

计算机系列教材

# 数据结构与算法 (第2版)

熊岳山 编著

清华大学出版社

## 计算机系列教材

熊岳山 编著

# 数据结构与算法 (第2版)

清华大学出版社

北京

## 内 容 简 介

“数据结构与算法”是计算机专业的重要基础课，是该专业的核心课程之一，是一门集技术性、理论性和实践性于一体的课程。本书内容包括基本数据类型、抽象数据类型、顺序表、链表、串、树和二叉树、图、递归与分治算法、贪心算法、分支限界和动态规划等内容；重点介绍抽象数据类型、基本数据结构、C语言数据结构描述、数据结构的应用、算法设计与分析以及算法性能评价等内容，目的是让读者理解数据抽象与编程实现的关系，提高用计算机解决实际问题的能力。

本书结构合理，内容丰富，算法描述清晰，用C语言编写的算法代码都已调试通过，便于自学，可作为高等院校计算机专业、军事院校的基础合训专业和其他相关专业的教材和参考书，也可供从事计算机软件开发的科技工作者参考。

清华大学出版社

### 图书在版编目(CIP)数据

数据结构与算法/熊岳山编著. —2 版. —北京：清华大学出版社，2016

计算机系列教材

ISBN 978-7-302-42958-6

I. ①数… II. ①熊… III. ①数据结构—高等学校—教材 ②算法分析—高等学校—教材  
IV. ①TP311.12

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2016)第 030550 号

责任编辑：白立军 徐跃进

封面设计：常雪影

责任校对：焦丽丽

责任印制：何 芊

出版发行：清华大学出版社

网 址：<http://www.tup.com.cn>, <http://www.wqbook.com>

地 址：北京清华大学学研大厦 A 座 邮 编：100084

社 总 机：010-62770175 邮 购：010-62786544

投稿与读者服务：010-62776969, [c-service@tup.tsinghua.edu.cn](mailto:c-service@tup.tsinghua.edu.cn)

质量反馈：010-62772015, [zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn](mailto:zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn)

课件下载：<http://www.tup.com.cn>, 010-62795954

印 装 者：北京鑫海金澳胶印有限公司

经 销：全国新华书店

开 本：185mm×260mm 印 张：17 字 数：392 千字

版 次：2013 年 2 月第 1 版 2016 年 4 月第 2 版 印 次：2016 年 4 月第 1 次印刷

印 数：1~2000

定 价：34.50 元

---

产品编号：067681-01

## 《数据结构与算法(第2版)》前言

“数据结构与算法”是计算机科学与技术一级学科相关专业的重要基础课程之一，是软件开发和维护的基础。计算机的数据处理能力是计算机解决各种实际问题的关键。现实世界中的实际问题经过抽象，得出反映实际事物本质的数据表示后，才有可能被计算机处理。从实际问题抽象出数学模型，得出它的数据表示后，如何用计算机所能接受的形式来描述这些数据（包括数据本身与数据之间的关系）？如何将这些数据以及它们之间的关系存储在计算机中？如何用有效的方法去处理这些数据？如何在构建的数据结构上设计高效的算法？这些问题皆是数据结构与算法研究的主要问题。

本书是在深入研究国内外同类教材的基础上，结合多年“数据结构”、“算法设计与分析”课程教学经验编写而成的，书中将重点围绕抽象数据类型的C语言实现进行介绍。

第1章为数据结构概述，主要介绍数据结构概念，内容包括逻辑结构、存储方法、算法复杂度分析、基本数据类型、抽象数据类型与结构描述。第2章介绍向量、栈和队列及其应用，内容有向量、栈和队列的逻辑结构，抽象数据类型向量、栈和队列的描述；Josephus问题求解、栈与后缀表达式求值、栈与递归、递归效率分析、队列与离散事件模拟等应用实例。第3章介绍链表及其应用，内容有动态存储、单链表、循环表、双链表、栈和队列的链接存储。第4章介绍串，内容有串的定义、串的存储以及串的模式匹配算法(BMP算法)。第5章介绍各种排序方法，内容包括排序的基本概念，被排序文件的存储表示，折半插入排序、Shell排序、起泡排序、快速排序、归并排序和外排序等各种排序方法，各种排序方法的时空效率，算法的实现细节和算法的时空效率等。第6章介绍线性表的查找，内容包括有关查找的概念，顺序查找、折半查找、分块查找和散列查找。第7章介绍树和二叉树，内容包括树(树林)和二叉树的概念、树(树林)和二叉树的遍历、抽象数据类型BinaryTree与BinaryTree结构、二叉树的遍历算法。第8章介绍树状结构的应用，内容包括二叉排序树、平衡的二叉排序树、B-树和B<sup>+</sup>-树、键树和2-3树、Huffman最优树、堆排序、判定树、等价类和并查集、红黑树。第9章介绍图结构，内容包括图的基本概念、图的存储表示、Graph结构的构造与实现、图的遍历、最小代价生成树、单源最短路径问题、每一对顶点间的最短路径问题、有向无回路图。第10章为算法设计与分析，内容包括递归与分治、回溯法、分支限界法、贪心法和动态规划法等。

