

考前30天

— 高考物理应试对策

求明题练习示
要说例训提
试点型化答
考重典强解

《物理教师》编辑部 编
王溢然 编著

华东理工大学出版社

考前 30 天

—— 高考物理应试对策

《物理教师》编辑部 编
王 溢 然 编著

华东理工大学出版社

(沪)新登字 208 号

考 前 30 天

——高考物理应试对策

《物理教师》编辑部 编

王溢然 编著

华东理工大学出版社出版发行

上海市梅陇路 130 号 邮政编码 200237

新华书店上海发行所发行经销

常熟印刷二厂印刷

开本 787×1092 1/16 印张 8.75 字数 281 千字

1997 年 3 月第 1 版 1997 年 3 月第 1 次印刷

印数 1—18000 册

ISBN 7-5628-0754-X/G · 142 定价 8.00 元

编者的话

经过了系统的复习和各种综合测试,高三学生已对高考有了相当充分的准备。如何再抓好临考前的最后一段时间,使自己的知识和能力更上一个台阶,能在高考中发挥更出色的水平,作者在长期教学实践中指导学生复习迎考的体会是重在温习——

首先,要紧紧扣考试要求。每年由国家教委考试中心编写的考试说明,是当年高考命题的准绳,也是对高考学生选拔的依据,考生应该毫无顾虑地信赖考试说明。在临考前的时间内,应该集中精力、有计划地对考试要求的各个知识点,作一次踏踏实实的全面回顾。

其次,要抓住各知识要点。对知识的检查回顾决不是平铺直叙地背一些概念,记一些公式。重要的是会挖掘其内在的“关节点”——譬如某个定义或公式,它在高中物理整体知识中处于什么地位;与其他知识有何纵向或横向的联系;它的成立前提或适用条件是什么;它所包含的每个量代表什么含义;使用中应该注意哪些问题;哪些地方容易引起错误或产生混淆;……。高三学生,由于认识水平和理解能力比低年级时有了明显的提高,以及复习中已通过许多问题的熏陶和积累,应该对这些知识要求有着更具体、鲜明和亲切的感受。

第三,了解一下过去的试题。高考题不仅凝聚着命题组许多学者的智慧,也在一定程度上集中反映了全国各地教师对中学物理研究的水平。每年的高考都有许多对教学极富有启发、指导意义,引人入胜、别具匠心的优秀试题。了解过去的试题,可以更好地领会到如何在考纲的范畴内,强化基础知识,提高对知识的灵活应用和变迁的能力。

本书的结构正是基于这样的认识下安排的。全书按考试说明的知识点组合成若干大节(限于篇幅,对高中物理实验未列节编写),每节分五部分:(一)考试要求。(二)围绕该节知识点,根据作者的教学体会和对考纲及高考命题意图的理解作了重点说明,并归纳了某些方法。这是本书的核心,也是考前最后一段时间内需重点温习认识的地方。为了对这些重点说明更具体化,除了在说明中引例展开外,第(三)部分又配举了典型例题。第(四)部分强化训练题中,基本上已汇集了近几年(主要是1991~1996年)来涉及该知识点的有关高考试题——虽然这些试题,作者相信大部分已被读者在各种分散的测试中做过。但通过本书的集中分类,希望能更有助于对知识的温故而知新,更具体地了解考试命题意图。本书每节的第(五)部分为解答提示,对训练题都给出答案并作了简明的分析。有些地方还加注了提请注意的方面,其目的也是为了有利于临考前的温习。

高考是国内影响最大的一种选拔性考试。考试的成功主要在于平时教学中老师的指导,尤其是学生自己的努力,以及考前精神状态的调整,临场的发挥。而且,一次高考的成败也不能绝对地反映一个学生的实际水平和能力,更不能决定一个学生今后的成就。参予高考,只是广大学生接受选拔,显露自己才华的一次拼搏机会。考前的强化及画龙点睛般的点拨,决不是猜题、押宝。作者的观点是:透彻理解才能正确分析,熟练应用才会灵活迁移。

如果本书能有助于广大学生深化对知识的理解、提高应用和变迁的能力,在严格的高考试卷中留一个深深的烙印的话,作者将感到无比的欣慰。

王溢然

1997年1月

于苏州庆秀斋

目 录

编者的话

一、质点的运动	(1)
§ 1 两种基本的运动	(1)
§ 2 运动的合成与分解	(4)
§ 3 匀速圆周运动的基本概念	(6)
二、力 物体的平衡	(8)
§ 1 力和力矩	(8)
§ 2 常见的三种力	(10)
§ 3 物体的平衡条件	(13)
三、牛顿定律	(17)
§ 1 牛顿三定律	(17)
§ 2 牛顿定律的应用(一)	(19)
§ 3 牛顿定律的应用(二)	(23)
四、机械能	(26)
§ 1 功和功率	(26)
§ 2 动能定理 机械能守恒定律	(28)
五、动量 动量守恒	(33)
§ 1 动量定理	(33)
§ 2 动量守恒定律	(35)
§ 3 动量与功能关系的综合应用	(40)
六、振动和波	(47)
§ 1 振动	(47)
§ 2 波	(51)
七、分子运动论 气体	(56)
§ 1 分子运动论 热和功	(56)
§ 2 气体	(59)
八、电场	(67)
§ 1 库仑定律 电场的基本性质	(67)
§ 2 电场中的导体和运动电荷 电容器	(70)
九、稳恒电流	(77)
§ 1 稳恒电路的基本规律	(77)
§ 2 电表与电学测量	(81)
十、磁场 电磁感应	(86)
§ 1 磁场	(86)
§ 2 电磁感应	(92)
十一、交流电 电磁振荡和电磁波	(100)
§ 1 交流电	(100)

