(a,b)$  在第二象限,求点  $M$  的坐标.

- 已知点  $P(4-2a,3a-1)$  在第二象限,求点  $Q(a+1,4-5a)$  所在象限.

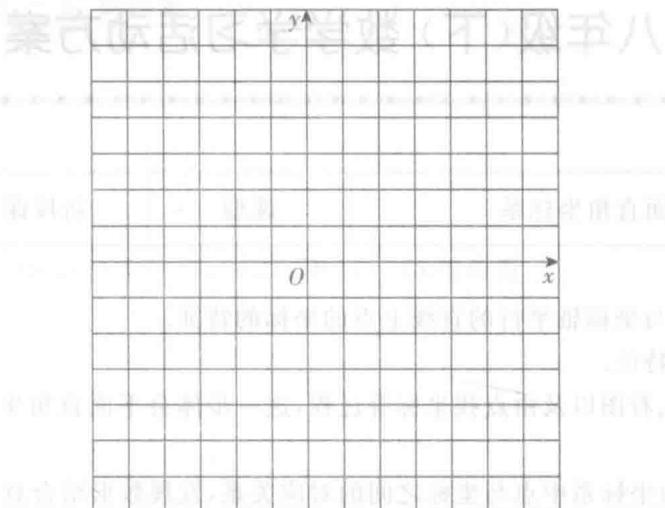
## 活动二 实践

- 在直角坐标系中描出下列各点,并将各组内这些点依次用线段连接起来.
  - $A(-6,3), B(0,3), C(1,3), D(-3,3), E(-7,3);$
  - $F(-6,3), G(-6,0), A(0,0), B(0,3);$

观察所描出的图形,它像什么?解答下列问题:

  - 线段  $EC$  与  $x$  轴有什么特殊的位置关系?点  $E$ 、点  $C$  的坐标有什么特点?线段  $EC$  上其它点的坐标呢?

(2) 点  $F$ 、点  $G$  的坐标有什么共同特点,线段  $FG$  与  $y$  轴有怎样的位置关系?



2. 过点  $(0, 2)$  作  $x$  轴的平行线,观察在这条直线上的点的坐标有什么特点?

3. 过点  $(3, 0)$  作  $y$  轴的平行线,观察在这条直线上的点的坐标有什么特点?

### 活动三 交流

1. 在平面直角坐标系中,作出下列各点:

$A(-1, -1)$ ,  $B(-1, 1)$ ,  $C(1, 1)$ ,  $D(1, -1)$ .

顺次连接点  $A, B, C, D$  所得的图形是哪种特殊的四边形?

2. 在平面直角坐标系中,已知点  $M$  的坐标是  $(-5, 3)$ ,点  $P$  和点  $M$  关于  $x$  轴对称,点  $N$  和点  $M$  关于  $y$  轴对称. 分别作出点  $N$  和点  $P$ ,并求出点  $N, P$  的坐标.

关于  $x$  轴对称的两个点 \_\_\_\_\_ 相等, \_\_\_\_\_ 互为相反数;

关于  $y$  轴对称的两个点 \_\_\_\_\_ 相等, \_\_\_\_\_ 互为相反数;

关于原点对称的两个点横坐标 \_\_\_\_\_,纵坐标 \_\_\_\_\_.

### 【课堂收获】

# 八年级(下)数学学习活动方案

课题	平面直角坐标系	课型	新授课	章节	14.3-3
----	---------	----	-----	----	--------

## 【学习目标】

- 继续探索并掌握平面直角坐标系内特殊位置的点的坐标的特点、关于坐标轴和原点对称的两对称点的坐标特点;会求点到坐标轴及原点的距离、平面上两点间的距离;
- 能够把点的坐标与线段的长度进行正确的转化,有机地把数与形结合起来;
- 激发学习数学的热情,能积极主动地参与数学学习活动.

把握学习重点:点的坐标与线段长度的转化.

## 活动一 思考

- 点  $A(2, -3)$  关于  $x$  轴对称的点的坐标是 \_\_\_\_\_.
- 点  $B(-2, 1)$  关于  $y$  轴对称的点的坐标是 \_\_\_\_\_.
- 点  $(4, 3)$  与点  $(4, -3)$  的关系是( ).  
A. 关于原点对称      B. 关于  $x$  轴对称  
C. 关于  $y$  轴对称      D. 不能构成对称关系
- 点  $(m, -1)$  和点  $(2, n)$  关于  $x$  轴对称,那么  $mn$  等于( )  
A.  $-2$       B.  $2$       C.  $1$       D.  $-1$
- 已知点  $P(a, b), Q(3, 6)$ ,且  $PQ \parallel x$  轴,那么  $b$  的值为 \_\_\_\_\_.