本书是作为计算机专业本科生、军事院校的基础合训专业和其他相关专业的“数据结构与算法”课程教材编写的，也可供从事计算机软件开发和计算机应用的工程与科技人员

参考。具备了 C 语言基础的读者便可学习本书。

书中不加注\*的章节可用 60 学时的时间讲授,全部内容的讲授可在 70~80 学时内完成。此外,为配合课堂教学,便于学生理解和掌握所学知识,提高程序设计编程能力,应另外配有 20~30 小时的上机时间。

本书的出版得到清华大学出版社、国防科技大学计算机学院、计算机系、603 教研室的大力支持,在此深表谢意。特别感谢陈怀义教授和姚丹霖教授在《数据结构——C++ 描述》一书中的辛勤工作与许多富有创新的思想,感谢殷建平、肖晓强、刘越等老师为本书提出的宝贵意见,正是因为这些同志的热情帮助,才使得本书能顺利出版。由于时间仓促,加之作者水平有限,书中错误在所难免,敬请广大读者和专家批评指正。

作者

2015年9月

F O R F W O R D

**第1章 数据结构概述 /1**

- 1.1 基本概念 /1
  - 1.1.1 数据、数据元素、数据对象 /1
  - 1.1.2 数据结构 /2
- 1.2 数据结构的分类 /3
- 1.3 数据类型 /5
  - 1.3.1 基本类型、组合类型 /5
  - 1.3.2 抽象数据类型 /5
- 1.4 算法和算法分析 /8
  - 1.4.1 算法概念 /8
  - 1.4.2 算法分析 /9

习题 /11

**第2章 向量、栈和队列 /13**

- 2.1 线性表 /13
  - 2.1.1 线性表的抽象数据类型 /13
  - 2.1.2 线性表的结构表示 /15
- 2.2 向量 /18
  - 2.2.1 向量的抽象数据类型 /18
  - 2.2.2 向量的插入和删除 /20
  - 2.2.3 向量的应用 /23
- 2.3 栈 /26
  - 2.3.1 栈的抽象数据类型及其实现 /26
  - 2.3.2 栈的应用 /29
- 2.4 递归效率分析 /36
  - 2.4.1 递归方程求解 /36
  - 2.4.2 生成函数求解递归方程 /37
  - 2.4.3 特征方程求解递归方程 /38
  - 2.4.4 递归树方法 /39
- 2.5 队列 /40

## 目录 《数据结构与算法(第2版)》

2.5.1 队列的抽象数据类型及其实现 /40

\* 2.5.2 队列的应用——模拟银行活动 /46

习题 /54

### 第3章 链表 /56

3.1 单链表 /56

3.1.1 基本概念 /56

3.1.2 单链表结点结构 /57

3.1.3 单链表结构 /59

3.1.4 栈的单链表实现 /70

3.1.5 队列的单链表实现 /71

3.1.6 单链表的应用举例 /75

3.2 循环链表 /80

3.3 双链表 /82

习题 /84

### 第4章 串 /87

4.1 基本概念 /87

4.2 串的存储 /88

4.3 串结构和串的运算 /89

4.4 模式匹配 /91

4.4.1 朴素的模式匹配算法 /91

4.4.2 KMP 匹配算法 /92

\* 4.4.3 BM 匹配算法 /95

习题 /98

### 第5章 排序 /99

5.1 基本概念 /99

5.2 插入排序 /100

5.2.1 直接插入排序 /100

第 5 章 排序 /102  
5.2 归并排序 /102  
5.2.1 插入排序 /102  
5.2.2 折半插入排序 /102  
5.2.3 Shell 排序 /104