§ 2 电磁振荡和电磁波	(105)
十二、光的传播规律及光的本性	(109)
§ 1 光的反射和折射	(109)
§ 2 透镜成像	(115)
§ 3 光的本性	(121)
十三、原子和原子核	(126)
§ 1 原子结构	(126)
§ 2 原子核	(128)
附录 中学物理中的物理学家	(132)
后记	(134)

一、质点的运动

§1 两种基本的运动

(一) 考试要求

1. (B) 质点,位移,路程。
2. (B) 匀速直线运动。速度,速率。位移公式 $s=vt$ 。 $s-t$ 图, $v-t$ 图。
3. (B) 变速直线运动的平均速度,即时速度。
4. (C) 匀变速直线运动。加速度。

公式 $v_t = v_0 + at$, $s = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$, $v_t^2 - v_0^2 = 2as$, $v-t$ 图(不要求用 $v-t$ 图讨论问题)。

(二) 重点说明

1. 当物体本身尺寸与距离相比甚小或物体作平动时,即可抽象为质点。与物体的质量多少、绝对尺寸大小无关。

2. 位移用始位置指向末位置的有向线段表示,路程是沿轨迹计量的长度。仅在单向直线运动中,位移大小等于路程。

3. 匀速直线运动的基本特征是 $v = \text{恒量}$ 。在 $s-t$ 图象中 $v = \tan \alpha$ 。

图 1-1 中与 s 轴的交点表示计时起点($t=0$)时离原点的位移,与 t 轴的交点表示开始运动时在计时起点前或后的时间。

4. 变速直线运动中的平均速度 $\bar{v} = \frac{s(\text{总位移})}{t(\text{总时间})}$,计算时必须指明具体的时间间隔或位移区段。

在匀变速直线运动中, $\bar{v} = \frac{v_1 + v_2}{2}$,式中 v_1, v_2 均需按规定正方向带正负号代入。并且,某段时间内的平均速度恰等于其中点时刻的即时速度,即 $\bar{v} = v_{\text{中}}$ 。

5. 匀变速直线运动的基本特征是 $a = \text{恒量}$ 。 a 由 Δv 引起,必与 Δv 同向,但与 v 无关。 $a = \frac{v_2 - v_1}{t}$,式中 v_1, v_2 均需按规定正方向带正负号代入。在 $v-t$ 图中的斜率 $\tan \alpha = a$,且保持不变。

在匀变速直线运动中, $v_{\text{中}} > v_{\text{中}}$ (图 1-2)。

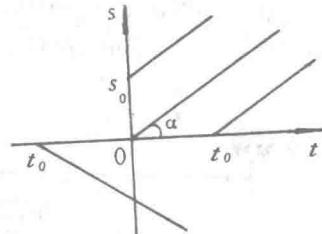


图 1-1

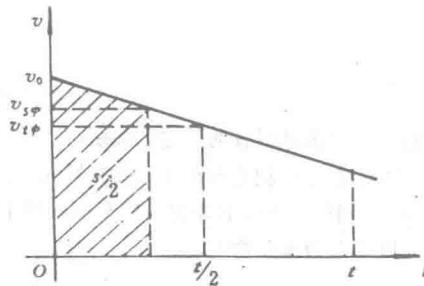
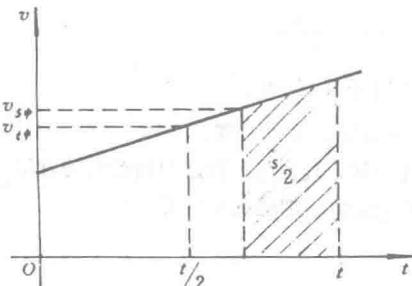


图 1-2

6. 解题的常用技巧

(1) 比例法 如利用 $s \propto t^2$ 得 $s_1 : s_2 : s_3 = 1 : 4 : 9$, $s_1 : s_2 : s_3 = 1 : 3 : 5$ 等。

(2) 图象法 如利用 $v-t$ 图上一块面积表示相应时间内位移(图 1-3)。

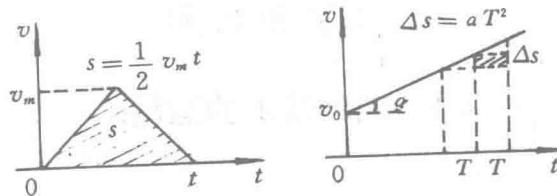


图 1-3

(3) 逆向转换 如把向前的匀减速看成向后的匀加速,把竖直上抛运动转换成自由落体运动等。

(4) 巧选参照物 如从自由下落物体上观察竖直上抛物体,从前车观察从后面同向追赶的后车等。

(三) 典型例题

例 1 一个做匀加速直线运动的物体连续通过两段长 s 的路程所用时间分别为 t_1, t_2 , 则该物体的加速度为 _____。

$$[\text{答}] \quad a = \frac{2s(t_1 - t_2)}{t_1 t_2 (t_1 + t_2)}$$

[分析] 利用 $\bar{v} = v_{\text{中}}$, 而前后两个 $v_{\text{中}}$ 的时间间隔为 $\frac{1}{2}(t_1 + t_2)$ 。

例 2 甲、乙两车沿高速公路相距 $s_0 = 50$ 米以速度 $v = 28$ 米/秒同向行驶,某时刻起,后面的乙车欲加速超车,设能增加的车速最多为 $\Delta v = 5$ 米/秒。超车后乙位于甲前面 $s_0 = 50$ 米处,试问从乙开始加速到完成超车(位于甲前方 s_0 处)乙车行驶的路程是多少?