## 活动二 实践

- 在坐标系中画图并回答问题:

(1) 点  $A(-2, 3)$  到  $x$  轴的距离是 \_\_\_\_\_;

点  $A(-2, 3)$  到  $y$  轴的距离是 \_\_\_\_\_;

点  $A(-2, 3)$  到原点的距离是 \_\_\_\_\_;

(2) 点  $B(-4, -3)$  到  $x$  轴的距离是 \_\_\_\_\_;

点  $B(-4, -3)$  到  $y$  轴的距离是 \_\_\_\_\_;

点  $B(-4, -3)$  到原点的距离是 \_\_\_\_\_;

- 已知点  $A(3, 0), B(5, 0), C(-1, 0), D(-4, 0)$ ,

那么  $AB =$  \_\_\_\_\_;

$AC =$  \_\_\_\_\_;

$AD =$  \_\_\_\_\_;

$CD =$  \_\_\_\_\_.

- 已知点  $A(0, 2), B(0, 5), C(0, -1), D(0, -4)$ ,

那么  $AB =$  \_\_\_\_\_;

$AC =$  \_\_\_\_\_;

$AD =$  \_\_\_\_\_;

$CD =$  \_\_\_\_\_.

- 已知点  $E(3, 0), F(-1, 0), B(0, 5), D(0, -4)$ ,

那么  $BE =$  \_\_\_\_\_;

$DE =$  \_\_\_\_\_;

$BF =$  \_\_\_\_\_;

- $DF = \underline{\hspace{2cm}}$ .
5. 长方形  $ABCD$  中, 三点的坐标分别是  $(0,0)$ ,  $(5,0)$ ,  $(5,3)$ . 那么第四点的坐标是 ( )  
A.  $(0,3)$       B.  $(3,0)$       C.  $(0,5)$       D.  $(5,0)$
6. 写出坐标轴上到原点距离为 2 的点的坐标                 .
7. 写出坐标轴上到  $A(3,0)$  距离为 5 的点的坐标                 .

### 活动三 交流

1. 在直角坐标系  $xOy$  中, 已知点  $A(-3,0)$ ,  $B(-1,0)$ ,  $C(0,4)$ ,

- (1) 求线段  $AB$ 、 $BC$ 、 $AC$  的长;  
(2) 求  $\triangle ABC$  的面积.

2. 在平面直角坐标系中描出以下各点:  $A(3,2)$ ,  $B(-1,2)$ ,  $C(-2,-1)$ ,  $D(4,-1)$ .

- (1) 顺次连接  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  得到四边形  $ABCD$ ;  
(2) 计算各条边长;  
(3) 计算四边形  $ABCD$  的面积.

### 【课堂收获】

# 八年级(下)数学学习活动方案

课题	平面直角坐标系	课型	新授课	章节	14.3-4
----	---------	----	-----	----	--------

## 【学习目标】

- 掌握坐标变化与图形平移的关系;能利用点的平移规律将平面图形进行平移;会根据图形上点的坐标的变化,来判定图形的移动过程.
- 通过研究平移与坐标的关系,体会到平面直角坐标系是数与形之间的桥梁,感受代数问题与几何问题的相互转换.

把握学习重点:利用坐标变化与图形平移的关系解决实际问题..

## 活动一 思考

- 已知点  $P(2a-3, 3)$ , 点  $A(-1, 3b+2)$ ,
  - 如果点  $P$  与点  $A$  关于  $x$  轴对称, 那么  $a+b=$  \_\_\_\_\_;
  - 如果点  $P$  与点  $A$  关于  $y$  轴对称, 那么  $a+b=$  \_\_\_\_\_.

- 已知点  $A(3, 0)$ ,  $B(3, b)$ , 且  $AB=5$ , 求  $b$  的值.

- 已知点  $A$  到  $x$  轴、 $y$  轴的距离均为 4, 求  $A$  点的坐标.