5.3 选择排序 /105  
5.3.1 直接选择排序 /105  
5.3.2 树形选择排序 /107

5.4 交换排序 /108  
5.4.1 起泡排序 /108  
5.4.2 快速排序 /109

5.5 分配排序 /113  
5.5.1 基本思想 /113  
5.5.2 基数排序 /114

5.6 归并排序 /117  
5.7 外部排序 /120  
5.7.1 二路合并排序 /120  
5.7.2 多路替代选择合并排序 /121  
5.7.3 最佳合并排序 /122

习题 /123

## 第 6 章 查找 /125

6.1 基本概念 /125

6.2 顺序查找 /125

6.3 折半查找 /127

6.4 分块查找 /129

6.5 散列查找 /131  
6.5.1 概述 /131

6.5.2 散列函数 /132

6.5.3 冲突的处理 /134

6.5.4 散列查找的效率 /137

习题 /138

## 第 7 章 树和二叉树 /140

## 目录 《数据结构与算法(第2版)》

第7章 树与二叉树	7.1 树的概念 /140
	7.2 二叉树 /141
	7.2.1 二叉树的概念 /141
	7.2.2 二叉树的性质 /141
	7.2.3 二叉树的存储方式 /144
	7.2.4 树(树林)与二叉树的相互转换 /146
	7.3 树(树林)、二叉树的遍历 /147
	7.3.1 树(树林)的遍历 /147
	7.3.2 二叉树的遍历 /147
	7.4 抽象数据类型 BinaryTree 以及 BinaryTree 结构 /148
	7.4.1 抽象数据类型 BinaryTree /148
	7.4.2 一个完整的包含构建二叉树与遍历 实现的例子 /150
	7.5 二叉树的遍历算法 /151
	7.5.1 非递归(使用栈)的遍历算法 /151
	7.5.2 线索化二叉树的遍历 /153
	习题 /157

## 第8章 树状结构的应用 /159

8.1 二叉排序树 /159
8.1.1 二叉排序树与 BinarySTree 结构 /159
8.1.2 二叉排序树的检索、插入、删除 运算 /160
8.1.3 等概率查找对应的最佳二叉排 序树 /164
8.2 平衡的二叉排序树 /166
8.2.1 平衡二叉排序树的定义 /166
* 8.2.2 平衡二叉排序树的插入、 删除 /167
* 8.2.3 AVL 树高度 /170
8.3 B-树、B <sup>+</sup> -树 /171

## 《数据结构与算法(第2版)》 目录

* 8.4 键树和 2-3 树 /175
8.4.1 键树 /175
8.4.2 2-3 树 /176
* 8.5 Huffman 最优树与树编码 /178
8.5.1 Huffman 最优树 /178
8.5.2 树编码 /181
8.6 堆排序 /183
* 8.7 判定树 /189
* 8.8 等价类和并查集 /190
8.8.1 等价类 /190
8.8.2 并查集 /190
* 8.9 红黑树 /193
习题 /197
<b>第9章 图 /199</b>
9.1 基本概念 /199
9.2 图的存储表示 /201
9.2.1 相邻矩阵表示图 /201
9.2.2 图的邻接表表示 /202
9.2.3 邻接多重表 /203
9.3 基于邻接表表示的 Graph 结构 /205
9.4 图的遍历 /206
9.4.1 深度优先遍历 /206
9.4.2 广度优先遍历 /208
9.5 最小代价生成树 /209
9.6 单源最短路径问题 /213
9.7 每一对顶点间的最短路径问题 /216
9.8 有向无回路图 /218
9.8.1 DAG 图和 AOV、AOE 网 /218
9.8.2 AOV 网的拓扑排序 /220