[解] 如图,设乙车经时间 t_1 加至最大速度 $v + \Delta v$, 位移为 s_1 , 以后就以最大速度匀速超车,经时间 t_2 后,位移为 s_2 , 并位于甲车前面 s_0 处。则

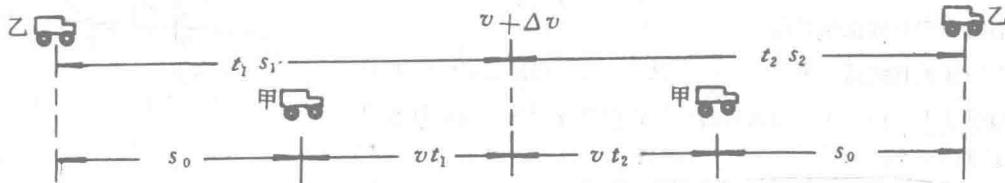


图 1-4

$$s_1 = vt_1 + \frac{1}{2} \frac{\Delta v}{t_1} t_1^2 = vt_1 + s_0,$$

$$s_2 = (v + \Delta v)t_2 = vt_2 + s_0.$$

联立得超车过程中乙车行驶的路程

$$\begin{aligned} s &= v(t_1 + t_2) + 2s_0 = s_0 \left(\frac{3v + 2\Delta v}{\Delta v} \right) \\ &= 50 \times \left(\frac{3 \times 28 + 2 \times 5}{5} \right) \text{ 米} = 940 \text{ 米}. \end{aligned}$$

[说明] 画出示意图有助于建立关系,并需注意甲车超车时的运动方式。

例 3 以速度 v_1 行驶的客车司机突然发现前方 l 处有一列与其在同一轨道同向行驶的货车,货车速度为 v_2 ($v_2 < v_1$)。司机为不使客车撞上货车立即刹车作匀减速运动的加速度至少多大?

[解] 以货车为参照物时,由

$$0 - (v_1 - v_2)^2 = -2al,$$

$$a = \frac{(v_1 - v_2)^2}{2l}.$$

即得

[说明] 追及或超车(例2)只需满足位移条件,本例不相撞需同时满足位移条件和速度条件(相遇时相对速度为零)。

改用 $v-t$ 图求解时,可由图 1-5 得

$$l = \frac{1}{2} (v_1 - v_2)t_1, t_1 = \frac{v_1 - v_2}{a}, \text{联立即可。}$$

(四) 强化训练

1. 作匀加速直线运动物体连续通过相等的两段路程 AB 和 BC (图 1-6)中的平均速度分别为 $v_1 = 3$ 米/秒、 $v_2 = 6$ 米/秒,则通过 B 点的即时速度为 ()

- A. 4 米/秒
- B. 4.5 米/秒
- C. 5 米/秒
- D. 5.5 米/秒

2. (96 全国)一物体作匀变速直线运动,某时刻速度大小为 $v_1 = 4$ 米/秒,1 秒钟后速度大小变为 $v_2 = 10$ 米/秒,在这 1 秒钟内该物体的 ()

- A. 位移的大小可能小于 4 米
- B. 位移的大小可能大于 10 米
- C. 加速度的大小可能小于 4 米/秒²
- D. 加速度的大小可能大于 10 米/秒²

3. (86 全国)甲车沿笔直公路以速度 v_0 作匀速直线运动,当它经过某处时,该处的乙车开始以初速为零的匀加速运动去追赶甲车,根据上述条件 ()

- A. 可求出乙车追上甲车时的速度
- B. 可求出乙车追上甲车时乙车所走的路程
- C. 可求出乙车从开始起动到追上甲车所用的时间
- D. 不能求出上述三者中任何一个

4. (92 全国)两辆完全相同的汽车,沿水平直路一前一后匀速行驶,速度为 v_0 ,若前车(a)突然以恒定的加速度开始刹车,在它刚停住时,后车(b)以前车刹车时的加速度开始刹车。已知前车刹车过程中所行的距离为 s ,若要保证两辆车在上述情况中不相撞,则两车在匀速行驶时保持的距离至少应为 ()

- A. s
- B. $2s$
- C. $3s$
- D. $4s$

5. 一质点由静止起以加速度 a 沿直线运动,经时间 t_1 后,加速度大小不变,方向相反,则它从开始运动起回到原来位置共需时间等于 _____。

(五) 解答提示

1. C. 由 $v_1 = \frac{1}{2}(v_A + v_B) = 3$ 米/秒、 $v_2 = \frac{1}{2}(v_B + v_C) = 6$ 米/秒、 $v_B^2 - v_A^2 = v_C^2 - v_B^2$ 联立得。注意: B 点既不是 AC 段的时间中点,也不是 v_1, v_2 的中间时刻。

2. A,D. 以 v_1 为正方向,则 $v_2 = \pm 10$ 米/秒,由 $s = \frac{1}{2}(v_1 + v_2)t, a = \frac{v_2 - v_1}{t}$ 即得。注意:无论是 \bar{v} 或 a ,式中的 v_1, v_2 均需考虑方向(正、负)。

3. A. 追及仅需满足位移条件,由 $s = \frac{1}{2}vt = v_0t$ 得 $v = 2v_0$ 。

4. B. 画出前、后两车的 $v-t$ 图(图 1-7),因两车完全相同,刹车的加速度相同,所以匀速行驶时车距至少 $2s$ 。

5. $(2 + \sqrt{2})t_1$ 。设经 t_1 后位移 $s = \frac{1}{2}at_1^2$,速度 $v = at_1$,从该处起回到原点加速度反向(作匀减速),可类比于上抛,并看成统一的一个运动,由

$$-s = vt_2 - \frac{1}{2}at_2^2 \quad \text{即} \quad -\frac{1}{2}at_1^2 = at_1t_2 - \frac{1}{2}at_2^2,$$