## 活动二 实践

- 如图将点  $A(-2, -3)$  向右平移 5 个单位长度, 得到点  $A_1$ , 在图上标出它的坐标  $A_1$ (\_\_\_\_\_); 把点  $A$  向上平移 4 个单位长度得到点  $A_2$ (\_\_\_\_\_);

- 把点  $A$  向左平移 4 个单位长度得到点  $A_3$ (\_\_\_\_\_); 把点  $A$  向下平移 4 个单位长度得到点  $A_4$ (\_\_\_\_\_);

- 将点  $A(-3, 3)$ ,  $B(4, 5)$  分别作以下平移, 请在图上标出平移后的点, 并写出它们的坐标:

$A(-3, 3)$  向右平移 5 个单位  $\rightarrow$  (\_\_\_\_\_)

$B(4, 5)$  向左平移 5 个单位  $\rightarrow$  (\_\_\_\_\_)

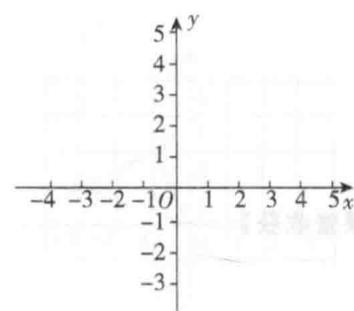
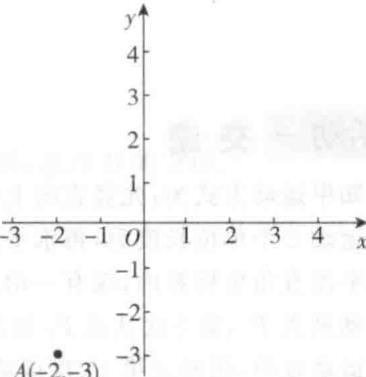
$A(-3, 3)$  向上平移 3 个单位  $\rightarrow$  (\_\_\_\_\_)

$B(4, 5)$  向下平移 3 个单位  $\rightarrow$  (\_\_\_\_\_)

- 观察它们的变化, 你能从中发现什么规律吗?

在平面直角坐标系中, 将点  $(x, y)$  向右(或左)平移  $a$  个单位长度, 可以得到对

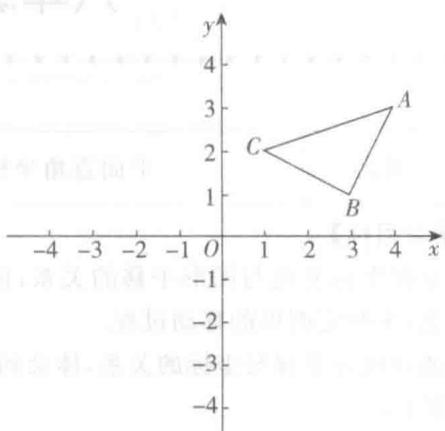
应点  $(\underline{\quad}, \underline{\quad})$  (或  $(\underline{\quad}, \underline{\quad})$ ); 将点  $(x, y)$  向上(或下)平移  $b$  个单位长度, 可以得到对应点  $(\underline{\quad}, \underline{\quad})$  (或  $(\underline{\quad}, \underline{\quad})$ ).



## 5. 画图并回答问题:

如图,  $\triangle ABC$  三个顶点坐标分别是  $A(4, 3)$ ,  $B(3, 1)$ ,  $C(1, 2)$ .

- (1) 将  $\triangle ABC$  三个顶点的横坐标都减去 6, 纵坐标不变, 分别得到点  $A_1$ (   ),  $B_1$ (   ),  $C_1$ (   ), 依次连接  $A_1$ ,  $B_1$ ,  $C_1$  各点, 所得  $\triangle A_1B_1C_1$  与  $\triangle ABC$  的大小、形状和位置上有什么关系? 连接各组对应点的线段有什么关系?



- (2) 将  $\triangle ABC$  三个顶点的纵坐标都减去 5, 横坐标不变, 分别得到点  $A_2$ (   ),  $B_2$ (   ),  $C_2$ (   ), 依次连接  $A_2$ ,  $B_2$ ,  $C_2$  各点, 所得  $\triangle A_2B_2C_2$  与  $\triangle ABC$  的大小、形状和位置上有什么关系? 连接各组对应点的线段有什么关系?

- (3) 将  $\triangle ABC$  三个顶点的横坐标都加 3, 纵坐标不变, 分别得到点  $A_3$ (   ),  $B_3$ (   ),  $C_3$ (   ), 依次连接  $A_3$ ,  $B_3$ ,  $C_3$  各点, 所得  $\triangle A_3B_3C_3$  与  $\triangle ABC$  的大小、形状和位置上有什么关系? 连接各组对应点的线段有什么关系?