## 目录 《数据结构与算法(第2版)》

9.7.1 算法设计 9.8.3 AOE网的关键路径 /222

9.7.2 习题 9 /224

9.8.1 算法设计 /224

### 第10章 算法设计与分析 /226

10.1 递归与分治 /226

10.1.1 递归方法设计 /226

10.1.2 分治法 /227

10.2 回溯法 /229

10.3 分支限界法 /234

10.4 贪心算法 /241

10.5 动态规划法 /242

习题 /245

### 关键词索引 /247

### 参考文献 /250

## 图 目 录

图 1.1 基本的逻辑结构	3
图 1.2 基本存储方法	4
图 1.3 游泳池及环形过道	8
图 2.1 向量的顺序存储	19
图 2.2 顺序存储的栈	26
图 2.3 中缀表达式的计值过程	30
图 2.4 后缀表达式的计值	30
图 2.5 中缀表达式转换成后缀表达式的过程	31
图 2.6 汉诺塔问题的递归求解过程	33
图 2.7 活动记录的进栈情况	35
图 2.8 活动记录的退栈情况	36
图 2.9 式(2.1)的递归树	39
图 2.10 式(2.2)的递归树	40
图 2.11 顺序存储的队列	40
图 2.12 队列的操作	41
图 2.13 循环队列的队空和队满	41
图 3.1 单链表	56
图 3.2 从链表中删除一个结点	56
图 3.3 往链表中插入一个结点	56
图 3.4 附加头结点的单链表	57
图 3.5 一个实际的单链表结构	65
图 3.6 空的循环链表	80
图 3.7 双链表结点	82
图 3.8 双链表	82
图 3.9 往双链表中插入一个结点	82
图 3.10 从双链表中删除一个结点	82
图 3.11 题 3.2 用图	85
图 4.1 串的顺序存储	88

## 目录

## 《数据结构与算法(第2版)》

图 4.2 串的紧缩顺序存储 .....	88
图 4.3 串的链接存储 .....	89
图 4.4 第1趟比较 .....	91
图 4.5 第2趟比较 .....	92
图 4.6 朴素的模式匹配算法执行过程 .....	92
图 4.7 模式 P="abcabcd" 的 next 数组的计算过程 .....	95
图 4.8 基于 KMP 匹配算法的模式匹配过程 .....	96
图 5.1 直接插入排序的过程 .....	100
图 5.2 折半查找过程 .....	102
图 5.3 Shell 排序过程 .....	104
图 5.4 直接选择排序 .....	106
图 5.5 第一次树形选择排序选出最小排序码 13 .....	107
图 5.6 第二次树形选择排序选出最小排序码 14 .....	107
图 5.7 起泡排序过程 .....	108
图 5.8 第1趟快速排序的比较过程 .....	110
图 5.9 基数排序的分配和收集过程 .....	115
图 5.10 二路归并过程 .....	118
图 5.11 二路归并排序示意 .....	121
图 5.12 实现五路合并败者树 .....	122
图 5.13 实现五路合并一次替代选择后的败者树 .....	122
图 5.14 顺序合并的三路合并树 .....	122
图 5.15 三路最佳合并树 .....	123
图 6.1 折半查找过程 .....	128
图 6.2 分块查找过程 .....	130
图 6.3 用分离的同义词子表解决冲突 .....	137
图 6.4 用结合的同义词子表解决冲突 .....	137
图 6.5 几种不同的解决碰撞方法时的平均检索长度(横坐标为负载因子的取值) .....	138
图 6.6 题 6.8 用图 .....	139
图 7.1 家族树 .....	140
图 7.2 二叉树的五种基本形态 .....	141
图 7.3 表达式二叉树 .....	142

图 7.4 深度为 3 的满二叉树 .....	142
图 7.5 特殊的二叉树 .....	143
图 7.6 $i$ 与 $i+1$ 在同一层的完全二叉树 .....	143
图 7.7 $i$ 与 $i+1$ 不在同一层的完全二叉树 .....	143
图 7.8 完全二叉树的顺序存储 .....	144
图 7.9 非完全二叉树的顺序存储 .....	144
图 7.10 二叉树的 LeftChild-RightChild 表示 .....	145
图 7.11 树(树林)与二叉树之间相互转换 .....	146
图 7.12 树林的例子 .....	147
图 7.13 图 7.12 对应的二叉树 .....	148
图 7.14 二叉树遍历实例 .....	150
图 7.15 对称序线索树 .....	153
图 7.16 在对称序线索化二叉树中插入新结点 .....	156
图 7.17 题 7.5 用图 .....	157
图 7.18 题 7.14 用图 .....	158
图 7.20 题 7.15 用图 .....	158
图 8.1 二叉排序树 .....	159
图 8.2 构造二叉排序树 .....	162
图 8.3 二叉排序树中删除一个结点 .....	164
图 8.4 删除结点 11 后的另一种形式 .....	164
图 8.5 两种不同的二叉排序树 .....	164
图 8.6 两棵扩充二叉树 .....	164
图 8.7 最佳二叉排序树的构造 .....	165
图 8.8 二叉树与结点的平衡因子 .....	167
图 8.9 平衡的二叉排序的生成过程(带★的点为插入后引起不平衡的点) .....	168
图 8.10 二叉排序树的平衡旋转 .....	169
图 8.11 AVL 二叉排序树结点的删除(结点中右边数字代表平衡因子) .....	170
图 8.12 一棵 7 阶的 B-树 .....	171
图 8.13 B-树的插入 .....	173
图 8.14 图 8.13 中删除元素 80 .....	173
图 8.15 图 8.13 中删除元素 4 .....	173