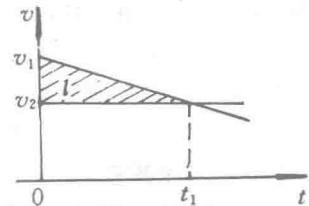


图 1-5

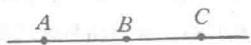


图 1-6

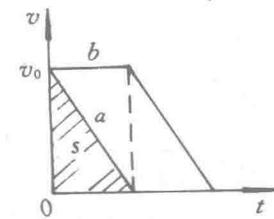


图 1-7

得 $t_2 = (1 + \sqrt{2})t_1$, 所以 $t = t_1 + t_2 = (2 + \sqrt{2})t_1$ 。

§ 2 运动的合成与分解

(一) 考试要求

1. (B) 运动的合成与分解。
2. (B) 平抛运动。

(二) 重点说明

1. 运动的合成与分解具体体现在位移、速度、加速度上(图 1-8)。合运动与分运动是同时开始, 同时结束的。

2. 在典型的渡河问题中, 合速度($v_{合}$)的方向, 就是船的实际运动方向, 即航线方向; 船头指向, 则是分运动 $v_{船}$ 的方向, 即航向。渡河时间由河宽和垂直河岸的速度决定。

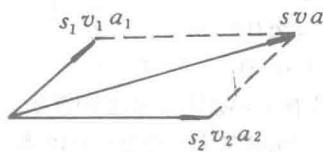


图 1-8

当要求渡船沿确定的航线运动时, 垂直航线两侧的分运动必须彼此抵消。

必须注意, 仅当 $v_{船} > v_{水}$ 时, 渡河的最短航程才等于河宽。

3. 平抛运动中时刻存在加速度 g , 任何两时刻(或两位置)的速度变化量 $\Delta v = g\Delta t$, 方向恒为竖直向下。如图 1-9 所示。

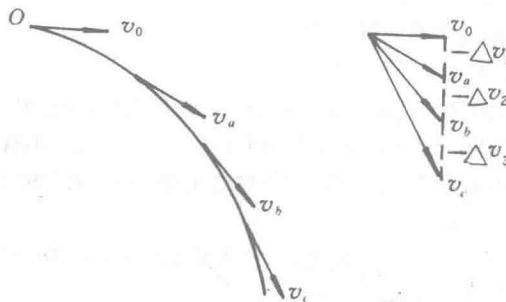


图 1-9

(三) 典型例题

例 1 在一条流速恒定的河中, 有一艘对水恒为 $v = 5$ 米/秒运动的小船, 先后垂直河岸和沿岸往返同样距离 $2l = 200$ 米所化时间分别为 $t_1 = 100$ 秒、 $t_2 = 125$ 秒, 则水速 u 多大?

[解] 垂直河岸和沿河岸往返一次需时分别为

$$t_1 = 2 \frac{l}{\sqrt{v^2 - u^2}} = \frac{2l}{v \sqrt{1 - \frac{u^2}{v^2}}},$$

$$t_2 = \frac{l}{v+u} + \frac{l}{v-u} = \frac{2l}{v(1 - \frac{u^2}{v^2})}.$$

$$\text{由 } \frac{t_1}{t_2} = \sqrt{1 - \frac{u^2}{v^2}},$$

$$\text{得 } u = v \sqrt{1 - (\frac{t_1}{t_2})^2} = 5 \sqrt{1 - (\frac{100}{125})^2} \text{ 米/秒} = 3 \text{ 米/秒}.$$

[说明] 本题利用运动合成巧妙地测定水速, 在物理学史上曾以上述原理作为著名的“以太漂移”实

验的设计思想。

例 2 图 1-10 是研究平抛运动实验中记录的轨迹,初速 v_0 均沿 Ox 方向。其中(a)图中 O 点为抛出点,(b)中只画出后来一段。只用一根直尺,如何确定图(a)中 P 点的速度方向和图(b)中的初速度 v_0 ?要求简述方法,说明理由或列出算式。

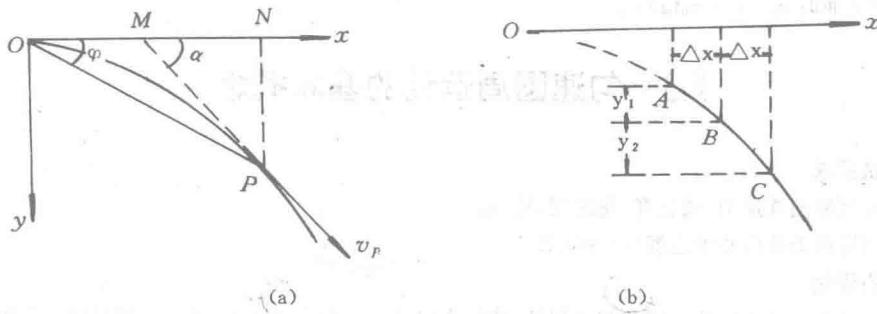


图 1-10

[解] 对图(a),过 P 作 Ox 垂线 PN ,取 ON 的中点为 M ,则沿 MP 方向即 v_P 方向。证明如下:设 P 点坐标为 x, y ,则

$$\tan \varphi = \frac{y}{x} = \frac{\frac{1}{2} g t^2}{v_0 t} = \frac{gt}{2v_0},$$

$$\tan \alpha = \frac{v_y}{v_x} = \frac{gt}{v_0}$$

$$\tan \varphi = \frac{1}{2} \tan \alpha$$

$$\frac{y}{x} = \frac{1}{2} \frac{y}{MN} \quad \therefore MN = \frac{1}{2} x.$$

即

对(b)图,可取轨迹上水平间距相等的任意三点 A, B, C ,设水平间距为 Δx ,竖直间距分别为 y_1, y_2 。则由

$$\begin{aligned} \Delta y = y_2 - y_1 &= g T^2 \quad \text{得} \quad T = \sqrt{\frac{y_2 - y_1}{g}} = \sqrt{\frac{\Delta y}{g}}, \\ v_0 &= \frac{\Delta x}{T} = \Delta x \sqrt{\frac{g}{\Delta y}}. \end{aligned}$$