- (4) 将  $\triangle ABC$  三个顶点的纵坐标都加 2, 横坐标不变, 分别得到点  $A_4$ (   ),  $B_4$ (   ),  $C_4$ (   ), 依次连接  $A_4$ ,  $B_4$ ,  $C_4$  各点, 所得  $\triangle A_4B_4C_4$  与  $\triangle ABC$  的大小、形状和位置上有什么关系? 连接各组对应点的线段有什么关系?

## 活动一 交流

已知甲运动方式为:先竖直向上运动 1 个单位长度后,再水平向右运动 2 个单位长度;乙运动方式为:先竖直向下运动 2 个单位长度后,再水平向左运动 3 个单位长度.

在平面直角坐标系内,现有一动点  $P$  第 1 次从原点  $O$  出发按甲方式运动到点  $P_1$ ,第 2 次从点  $P_1$  出发按乙方式运动到点  $P_2$ ,第 3 次从点  $P_2$  出发再按甲方式运动到点  $P_3$ ,第 4 次从点  $P_3$  出发再按乙方式运动到点  $P_4$ ……,依此运动规律,则经过第 11 次运动后,动点  $P$  所在的位置  $P_{11}$  的坐标是 \_\_\_\_\_.

## 【课堂收获】

# 八年级(下) 数学学习活动方案

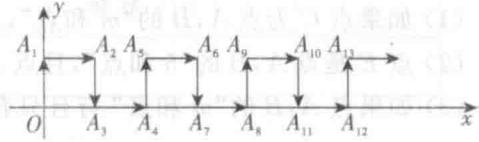
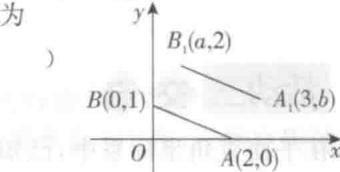
课题	平面直角坐标系	课型	新授课	章节	14.3—5
----	---------	----	-----	----	--------

## 【学习目标】

1. 能够运用图形变换的思想解决平面直角坐标系中相关问题.
  2. 体会数形结合、分类讨论的数学思想的应用, 提高阅读分析、识图能力.
  3. 在探索过程中体会交流与合作的乐趣, 积极主动地参与数学学习活动.
- 把握学习重点: 运用图形变换的思想解决问题.

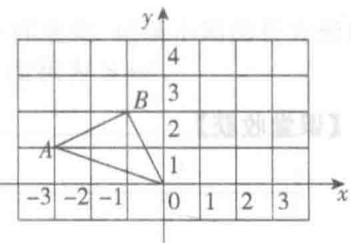
## 活动一 思考

1. 在平面直角坐标系中, 已知线段 AB 的两个端点分别是 A(-4, -1), B(1, 1), 将线段 AB 平移后得到线段 A'B', 如果点 A' 的坐标为(-2, 2), 那么点 B' 的坐标为 ( )  
 A. (4, 3)      B. (3, 4)      C. (-1, -1)      D. (-2, -1)
2. 如图, A, B 的坐标为(2, 0), (0, 1), 如果将线段 AB 平移至 A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>, 那么 a+b 的值为 ( )  
 A. 2      B. 3      C. 4      D. 5
3. 线段 CD 是由线段 AB 平移得到的, 点 A(-1, 4) 的对应点为 C(4, 7), 那么点 B(-4, -1) 的对应点 D 的坐标是 \_\_\_\_\_.
4. 如图, 在平面直角坐标系中, 一动点 A 从原点 O 出发, 按向上、向右、向下、向右的方向依次不断地移动, 每次移动一个单位, 得到点 A<sub>1</sub>(0, 1), A<sub>2</sub>(1, 1), A<sub>3</sub>(1, 0), A<sub>4</sub>(2, 0), …, 那么点 A<sub>9</sub> 的坐标为 \_\_\_\_\_, 点 A<sub>17</sub> 的坐标为 \_\_\_\_\_, 点 A<sub>4n+1</sub> (n 是自然数) 的坐标为 \_\_\_\_\_.



