

CHUZHONG KETANG TONGBU SUZHIXUNLIAN

东北师范大学附属中学特高级教师 编写

初中课堂 同步 素质训练

几 何

三年级

(吉)新登字 09 号

初中课堂同步素质训练

几何(三年级)

东北师大附中 编

责任编辑: 安国锋

东北朝鲜民族教育出版社出版

787×1092 毫米 16 开本

7 25 印张 168 千字

吉林省新华书店发行

1997 年 10 月第 1 版

1997 年 10 月第 1 次印刷

印数: 5 000 册 全套定价: 80.00 元本册定价: 10.00 元

四平市孤家子印刷厂印刷

ISBN7-5437-2959-8/G·2712

出版说明

在中学师生课外丛书丰富纷繁的今天，我们隆重推出这套师生适用、学练同步、扎实灵活、见效显著的《初中课堂同步素质训练》丛书。

此丛书最能体现我国现行的教育思想，一改过去只重试题设计、忽视兴趣、能力培养的弊端，在编写中注意知识科学有序、精释浅易生动、练习重在培养素质、提高能力。给知识要点，给解题思路，给综合运用知识解决实际问题的方法。

本丛书按年级分册，与教材彻底同步，即同步到每一课。而且各章节皆有知识要点精释、训练方法简析，并配有 AB 两组同步习题。A 组为基础知识练习，B 组为知识拓展练习。每单元后又设一套试卷式综合试题，以备单元检测。随期中、期末两次考试，设有两套试题，可供参考使用。

为保名牌，本丛书在编写出版中，花了很大的气力，集中了全国重点中学——东北师大附中有经验的特级、高级教师编写，主要作者有：孙淑贞、庄乾岭、卢秀军、王继伟、张树锋、谭祖春、徐婧、赫丽、王淑荣、孙世斌、杨彦昌、郭奕津、付韶华、王启华、李红梅、刘文博等。

本丛书内容详略得当，主次分明，使学生能用最少的时间奠定最坚实的基础，考出最理想的成绩。

实践是检验真理的唯一标准，信誉是我们向社会的公开承诺！

目 录

第六章 解直角三角形	(1)
第一节 正弦和余弦	(1)
第二节 正切和余切	(4)
第三节 解直角三角形	(8)
第四节 解直角三角形应用举例	(12)
综合试题	(15)
第七章 圆	(18)
第一节 圆	(18)
第二节 过三点的圆	(21)
第三节 垂直于弦的直径	(23)
第四节 圆心角、弧、弦、弦心距之间的关系	(26)
第五节 圆周角	(29)
第六节 圆的内接四边形	(33)
第七节 直线和圆的位置关系	(39)
第八节 切线的判定和性质	(41)
第九节 三角形的内切圆	(44)
第十节 切线长定理	(47)
第十一节 弦切角	(51)
第十二节 和圆有关的比例线段	(56)
第十三节 圆和圆的位置关系	(65)
第十四节 两圆的公切线	(69)
第十五节 相切在作图中的应用	(72)
第十六节 正多边形和圆	(73)
第十七节 正多边形的有关计算	(75)
第十八节 画正多边形	(77)
第十九节 圆周长、弧长	(77)
第二十节 圆、扇形、弓形的面积	(79)
第二十一节 圆柱和圆锥的侧面展开图	(82)
综合试题	(84)
参考答案	(89)

第六章 解直角三角形

第一节 正弦和余弦

【基础知识要点】

1. 在直角三角形中, 锐角的对边与斜边的比是这个角的正弦, 锐角的邻边与斜边的比是这个角的余弦. 正弦、余弦的值只与角的大小有关.
2. 掌握 30° 、 45° 、 60° 这三个特殊角的正弦、余弦值.
3. 会查正弦、余弦表, 掌握 $0^\circ \sim 90^\circ$ 之间正弦、余弦值变化的规律.