(四) 强化训练

1. (89 全国)一架飞机水平地匀速飞行,从飞机上每隔 1 秒释放一个铁球,先后共释放 4 个。不计空气阻力,则 4 个球在空中任何时刻

- A. 总是排成抛物线,它们落地点是等间距的
- B. 总是排成抛物线,它们落地点是不等间距的
- C. 总在飞机正下方排成竖直的直线,它们落地点是等间距的
- D. 总在飞机正下方排成竖直的直线,它们落地点是不等间距的

2. 在空中某点以相同速率同时分别竖直向上、竖直向下、水平向左、水平向右抛出四个小球,不计阻力,在小球落地前任一瞬间,以四小球所在位置为顶点的图形是

- A. 任意四边形
- B. 长方形
- C. 菱形
- D. 正方形

3. (91 上海)如图所示,以 9.8 米/秒的水平初速 v_0 抛出的物体,飞行一段时间后,垂直撞在倾角 $\theta=30^\circ$ 的斜面上,则物体完成这段飞行的时间是(取 $g=9.8$ 米/秒²)

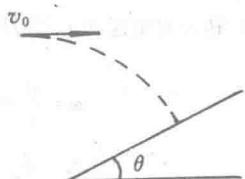


图 1-11

- A. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 秒 B. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 秒 C. $\sqrt{3}$ 秒 D. 2 秒

(五) 解答提示

1. C。先后释放的球在水平方向保持同样的运动。
2. D。以同时自由下落的球作参照物,四小球向上、下、左、右分别作匀速直线运动。
3. C。撞斜面时 $v_y = gt = v_0 \tan 60^\circ$ 。

§ 3 匀速圆周运动的基本概念

(一) 考试要求

1. (B) 匀速率圆周运动,线速度、角速度、周期。
2. (B) 圆周运动的向心加速度 ($a = v^2/R$)。

(二) 重点说明

1. 同一转动物上各点的角速度和转动周期(或频率)相同,皮带传动中不打滑时,皮带移动速度与所接触的轮边缘的线速度大小相等(摩擦转动或齿轮传动可类推)。
2. 任何曲线运动一定是变速运动,一定有加速度。一般曲线运动的加速度方向并不与轨道切线垂直,但始终与 Δv 同向。

匀速(率)圆周运动中的加速度是由线速度方向变化引起的,始终沿半径指向圆心,因此匀速圆周运动中的向心加速度时刻在变化,是一种变加速运动。

(三) 典型例题

例 1 (92全国)图中所示为一皮带传动装置,右轮半径为 r , a 是它边缘上一点。左侧是一轮轴,大轮半径为 $4r$,小轮半径为 $2r$ 。 b 点在小轮上,到小轮中心距离为 r , c 点和 d 点分别位于小轮和大轮边缘上,若传动中皮带不打滑,则

- A. a 、 b 的线速度大小相等
- B. a 、 b 的角速度大小相等
- C. a 、 c 的线速度大小相等
- D. a 、 d 的向心加速度大小相等

[答] C,D。

[分析] a 、 b 两点不在同一轮上, ω 不同, A、B 错。 a 、 c 两点线速度均等于皮带移动速度,且 $\omega_a : \omega_c = r_c : r_a = 2 : 1$, d 与 c 在同一轮上, ω 相同,故 $a_a : a_d = \omega_a^2 r_a : \omega_d^2 r_d = 1 : 1$ 。

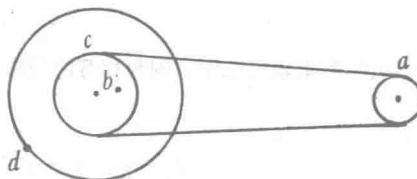


图 1-12

例 2 电风扇有三个叶片,互成 120° 角(图 1-13)。当它在每秒闪光 30 次的闪光灯下转动时,观察者感觉叶片不动,则风扇的转速可能是多大? 若感觉到有 6 片叶片,则风扇的转速可能是多大? 已知风扇转速不超过 1400 转/分。

[解] 闪光周期 $T = 1/30$ 秒。如在一次闪光的周期内,叶片转过的角度 θ 恰为 $\frac{2\pi}{n}k$ ($k=1, 2, 3, \dots$), 则由于人的视觉残留现象,会感觉到有 n 个叶片,此时叶片转动的角速度 ω 和对应的转速 N 分别为

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{\frac{2\pi}{n}k}{T} = \frac{2\pi k}{nT},$$

$$N = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{k}{nT} (\text{转}/\text{秒}) = \frac{60k}{nT} (\text{转}/\text{分})。$$

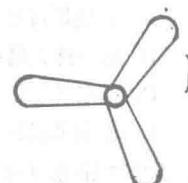


图 1-13

因此,观察到叶片不动时,即 $n=3$, 故

$$N = \frac{60k}{3 \times 1/30} \text{ 转/分} = 600k \text{ 转/分},$$

即可能转速 $N_1 = 600$ 转/分, $N_2 = 1200$ 转/分。

观察到有 6 片叶片时, 则

$$N' = \frac{60k}{6 \times 1/30} \text{ 转/分} = 300k \text{ 转/分},$$

即可能转速 $N'_1 = 300$ 转/分, $N'_2 = 600$ 转/分, $N'_3 = 900$ 转/分, $N'_4 = 1200$ 转/分。

[说明] 由于圆运动的周期性, 应注意找出解答结果的通式。根据本题的原理, 利用频闪光源(如日光灯, 当电源频率 $f=50$ 赫时其闪光周期 $T=0.01$ 秒)可获得一种测定转速的方法。