## 目录 《数据结构与算法(第2版)》

图 8.16 在图 8.15 中删除元素 60	174
图 8.17 在图 8.16 中删除元素 70	174
图 8.18 一棵 3 阶的 $B^+$ -树	174
图 8.19 键树示例	175
图 8.20 由图 8.19 压缩后的键树	176
图 8.21 键树中插入记录	176
图 8.22 两棵不同形式的 2-3 树	177
图 8.23 2-3 树的插入	177
图 8.24 在图 8.22(b)中插入 8 后 2-3 树的变化图	178
图 8.25 2-3 树的删除	178
图 8.26 一棵扩充的二叉树	178
图 8.27 赫夫曼最优树的构造过程	179
图 8.28 Huffman 编码树	182
图 8.29 堆对应的完全二叉树	183
图 8.30 堆中插入新结点	183
图 8.31 堆中根结点的删除	184
图 8.32 筛法建堆过程	184
图 8.33 堆排序过程	185
图 8.34 三个元素排序的判定树	189
图 8.35 鉴别伪币的判定树	189
图 8.36 用父指针表示的树状结构存储的并查集	191
图 8.37 并查集的查找、合并过程	191
图 8.38 Union 加权规则示意图	192
图 8.39 路径压缩的例子	193
图 8.40 一棵阶为 2 的红黑树	194
图 8.41 红黑树的生长过程	194
图 8.42 一棵 2 阶红黑树	195
图 8.43 红黑树中删除元素 88	195
图 8.44 图 8.43 调整后的红黑树	196
图 8.45 图 8.44 中删除元素 71	196
图 8.46 图 8.45 调整后的红黑树	196
图 8.47 图 8.46 中删除元素 63	196

# 《数据结构与算法(第2版)》 目录

图 8.48 调整图 8.47 后的红黑树	197
图 8.49 题 8.15 用图	198
图 9.1 无向图和有向图	199
图 9.2 图 $G_4 = (V, E)$	200
图 9.3 图 $G_3$ 的强连通分量	201
图 9.4 $G_1$ 的生成树	201
图 9.5 $G_3$ 的生成树林	201
图 9.6 图 $G_5$ (网络)	201
图 9.7 图的邻接表表示	203
图 9.8 $G_5$ 的邻接表表示	204
图 9.9 图 9.7(a)的邻接多重表表示	204
图 9.10 图 9.7(c)的多重链表表示	205
图 9.11 有向图深度优先搜索过程	206
图 9.12 无向图深度优先遍历	207
图 9.13 广度优先生成树(树林)	209
图 9.14 $T$ 的变化图	210
图 9.15 Prim 算法构造最小生成树的过程	211
图 9.16 Kruskal 构造最小生成树的过程	213
图 9.17 有向图 $G$	213
图 9.18 含三个顶点的有向网络	217
图 9.19 表达式树	218
图 9.20 共享结点后的表达式树	219
图 9.21 表示各课程优先关系的 AOV 网	219
图 9.22 一个 AOV 网的例子	220
图 9.23 图 9.22 的关键路径为 $(a_1, a_4, a_8, a_{11})$ 或 $(a_1, a_4, a_7, a_{10})$	222
图 9.24 题 9.1 用图	224
图 9.25 题 9.2 用图	224
图 9.26 题 9.3 用图	224
图 9.27 题 9.5 用图	224
图 9.28 题 9.6 用图	225
图 9.29 题 9.7 用图	225
图 9.30 题 9.10 用图	225

目 录 《数据结构与算法(第2版)》

图 9.31 题 9.12 用图 .....	225
图 10.1 用 0-1 矩阵表示的迷宫 .....	230
图 10.2 0-1 背包问题的解空间树 .....	235
图 10.3 树 $T$ .....	241
图 10.4 树 $T_0$ .....	241
图 10.5 树 $T_1$ .....	242
图 10.6 内部结点构造图 .....	242
图 10.7 题 10.5 用图 .....	245