【同步练习 A 组】

1. 如图 1, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 和 $\text{Rt}\triangle DEF$ 中,

角 A 的对边是 _____,
角 A 的邻边是 _____;
角 B 的对边是 _____,
角 B 的邻边是 _____;
角 D 的对边是 _____,
角 D 的邻边是 _____;
角 E 的对边是 _____,
角 E 的邻边是 _____.

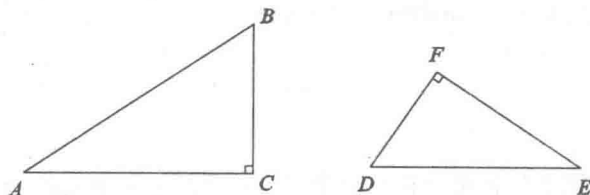


图 1

2. 如图 2, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $BC=3$, $AC=4$,
则 $\sin A =$ _____, $\sin B =$ _____, $\cos A =$ _____
 $\cos B =$ _____.

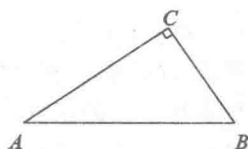
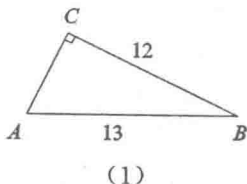
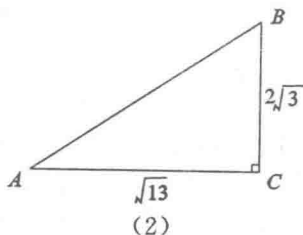


图 2

3.



(1)



(2)

图 3

在图 3 中, $\angle C=90^\circ$, 求 $\sin A$ 、 $\sin B$ 的值.

4. 填表

	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin \alpha$					
$\cos \alpha$					

5. 求下列各式的值:

(1) $2\sin 30^\circ + 4\sin 45^\circ$;

(2) $\frac{1}{2}\cos 45^\circ \cdot \sin 45^\circ$;

(3) $3\sin 30^\circ + 2\cos 45^\circ + 6\sin 45^\circ$;

(4) $\sin 60^\circ \cdot \cos 30^\circ + \sin 30^\circ$;

(5) $\sqrt{2}\sin 60^\circ + \sqrt{3}\cos 45^\circ$;

(6) $\frac{3\cos 60^\circ}{5\sin 30^\circ - 1}$

6. 把下列各角的正弦 (余弦) 改写成它的余角的余弦 (正弦):

(1) $\sin 42^\circ$

(2) $\cos 65^\circ$

(3) $\sin 15^\circ 18'$

(4) $\cos 42^\circ 42'$

(5) $\sin 50^\circ 5'$

(6) $\cos 89^\circ 3'$

7. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 a 、 b 、 c , 先根据下列条件求出 $\angle A$ 的正弦值和余弦值, 然后说出 $\angle B$ 的正弦值和余弦值:

(1) $a=6$, $c=12$;

(2) $b=8$, $c=8\sqrt{2}$

(3) $a=3$, $b=5$;

(4) $a=\sqrt{2}$, $b=\sqrt{3}$.

8. 查表求下列正弦值或余弦值:

(1) $\sin 37^\circ 18'$, $\sin 26^\circ 27'$, $\sin 72^\circ 30'$, $\sin 44^\circ 54'$;

(2) $\cos 69^\circ 42'$, $\cos 55^\circ 15'$, $\cos 18^\circ 36'$, $\cos 40^\circ 21'$.

9. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 a 、 b 、 c .

(1) 已知: $c=20$, $\angle A=50^\circ 36'$, 求 b (精确到 0.1);

(2) 已知: $b=15$, $\angle B=65^\circ 9'$, 求 c (精确到 0.1);

(3) 已知: $c=47$, $b=31$, 求 A (精确到 $1'$).

10. 求下列各式的值:

(1) $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ$;

(2) $4\sin 45^\circ \cdot \cos 45^\circ + \sin^2 60^\circ$;

(3) $\cos^2 72^\circ + \sin^2 72^\circ + \sin 30^\circ$;

(4) $\sin^2 52^\circ + \sin^2 38^\circ - 2\cos^2 45^\circ$.