(四) 强化训练

1. 如图 1-14 所示为一水平放置的纸圆筒的截面图。圆筒半径为 R , 以角速度 ω 顺时针转动。一颗以水平速度飞行的子弹射向纸筒, 在筒上留下两个弹孔 a 、 b , 测得 $\angle aob = \varphi$, 则子弹速度的最大值为 _____。

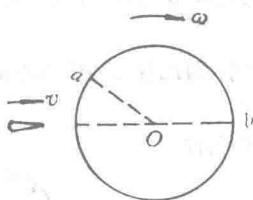


图 1-14

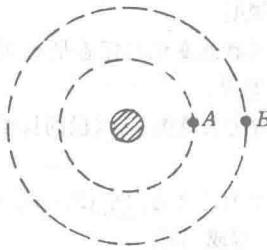


图 1-15

2. 如图 1-15 所示, A 、 B 两行星绕同一恒星作圆周运动, 旋转方向相同。转动周期分别为 T_1 、 T_2 。在某一时刻两行星第一次相遇, 则再经时间 $t_1 = \underline{\hspace{2cm}}$, 两行星第二次相遇; 再经时间 $t_2 = \underline{\hspace{2cm}}$, 两行星相距最近。

(五) 解答提示

1. $2\omega R/\pi - \varphi$ 。子弹穿越筒需时 $t = \frac{2R}{v}$, 在该时间内筒的转角 $\theta = \omega t = (\pi - \varphi) + 2n\pi$, $n=0$ 时 v 极大。

2. $\frac{T_1 T_2}{T_2 - T_1}$, $\frac{1}{2}(\frac{T_1 T_2}{T_2 - T_1})$ 。再次相遇, 在 t_1 时间内两星转过角度之差为 2π ; 相距最近, 在 t_2 时间内两星转过角度之差为 π 。

二、力 物体的平衡

§ 1 力和力矩

(一) 考试要求

1. (B) 力是物体间的相互作用, 是物体发生形变和物体运动状态变化的原因。力是矢量。力的合成与分解。
2. (B) 力矩。

(二) 重点说明

1. 物体运动状态变化的标志是 v (或 mv) 的变化, 所以力(或力的冲量)的作用是产生加速度(或改变物体的动量)的原因。
2. 在同一幅力矢量图中, 线段的长度都按同一比例表示力的大小, 因此各力的关系转化为几何问题中的边、角关系。

3. 两个共点力的合力大小 $|F_1 - F_2| \leq F \leq F_1 + F_2$ 。力的分解中需注意可能引起的多解或无解。

4. 力矩单位是牛·米, 不可写成焦。力矩计算中不仅要正确找出力臂, 还要注意不同力的作用位置。如浮力作用在该物体排开的这部分液体的重心上; 安培力作用在位于磁场中这部分导线的中点(图 2-1)。

某个力对转轴的力矩等于它的分力对同一转轴的力矩之和, 即

$$F = F_1 + F_2 + \dots \Rightarrow M = M_1 + M_2 + \dots$$

(三) 典型例题

例 1 同一平面上的三个共点力 $F_1 = 20$ 牛, $F_2 = 30$ 牛, $F_3 = 40$ 牛, 它们之间夹角均为 120° , 求它们的合力。

[解] 令 $F_2 = 20$ 牛 + 10 牛, $F_3 = 20$ 牛 + 20 牛, 原题变为 $F'_2 = 10$ 牛, $F'_3 = 20$ 牛, 互成 120° 角的两个力的合成(图 2-2), 故合力

$$F = \sqrt{F'^2_2 + F'^2_3 + 2F'_2 F'_3 \cos 120^\circ} = 10\sqrt{3}$$
 牛。

方向角 $\varphi = 90^\circ$, 即 F 垂直于 F_2 。

[说明] 先分解、后合成是求合力最普遍的思路, 往往能简化计算。

例 2 (88 上海) 一具有固定转动的矩形线框 $abcd$, 处在直线电流磁场中, 转轴与直导线平行, 相距 $4\gamma_0$, 线框的 ab 和 cd 边与转轴平行, 长是 $5\gamma_0$, bc 和 da 边与转轴垂直, 长是 $6\gamma_0$, 转轴通过这两条边的中点(图 2-3)。直导线中的电流方向向上。当线框转到垂直于由直导线与转轴构成的平面时, ab 边和 cd 边所在处的磁感应强度大小都是已知值 B_0 , 框内电流强度是 I , 方向为 $abcda$, 求线框处在这个位置时, ab 、 cd 两边所受磁场力对转轴的力矩。

[解] 作出俯视图(图 2-4)。由左手定则知 ab 、 cd 两边所受安培力 F_{ab} 沿 ob 向内, F_{cd} 沿 oc 向外。其大小 $F_{ab} = F_{cd} = I \cdot \overline{ab} \cdot B_0 = 5I\gamma_0 B_0$ 。对转轴的力臂 $L_1 = L_2 = \overline{OO'} \sin \theta = 4\gamma_0 \times \frac{3\gamma_0}{5\gamma_0} = \frac{12}{5}\gamma_0$, 所以 ab 、 cd 两边所受磁场力对转轴的力矩分别为