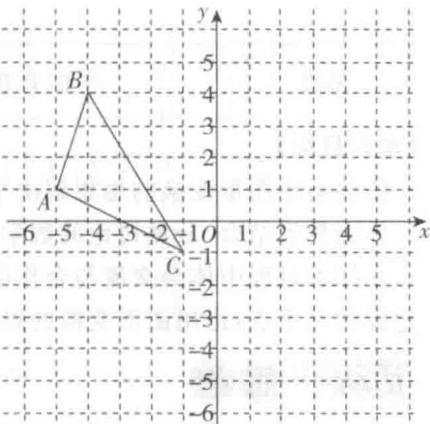
## 活动二 实践

1. 在直角坐标系中, 已知点 A(2, 2), 在 x 轴上确定点 B, 使 △AOB 为等腰三角形, 求点 B 的坐标.
2. 如图所示, 在方格纸上建立的平面直角坐标系中, 将 △ABO 绕点 O 按顺时针方向旋转 90°, 得 △A'B'O, 那么点 A' 的坐标为 ( ).  
 A. (3, 1)      B. (3, 2)      C. (2, 3)      D. (1, 3)
3. 在平面直角坐标系中, 点 A 的坐标为(1, 4), 将线段 OA 绕点 O 顺时针旋转 90° 得到线段 OA', 那么点 A' 的坐标是 \_\_\_\_\_.
4. 已知点 A 的坐标为(a, b), O 为坐标原点, 连结 OA, 将线段 OA 绕点 O 按逆时针方向旋转 90° 得 OA<sub>1</sub>, 那么点 A<sub>1</sub> 的坐标为 ( ).  
 A. (-a, b)      B. (a, -b)      C. (-b, a)      D. (b, -a)



5. 如图,在平面直角坐标系  $xOy$  中,  $\triangle ABC$  三个顶点的坐标分别为  $A(-5, 1)$ ,  $B(-4, 4)$ ,  $C(-1, -1)$ . 将  $\triangle ABC$  向右平移 5 个单位长度,再向下平移 4 个单位长度,得到  $\triangle A'B'C'$ ,其中点  $A', B', C'$  分别为点  $A, B, C$  的对应点.

- (1) 请在所给坐标系中画出  $\triangle A'B'C'$ ,并直接写出点  $C'$  的坐标;
- (2) 如果点  $P$  经过上述平移后的对应点为  $P'(x, y)$ ,用含  $x, y$  的式子表示点  $P$  的坐标;(直接写出结果即可)
- (3) 求  $\triangle A'B'C'$  的面积.



### 活动三 交流

在平面直角坐标系中,已知点  $A(-2, 0)$ ,  $B(2, 0)$ ,如果在坐标轴上存在点  $C$ ,使得  $AC + BC = m$ ,则称点  $C$  为点  $A, B$  的“ $m$  和点”,例如当点  $C$  的坐标为  $(0, 0)$  时,有  $AC + BC = 4$ ,则称点  $C(0, 0)$  为点  $A, B$  的“4 和点”.请根据上述规定回答下列问题:

- (1) 如果点  $C$  为点  $A, B$  的“ $m$  和点”,且  $\triangle ABC$  为等边三角形,求  $m$  的值;
- (2) 点  $E$  是点  $A, B$  的“5 和点”,且点  $E$  在  $x$  轴上,那么点  $E$  的坐标为\_\_\_\_\_;
- (3) 如果点  $A, B$  的“ $m$  和点”有且只有 4 个,那么  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

### 【课堂收获】

# 八年级(下)数学学习活动方案

课题	函数	课型	新授课	章节	14.1—1
----	----	----	-----	----	--------

## 【学习目标】

1. 通过简单的实例,了解常量与变量的意义,了解函数的概念和表示方法,并能说出一些函数的实例.

2. 能判断两个变量之间的关系是否可看作函数.

把握学习重点:理解函数的概念,判断两个变量之间的关系是否可看作函数.

## 活动一 思考

问题一:汽车以 60 千米 / 小时的速度匀速行驶,行驶里程为  $s$  千米,行驶时间为  $t$  小时.

1. 请同学们根据题意填写下表:

$t$ /时	1	2	3	4	5	$t$
$s$ /千米						

2. 在以上这个过程中,变化的量是 \_\_\_\_\_, 不变化的量是 \_\_\_\_\_.

3. 试用含  $t$  的式子表示  $s$ ,  $s = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $t$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

这个问题反映了匀速行驶的汽车所行驶的路程 \_\_\_\_\_ 随行驶时间 \_\_\_\_\_ 的变化过程.

问题二:每张电影票的售价为 10 元,如果早场售出票 150 张,午场售出 205 张,晚场售出 310 张,三场电影的票房收入各多少元?设一场电影售票  $x$  张,票房收入  $y$  元.

(1) 请同学们根据题意填写下表:

售出票数(张)	早场 150	午场 205	晚场 310	$x$
收入 $y$ (元)				

(2) 在以上这个过程中,变化的量是 \_\_\_\_\_, 不变化的量是 \_\_\_\_\_.