【同步练习 B 组】

1. 选择题:

(1) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 各边都扩大 5 倍, 则角 A 的正弦值 ()

(A) 不变 (B) 扩大 5 倍 (C) 缩小 5 倍 (D) 不能确定

(2) $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle B=30^\circ$, $b=2$, 则 $\cos A$ 等于 ()

(A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C) $\frac{3}{2}$ (D) $\frac{1}{2}$

(3) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $a=12$, $c=13$, 则角 A 和角 B 的余弦值是 ()

(A) $\cos A = \frac{12}{5}$, $\cos B = \frac{12}{5}$ (B) $\cos A = \frac{5}{12}$, $\cos B = \frac{12}{13}$

(C) $\cos A = \frac{12}{13}$, $\cos B = \frac{5}{13}$ (D) $\cos A = \frac{5}{13}$, $\cos B = \frac{12}{13}$

(4) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 直角边 AC 是斜边 AB 的 $\frac{1}{3}$, 则 $\sin A$ 等于 ()

(A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ (C) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ (D) $\frac{3\sqrt{2}}{4}$

(5) $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 斜边 AB 是直角边 BC 的 4 倍, 则 $\sin B$ 等于 ()

- (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{\sqrt{15}}{4}$ (C) $\frac{4\sqrt{15}}{15}$ (D) $\frac{\sqrt{15}}{15}$

2. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$.

(1) 若 $\sin A = \frac{12}{13}$, 求 $\cos A$;

(2) 若 $\cos A = \frac{15}{17}$, 求 $\sin A, \sin B, \cos B$.

第二节 正切和余切

〔基础知识要点〕

1. 在直角三角形中, 锐角的对边与邻边的比是这个角的正切, 锐角的邻边与对边的比是这个角的余切. 正切、余切的值只与角的大小有关.

2. 掌握 $30^\circ, 45^\circ, 60^\circ$ 这三个特殊角的正切、余切值.

3. 会查正切、余切表, 掌握 $0^\circ \sim 90^\circ$ 之间正切、余切值变化的规律.

【同步练习 A 组】

1. 如图 1, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 写出 $\angle A, \angle B$ 的四个三角函数的比.

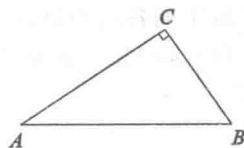


图 1

2. 如图 2, $\triangle ABC$ 和 $\triangle PMN$ 都是直角三角形, $\angle C=90^\circ, \angle P=90^\circ, AC=7, BC=5, MN=5, MP=3$. 求

(1) $\tan A, \cot B$; (2) $\tan M, \cot N$.

想一想, 从这些答案中你找到什么规律?

证明这些规律.

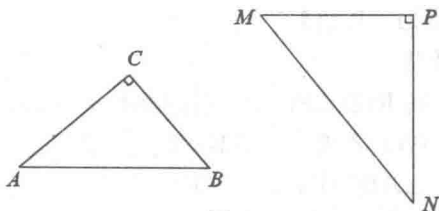


图 2

3. 填表

	0°	30°	45°	60°	90°
$\tan \alpha$					
$\cot \alpha$					

4. 如图 4, $\triangle ABC$ 是直角三角形, $\angle C=90^\circ$, D 、 E 在 BC 上, $AC=4$, $BD=5$, $DE=3$, $EC=2$. 若 $\angle ADC=\alpha$, $\angle AEC=\beta$, 求:

(1) $\operatorname{tg} B$; (2) $\operatorname{tg} \alpha$; (3) $\operatorname{tg} \beta$, $\operatorname{ctg} \beta$.

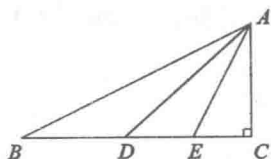


图 4

5. 在 $\operatorname{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AB=13$, $BC=5$, 求 $\sin A$, $\cos A$, $\operatorname{tg} A$, $\operatorname{ctg} A$.