图 2-1

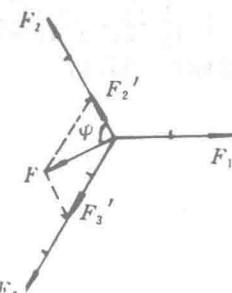


图 2-2

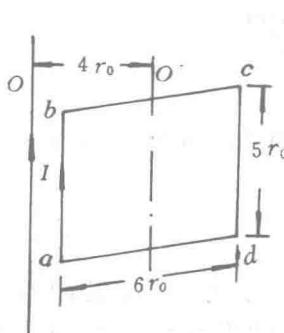


图 2-3

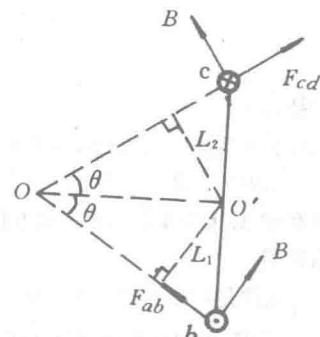


图 2-4

$$M_1 = F_{ab}L_1 = 5I\gamma_0B_0 \times \frac{12}{5}\gamma_0 = 12I\gamma_0^2B_0, \text{ (顺时针向)}$$

$$M_2 = F_{cd}L_2 = 12I\gamma_0^2B_0. \text{ (顺时针向)}$$

[说明] 将题给的立体图形平面化,往往较容易确定力的方向,建立相关量之间的联系。

(四) 强化训练

1. 两个大人和一个小孩沿河两岸拉船,两大人的拉力 $F_1=400$ 牛、 $F_2=320$ 牛,方向如图 2-5,要使船在河中沿 OE 方向行驶,求小孩对船所加的最小力。

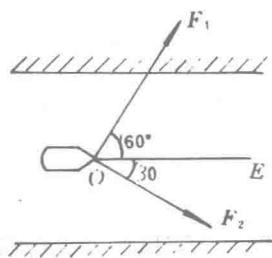


图 2-5

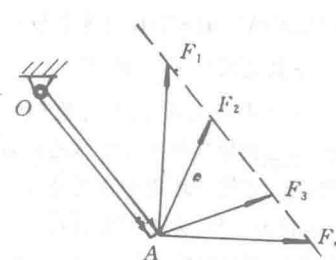


图 2-6

2. 图 2-6 中杆 AO 可绕 O 轴转动,在 A 端作用着四个大小、方向不同的力 F_1, F_2, F_3, F_4 ,按同一比例作出的力矢量末端位于平行 OA 杆的同一直线上,试比较这四个力对 O 轴力矩的大小_____。

3. (96 全国)如图 2-7 所示,一细导体杆弯成四个拐角均为直角的平面折线,其 ab, cd 段长度均为 l_1 , bc 段长度为 l_2 ,弯杆位于竖直平面内, oa, do' 段由轴承支撑沿水平放置,整个弯杆处于匀强磁场中,磁场方向竖直向上,磁感应强度为 B 。今在导体杆中沿 $abcd$ 通以大小为 I 的电流,此时导体杆受到的安培力对 OO' 轴的力矩大小等于_____。

(五) 解答提示

1. 约 186 牛,垂直河岸在 F_2 一侧。要求合力沿 OE 方向,垂直 OE 方向两侧的力互相平衡。
2. 均相等。因每一个力垂直 OA 方向的分力大小相等。
3. IBl_1l_2 。导体杆中仅 bc 段受磁场力 $F_B=Il_2B$,其方向垂直纸面向上,对 OO' 轴力臂为 l_1 。

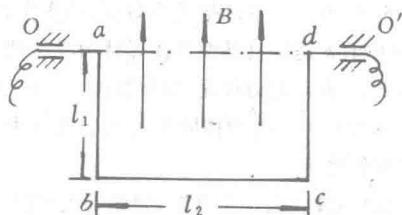


图 2-7

§ 2 常见的三种力

(一) 考试要求

1. (B) 万有引力定律。重力是物体在地球表面附近受到的地球对它的引力。重心。
2. (B) 形变和弹力。胡克定律。
3. (B) 静摩擦，最大静摩擦力。滑动摩擦，滑动摩擦定律。

(二) 重点说明

1. 万有引力定律是自然界的一条普遍规律。两物体间的万有引力仅与它们的质量及间距有关，与物体的化学成分、物理状况、中间是否有其他介质等无关，但公式 $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ 仅适用于质点或均匀球体。

2. 物体所受地球引力(F)沿半径指向球心，重力(mg)竖直向下，两者间夹角 θ 随所在处纬度 φ 和 g 值而变化。由图 2-8 知

$$\begin{aligned} \frac{m\omega^2 R \cos \varphi}{\sin \theta} &= \frac{mg}{\cos \varphi} \\ \sin \theta &= \frac{\omega^2 R}{g} \cos^2 \varphi, \text{ 或 } \theta = \sin^{-1} \left(\frac{\omega^2 R}{g} \cos^2 \varphi \right) \end{aligned}$$

3. 当忽略地球的自转时，物体的重力加速度可由

$$G \frac{Mm}{r^2} = mg \quad \text{得} \quad g = \frac{GM}{r^2}.$$

式中 M 、 r 分别为地球质量和物体离地心距离。在地面附近， $r \approx R$ ，于是 $g = \frac{GM}{R^2}$ 。在其他天体上，同理可得。

必须注意，在具体问题中，当不需考虑 g 值的变化时，物体所受的重力恒定，与它所受其他力及物体的运动状况无关。

4. 物体的重力可整个地集中作用在重心上，仿佛其他各部分没有重力一样。重心可以在物体外部。只要重力作用线仍垂直落在支撑面上，物体对支撑面的压力不变。如图 2-9 中，用力 F 推动木棒，重力作用线未超出桌面时，对桌面的压力大小恒等于 mg 。

5. 弹力的产生以接触为前提，形变为必要条件。 $f = kx$ 中的 k 是反映某根具体弹簧力学特性的量，不同于密度、比热、电阻率等物质特性的量。对一根确定的轻弹簧， k 值与运动状况（如在加速中）、所处位置（如从地球搬到月球）等无关。