(3) 试用含  $x$  的式子表示  $y$ ,  $y = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $x$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

这个问题反映了票房收入 \_\_\_\_\_ 随售票张数 \_\_\_\_\_ 的变化过程.

## 活动二 实践

问题三:当圆的半径  $r$  分别是 10cm, 20cm, 30cm 时,圆的面积  $S$  分别是多少?

1. 请同学们根据题意填写下表:(用含  $\pi$  的式子表示)

半径 $r$	10cm	20cm	30cm
面积 $S$			

2. 在以上这个过程中,变化的量是 \_\_\_\_\_, 不变化的量是 \_\_\_\_\_.

3. 试用含  $S$  的式子表示  $r$ ,  $S = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $r$  的取值范围是 \_\_\_\_\_ 这个问题反映了 \_\_\_\_\_ 随 \_\_\_\_\_ 的变化过程.

问题四:用 10m 长的绳子围成长方形,试改变长方形的长度,观察长方形的面积怎样变化.记录不同的长方形的长度值,计算相应的长方形面积的值,探索它们的变化规律.设长方形的长为  $x$ m,面积为  $S$  m<sup>2</sup>.

1. 请同学们根据题意填写下表:

长 $x$ (m)	4.5	4	3.5	3	$x$
另一边长(m)					
面积 $S$ (m <sup>2</sup> )					

2. 在以上这个过程中,变化的量是 \_\_\_\_\_, 不变化的量是 \_\_\_\_\_.

3. 试用含  $x$  的式子表示  $S$ ,  $S = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $x$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

这个问题反映了矩形的\_\_\_\_\_随\_\_\_\_\_的变化过程。

小结：以上这些问题都反映了不同事物的变化过程，其实现实生活中还有好多类似的问题，在这些变化过程中，有些量的值是按照某种规律变化的，有些量的数值是始终不变的。

得出结论：在一个变化过程中，我们称数值发生变化的量为\_\_\_\_\_；在一个变化过程中，我们称数值始终不变的量为\_\_\_\_\_；

练习：判断下面各题中，哪些是常量，哪些是变量：

(1) 用公式  $s = \pi r^2$  计算圆的面积；

(2) 用公式  $s = vt$  计算汽车以每小时 80 千米匀速行驶的路程；

(3) 一个容积是 10 万升的储油罐内储满了汽油，如果每天运出 4 000 升，计算储油罐内的剩余油量。

### 活动三 交流

1. 如果飞机的平均航速是 14 km/min，请填写下表：

飞行时间 / min	5	15	20	30	45	60	70	80	100
飞行里程 / km									

2. 如果这架飞机起飞时油箱内的油量为 13 t，飞行时每分钟耗油 0.12 t，请填写下表：

飞行时间 / min	5	15	20	30	45	60	70	80	100
剩余油量 / t									

3. 飞行里程和油箱内的剩余油量是怎样受到飞行时间的影响和制约的？

归纳：一般的，在一个变化过程中，如果有两个变量  $x$  和  $y$ ，并且对于  $x$  的每一个值， $y$  都有唯一的一个值与其对应，那么我们就把  $x$  称为自变量， $y$  称为因变量， $y$  是  $x$  的函数。

注意：(1) 函数必须是一个变化过程；

(2) 两个变量：其中一个变量每取一个值，另一个变量有且有唯一值对它对应。

4. 下面每题都给出了某个变化过程中的两个变量  $x$  和  $y$ ，判断  $y$  是不是  $x$  的函数：

(1)  $y$ ：正方形的面积。 $x$ ：这个正方形的周长。

(2)  $y$ ：长方形的面积。 $x$ ：这个长方形一边的长。

(3)  $y$ ：一个正数的平方根。 $x$ ：这个正数。

(4)  $y$ ：一个正数的算术平方根。 $x$ ：这个正数。

5. 当  $x$  的值分别取  $-5, 0, 1, \dots$  时，求下列代数式的值。

$$3x^2 - 2x + 4, \frac{x+1}{3x-2}, \sqrt{5-3x}$$

6. 根据函数的定义，可以把  $x$  看做\_\_\_\_\_，把上述代数式的值  $y$  看做\_\_\_\_\_，那么  $y$  是  $x$  的函数吗？为什么？

7. 上述代数式中自变量  $x$  的取值范围有限制吗？如果有，这些限制是什么？

### 【课堂收获】