6. 求下列各式的值:

(1) $\sin 30^\circ \cdot \operatorname{tg} 30^\circ + \cos 60^\circ \cdot \operatorname{ctg} 30^\circ$;

(2) $2\sin^2 60^\circ - \cos^2 30^\circ + \operatorname{tg} 60^\circ \cdot \operatorname{ctg} 60^\circ$;

(3) $3\sin 60^\circ - 2 \cdot \cos 30^\circ + \operatorname{tg} 60^\circ$;

(4) $5 \cdot \operatorname{ctg} 60^\circ - 2\sin 30^\circ + 2\cos 60^\circ$;

(5) $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ$;

(6) $\sin^2 45^\circ - \operatorname{tg}^2 30^\circ$;

(7) $\cos 45^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ - \operatorname{ctg} 45^\circ$;

(8) $\sin^2 30^\circ + \sin^2 60^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ$.

7. 把下列正切或余切改写成余角的余切或正切:

(1) $\operatorname{tg} 37^\circ$

(2) $\operatorname{tg} 42^\circ 51'$

(3) $\operatorname{ctg} 18^\circ 26'$

(4) $\operatorname{ctg} 73^\circ 27'$

(5) $\operatorname{tg} 3^\circ 3'$

(6) $\operatorname{tg} 89^\circ 51'$

(7) $\operatorname{ctg} 45^\circ$

(8) $\operatorname{ctg} 61^\circ 20'$

8. 查表求下列正切值或余切值:

(1) $\operatorname{tg} 17^\circ$, $\operatorname{tg} 28^\circ 18'$, $\operatorname{tg} 53^\circ 26'$, $\operatorname{tg} 69^\circ 47'$;

(2) $\operatorname{ctg} 62^\circ 36'$, $\operatorname{ctg} 15^\circ 29'$, $\operatorname{ctg} 73^\circ 19'$, $\operatorname{ctg} 7^\circ 53'$.

9. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 a 、 b 、 c .

(1) 已知: $a=20$, $\angle A=36^\circ 24'$, 求 b (精确到 0.1);

(2) 已知: $b=18$, $\angle B=35^\circ$, 求 a (精确到 0.1);

(3) 已知: $a=25$, $b=22$, 求 B (精确到 $1'$).

10. 求下列各式的值:

(1) $\cos^2 45^\circ - \frac{1}{\cos 60^\circ} + \frac{1}{\sin 90^\circ} + \cos^2 30^\circ + \sin^2 45^\circ$;

(2) $\sin 60^\circ + \lg 60^\circ \cdot \cos 30^\circ - \lg^2 45^\circ + (\sqrt{3})^{\cos 0^\circ}$;

(3) $\frac{\sin 60^\circ - 3\sin 30^\circ + \text{ctg} 45^\circ}{\sin^2 45^\circ - \cos 30^\circ}$;

(4) $\lg 60^\circ \cdot \sqrt{1 - \sin^2 60^\circ} - \sin 60^\circ \cdot \lg 30^\circ \cdot \text{ctg} 30^\circ$;

(5) $1 - \sin^2 32^\circ - \cos^2 32^\circ + \lg 25^\circ \cdot \lg 45^\circ \cdot \lg 65^\circ$.

【同步练习 B 组】

1. 填空题:

(1) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 a 、 b 、 c , $a=9$, $b=12$, 则 $\sin A =$ _____, $\cos A =$ _____, $\lg A =$ _____, $\text{ctg} A =$ _____.

(2) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 a 、 b 、 c , $b=15$, $c=17$, 则 $\sin B =$ _____, $\cos B =$ _____, $\lg B =$ _____, $\text{ctg} B =$ _____.