弹力的大小与物体同时所受的其他力及物体的运动状况有关，一般情况下都应结合平衡条件或牛顿运动定律确定。

注意：弹力大小已知时，弹簧可处于拉、压两种状态。

6. 几种典型物体产生弹力的特点比较：

比较项目	绳	杆	弹簧
形变情况	只能伸长	认为长度不变	既可伸长也可缩短
施力与受力情况	只能受拉力和施出拉力	既能受拉或受压，也能施出拉力或压力	同杆
力的方向	始终沿绳	不一定沿杆	沿弹簧纵向
力的变化	可发生突变（无记忆）	可发生突变（无记忆）	只能发生渐变（有记忆）

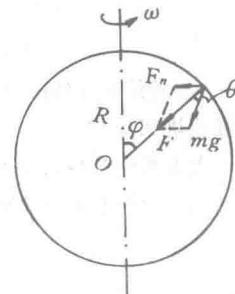


图 2-8

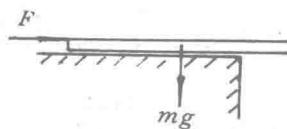


图 2-9

7. 两物体一旦发生相对滑动, 滑动摩擦力的大小恒为 $f = \mu N$, 与相对滑动的速度大小无关。当接触面间的滑动摩擦系数 μ 处处相同时, 滑动摩擦力的大小也与相对滑动的方向无关。如图中质量 m 的小木块沿不同方向滑行时的摩擦力相同, 均为 $f = \mu mg \cos\alpha$ 。

8. 静摩擦发生在相接触的两物体有相对滑动趋势时, 且与引起相对滑动趋势的(有效)外力等值反向, 其值可在 $0 \sim f_m$ (最大静摩擦)间变化。一般情况下, 静摩擦力的大小也与物体同时所受的其他力及运动状况有关, 往往应结合平衡条件或牛顿运动定律确定。

(三) 典型例题

例 1 一质量为 m 的木块放在倾角为 α 的传送带上随带一起向上或向下作加速运动, 加速度为 a , 试求两情况下物体所受的摩擦力 f 。

[解] 加速向上时, $f = mgs \sin\alpha + ma$, 沿斜面向上。

加速向下时, 有三种情况:

当 $a < g \sin\alpha$ 时, $f = mgs \sin\alpha - ma$, 沿斜面向上;

当 $a = g \sin\alpha$ 时, $f = 0$;

当 $a > g \sin\alpha$ 时, $f = ma - mgs \sin\alpha$, 沿斜面向下。

[说明] 当物体向下加速时, 可先假设 f 沿斜面向上, 由 $mgs \sin\alpha - f = ma$ 得出 f 后再讨论在 a 的不同大小下 f 的取值和方向。必须牢记、静摩擦力的大小、方向与运动状态有关。

例 2 如图 2-12 所示, 质量为 m 的物块与甲、乙两个弹簧相连, 乙弹簧下端与地相连, 其倔强系数分别为 k_1 、 k_2 。现用手拉甲的上端 A , 使它缓缓上移。当乙弹簧中的弹力为原来的 $2/3$ 时, 甲上端 A 移动的距离为多少?

[解] 乙原处于被压缩状态, 其压缩量 $x_0 = \frac{mg}{k_2}$ 。当拉甲缓缓上移使乙中弹力减为原来 $2/3$ 时, 若

(1) 乙仍处于被压缩状态, 则此时甲的弹力和伸长量分别为

$$T_1 = mg - T_2 = \frac{1}{3}mg,$$

$$x_1 = \frac{T_1}{k_1} = \frac{mg}{3k_1}.$$

乙弹簧上端的位移为 $x_2 = \frac{\frac{1}{3}mg}{k_2} = \frac{mg}{3k_2}$, 所以 A 端上移的距离

$$s_A = x_1 + x_2 = \frac{mg}{3} \left(\frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} \right).$$

(2) 乙处于被拉伸状态, 则此时甲的弹力和伸长量分别为

$$T'_1 = mg + T_2 = mg + \frac{2}{3}mg = \frac{5}{3}mg,$$

$$x'_1 = \frac{T'_1}{k_1} = \frac{5mg}{3k_1}.$$

乙弹簧上端的位移为 $x'_2 = x_0 + \frac{2mg}{3k_2} = \frac{5mg}{3k_2}$ 。所以 A 端上移的距离

$$s'_A = x'_1 + x'_2 = \frac{5mg}{3} \left(\frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} \right).$$

[说明] 必须考虑弹簧形变的两种可能情况, 同时应注意位移的计算。

例 3 已知火星上大气压是地球的 $1/200$ 。火星直径约为地球直径的一半, 地球平均密度 $\rho_{\text{地}} = 5.5 \times 10^3$ 千克/米³, 火星平均密度 $\rho_{\text{火}} = 4 \times 10^3$ 千克/米³。试求火星上大气质量与地球大气质量之比。

[解] 设火星和地球上的大气质量、重力加速度分别为 $m_{\text{火}}$ 、 $g_{\text{火}}$ 、 $m_{\text{地}}$ 、 $g_{\text{地}}$, 火星和地球上的大气压分别

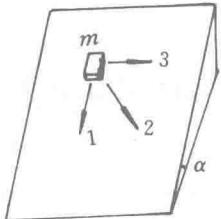


图 2-10

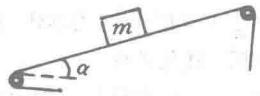


图 2-11

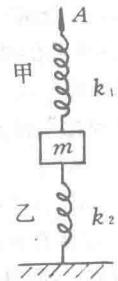


图 2-12