- (3) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\operatorname{ctg} B = \frac{7}{4}$, $AC=2$, 则 $BC=$ _____.
- (4) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\operatorname{tg} A = \frac{\sqrt{2}}{5}$, 则 $\operatorname{ctg} A =$ _____.
- (5) α 为锐角, $\sin^2 \alpha + \cos^2 53^\circ = 1$, 则 $\alpha =$ _____.
- (6) A 为锐角, $\operatorname{tg} A \cdot \operatorname{ctg} 64^\circ = 1$, 则 $A =$ _____.
- (7) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\sin(90^\circ - A) = \frac{12}{13}$, 则 $\cos(90^\circ - A) =$ _____,
 $\operatorname{tg} B =$ _____.
- (8) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\operatorname{tg}(90^\circ - A) = 3$, 则 $\operatorname{ctg}(90^\circ - B) =$ _____.
- (9) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, 若 $\sqrt{2}a = \sqrt{3}b$, 则 $\operatorname{tg} A =$ _____.
- (10) 比较大小:
 $\sin 40^\circ$ _____ $\sin 50^\circ$, $\cos 60^\circ$ _____ $\cos 61^\circ$,
 $\operatorname{tg} 20^\circ$ _____ $\operatorname{tg} 70^\circ$, $\operatorname{ctg} 30^\circ 1'$ _____ $\operatorname{ctg} 30^\circ 2'$.

2. 选择题:

- (1) 当锐角 $A > 60^\circ$ 时, $\sin A$ 的值 ()
 (A) 大于 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) 小于 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (C) 小于 $\frac{1}{2}$ (D) 大于 1
- (2) 若 B 为锐角, 且 $\operatorname{ctg} B < \sqrt{3}$, 则 $\angle B$ ()
 (A) 小于 30° (B) 大于 30° (C) 大于 45° 且小于 60° (D) 大于 60°
- (3) 下列命题正确的是 ()
 (A) x 为锐角, 则有 $0 \leq \sin x \leq 1$
 (B) 若 x_1, x_2 为锐角, 且 $x_1 < x_2$, 则 $\sin x_1 < \sin x_2$
 (C) 若 $\sin A = \cos(90^\circ - B)$, 则 $\angle A$ 与 $\angle B$ 互余
 (D) $\sin 30^\circ + \sin 30^\circ = \sin 60^\circ$
- (4) 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC$, 且 $2\angle B = \angle A + \angle C$, 则 $\sin A$ 的值 ()
 (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\sqrt{3}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (5) 在 $\operatorname{Rt}\triangle ABC$ 中, 斜边与一条直角边的比为 $25:7$, 则较小角的正切值为 ()
 (A) $\frac{24}{7}$ (B) $\frac{24}{25}$ (C) $\frac{7}{25}$ (D) $\frac{7}{24}$
- (6) 若 $\alpha = 30^\circ$, $\frac{\sin(75^\circ - \alpha)}{\operatorname{tg} \alpha - \cos \alpha}$ 的值为 ()
 (A) $-\sqrt{6}$ (B) $\frac{\sqrt{6}}{3}$ (C) $-\frac{\sqrt{6}}{2}$ (D) $\frac{2\sqrt{6} + 3\sqrt{2}}{3}$
- (7) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, 且 $\operatorname{tg} A = \frac{1}{3}$, 则 $\cos B$ 的值为 ()
 (A) $\frac{\sqrt{13}}{10}$ (B) $\frac{\sqrt{10}}{3}$ (C) $\frac{\sqrt{10}}{10}$ (D) $\frac{3\sqrt{10}}{10}$
- (8) 利用 $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = 2$, 计算 $\frac{3\sin \alpha - \cos \alpha}{4\sin \alpha + 2\cos \alpha}$ 的值为 ()
 (A) $\frac{1}{3}$ (B) $\frac{5}{6}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 4

(9) 若 $45^\circ < \alpha < 90^\circ$, 则 $\sin \alpha$ 、 $\cos \alpha$ 的大小关系是 ()

(A) $\sin \alpha > \cos \alpha$ (B) $\sin \alpha < \cos \alpha$ (C) $\sin \alpha \geq \cos \alpha$ (D) $\sin \alpha \leq \cos \alpha$

(10) α 为锐角, $\sin \alpha + \cos \alpha = m$, 则 $\sin \alpha \cdot \cos \alpha$ 的值为 ()

(A) $\frac{m^2-1}{2}$ (B) $\frac{1-m^2}{2}$ (C) $\frac{m^2+1}{2}$ (D) m^2-1

3. 求适合下列各式的角 α ($0^\circ \leq \alpha \leq 90^\circ$):

(1) $\sin \alpha = \frac{1}{2}$

(2) $5\cos \alpha = 0$

(3) $\sqrt{3} \operatorname{ctg} \alpha - 1 = 0$

(4) $4\operatorname{tg} \alpha - 4 = 0$

(5) $1 - \sqrt{2} \sin \alpha = 0$

(6) $2\operatorname{ctg} \alpha \cdot \sin \alpha = \sqrt{3}$

(7) $\operatorname{tg}^2 \alpha - (1 + \sqrt{3}) \operatorname{tg} \alpha + \sqrt{3} = 0$

4. 等腰三角形中, 腰长与底边的比是 $25:14$, 求底角的四个三角比值.

5. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\operatorname{tg} A = \frac{12}{5}$, $\triangle ABC$ 的周长为 45cm , CD 是斜边 AB 的高, 求 CD 的长.

第三节 解直角三角形

〔基础知识要点〕

1. 由直角三角形中除直角外的已知元素, 求出所有未知元素的过程, 叫做解直角三角形.

2. 解直角三角形主要应用如下关系:

(1) 三边之间的关系: $a^2 + b^2 = c^2$.

(2) 锐角之间的关系: $\angle A + \angle B = 90^\circ$.

(3) 边角之间的关系: $\sin A = \frac{a}{c}$, $\cos A = \frac{b}{c}$, $\operatorname{tg} A = \frac{a}{b}$, $\operatorname{ctg} A = \frac{b}{a}$.

3. 在直角三角形中, 已知 2 个元素 (至少有 1 个是边), 就可以求出其余的 3 个未知

元素.

【同步练习 A 组】

1. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中:

(1) 如果已知 a, c , 写出解 $\triangle ABC$ 求未知元素的过程;

(2) 如果已知 $\angle A, a$, 写出解 $\triangle ABC$ 求未知元素的过程;

(3) 如果已知 $\angle A, b$, 写出解 $\triangle ABC$ 求未知元素的过程;

(4) 如果已知 $\angle A, c$, 写出解 $\triangle ABC$ 求未知元素的过程.

2. 填空题:

(1) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $a=\sqrt{3}$, $c=\sqrt{6}$, 则 $\angle A=$ _____, $b=$ _____.

(2) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $BC=3$, $\text{tg} B=\frac{\sqrt{5}}{3}$, 则 $AB=$ _____.

(3) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle A=60^\circ$, 斜边 $AB=14\text{cm}$, 则 AB 边上的高为 _____ cm .

(4) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\sin A=\frac{4}{5}$, $AB=10$, 则 $BC=$ _____, $\cos B=$ _____.

(5) $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $S_{\triangle ABC}=32\sqrt{3}$, $a=8$, 则 $\angle A=$ _____.

3. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 由下列条件, 解直角三角形:

(1) $\angle B=30^\circ$, $a=8$.

(2) $c=23.66$, $a=20.19$.

(3) $\angle B=43^\circ 21'$, $b=27.01$.

(4) $a=7.096$, $b=12$, 16 .

4. 根据下列条件解直角三角形（不查表）：

(1) $c=10$, $\angle A=45^\circ$.

(2) $a=6$, $\angle B=30^\circ$.

(3) $a=50$, $c=50\sqrt{2}$.

(4) $a=8\sqrt{5}$, $b=8\sqrt{15}$.

5. $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $b=15$, $\angle B=45^\circ$, 求 a 、 c 与 $\angle A$.

6. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AC=2\sqrt{3}$, $BC=2$, 求 (1) AB 的长; (2) 角 A 的度数

7. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle A=60^\circ$, $AC=3$, 求 AB 、 BC 及三角形面积 S .

8. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle A=30^\circ$, $c=\frac{\sqrt{5}}{2}$, 求 $\angle B$, a 、 b 及三角形面积 S .

9. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle A=60^\circ$, $a=2\sqrt{3}$, 求 $\angle B$, c 、 b 及三角形面积 S .

10. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $a=2\sqrt{6}$, $b=6\sqrt{2}$, 解这个直角三角形.

【同步练习 B 组】

1. 选择题:

(1) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $\sin A=\frac{2}{3}$, 则 $\tan B$ 等于 ()

(A) $\frac{3}{5}$ (B) $\frac{\sqrt{5}}{3}$ (C) $\frac{2}{5}\sqrt{5}$ (D) $\frac{\sqrt{5}}{2}$

(2) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $c=2$, $\text{tg}A=\frac{1}{2}$, 则 b 等于 ()

(A) $\frac{1}{5}\sqrt{5}$ (B) $\frac{2}{5}\sqrt{5}$ (C) $\frac{3}{5}\sqrt{5}$ (D) $\frac{4}{5}\sqrt{5}$

(3) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 下列式子必成立的是 ()

(A) $a=c \cdot \sin B$ (B) $a=c \cdot \cos B$ (C) $a=c \cdot \text{tg} B$ (D) $a=c \cdot \text{ctg} B$

(4) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A=90^\circ$, 则有 ()

(A) $AB=BC \cdot \text{tg} B$ (B) $AB=AC \cdot \text{tg} B$ (C) $AC=\frac{AB}{\text{tg} C}$ (D) $AB=\frac{AC}{\sin B}$

(5) 等腰三角形腰长为 2cm, 面积为 1cm^2 , 则顶角为 ()

(A) 30° 或 150° (B) 30° (C) 150° (D) 60°

(6) 等腰三角形一腰上的高为 $\sqrt{3}$, 高与底边的夹角为 60° , 则这个三角形的面积是 ()

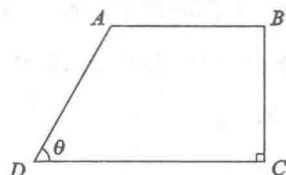
(A) $\sqrt{3}$ (B) $2\sqrt{3}$ (C) 2 (D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

(7) 菱形 $ABCD$ 的对角线 $AC=10\text{cm}$, $BD=6\text{cm}$, 那么 $\text{tg} \frac{A}{2}$ 为 ()

(A) $\frac{3}{5}$ (B) $\frac{4}{5}$ (C) $\frac{5}{\sqrt{34}}$ (D) $\frac{3}{\sqrt{34}}$

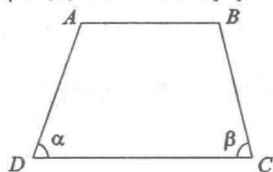
(8) 梯形 $ABCD$ 中, $AB \parallel DC$, 且 $\angle C=90^\circ$, $AD=b$, $DC=a$, $AB=x$, 则 x 是 ()

(A) $a-b\cos\theta$
(B) $a+b\cos\theta$
(C) $a+b\sin\theta$
(D) $a-b \cdot \sin\theta$



(9) 梯形 $ABCD$ 中, $AB \parallel CD$, $\angle ADC=\alpha$, $\angle BCD=\beta$, 则 $AD:BC$ 等于 ()

(A) $\cos\alpha : \sin\beta$
(B) $\sin\beta : \sin\alpha$
(C) $\sin\alpha : \sin\beta$
(D) $\sin\beta : \cos\alpha$



(10) $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, CD 为斜边 AB 上的高, 若 $AD=2$, $DB=8$, 则 $\text{tg}A$ 的值是 ()

(A) 4 (B) 2 (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{1}{4}$

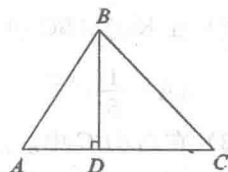
2. 已知等腰三角形中, $AB=AC$, $A=35^\circ$, $BC=8$, 求它的腰长和底角.



3. 在 $\triangle ABC$ 中, $AC=9$, $AB=8$, $\angle A=58^\circ$. 求:

(1) AC 边上的高;

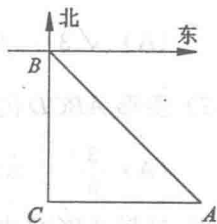
(2) 三角形 ABC 的面积.



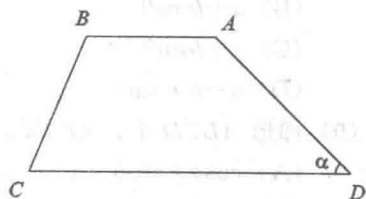
第四节 解直角三角形应用举例

【同步练习 A 组】

1. 一船在海面上 A 处向正西方向航行, 它的位置在灯塔 B 的东南方向 58.4 海里处, 2 小时后船到达灯塔 B 的正南方向 C 处, 求这船的航行速度 (精确到 0.1 海里).



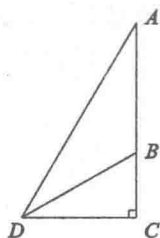
2. 如图, 水坝的横断面梯形 $ABCD$, $AB \parallel CD$, 坝顶宽 $AB=5$ 米, 斜坡 $AD=3\sqrt{2}$ 米, 坡角 $\alpha=45^\circ$, 斜坡 BC 的坡度 $i=1:\frac{\sqrt{3}}{3}$, 求斜坡 BC 长及坝底宽各是多少? (精确到 0.1 米)



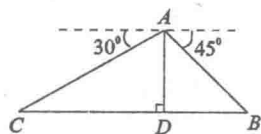
3. 等腰梯形一个底角的余弦值是 $\frac{2}{3}\sqrt{2}$, 腰长是 6, 上底是 $2\sqrt{2}$, 求下底及面积.

4. 测一座炮台 AB 的高, 在地平面上一点 C , 测得炮台顶部 A 的仰角为 30° , 向炮台方向前进 100 米到 D 点, 又测得炮台顶部 A 的仰角为 45° , 求炮台 AB 的高 (精确到 1 米).

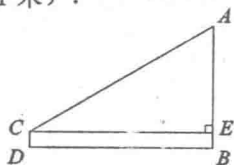
5. 由 D 点测塔顶 A 点和塔基 B 点, 仰角分别为 60° 和 30° , 若塔基高出地面 20 米 (即 $BC=20$ 米), 求塔身 AB 的高.



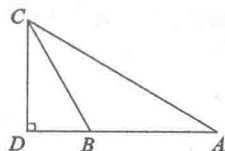
6. 在高出海平面 200 米的灯塔顶端 A , 测得正东与正西的两艘船的俯角分别是 45° 与 30° , 求这两艘船的距离.



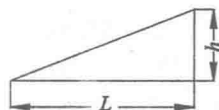
7. 为了测量铁塔的高度, 在离铁塔 160 米的 D 处, 用测角仪测得塔顶 A 的仰角为 $31^\circ 15'$, 已知测角仪的高 $CD=1.15$ 米, 求铁塔的高度 AB (精确到 0.1 米).



8. A 、 B 两点与建筑物底部 D 在同一直线上, 在建筑物顶部 C 点测得 A 、 B 两点的俯角分别为 31° 、 61° , 且 $AB=25$ 米, 求建筑物 CD 的高度 (精确到 1 米).



9. 已知某段公路每前进 100 米, 就升高 3.5 米, 求路面的坡度与坡角 α (精确到 1°).



10. 一段铁路路基的横断面是等腰梯形, 路基顶宽为 9.8 米, 路基高为 5.8 米, 斜坡的坡度 $i=1:1.6$.

- (1) 计算路基下底宽度的长 (精确到 0.1 米);
- (2) 求坡角 (精确到 1°).

